А. А. Баблоян

Кручение призматических стержней коробчатого поперечного сечения с трещиной

Решение получено в виде рядов по тригонометрическим функциям, где коэффициенты интегрирования определяются из вполне регулярных бесконечных систем линейных уравнений. Работа выполнена под руководством Б. Л. Абрамяна.

Определение функции напряжений при кручении сводится к интегрированию уравнения Пуассона

$$\nabla^2 U = \frac{\partial^2 U}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 U}{\partial y^2} = -2 \quad (1)$$

при условии, $U(x, y)$ обращается в нуль на контуре сечения.

В силу симметрии поперечного сечения функцию $U(x, y)$, для коробчатого профиля с трещиной, ищем только на части $ABCOA$ (фиг. 1) области сечения стержня.

Чтобы распространить решение на всю область сечения, достаточно потребовать, чтобы нормальная производная функции напряжений на оси симметрии области сечения обращалась в нуль, т. е.

$$\left. \frac{\partial U}{\partial y} \right|_{y=b} = 0 \quad (0 \leq x \leq d_1). \quad (2)$$

Пользуясь методом введения вспомогательных функций, как это сделано в работах [1, 2], для функции напряжений получаем следующие выражения:

$$U(x, y) = x(d_1 - x) + d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-2} \times \\ \times \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_1} \cdot \operatorname{ch} \frac{k\pi(y-b)}{d_1}}{\operatorname{ch} \frac{k\pi b}{d_1}} \sin \frac{k\pi x}{d_1} \quad (3)$$

Фиг. 1.

в области $\left(\begin{array}{l} 0 \leq x \leq d_1 \\ d_2 \leq y \leq b \end{array} \right)$;

$$\begin{aligned}
 U(x, y) = & y(d_2 - y) + \alpha d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k} \times \\
 & \times \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi}{d_2} (a-x) \operatorname{sh} \frac{k\pi d_1}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi a}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2} + \\
 & + \alpha d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi x}{d_2} \operatorname{sh} \frac{k\pi d_3}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi a}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2}, \quad (4)
 \end{aligned}$$

в области $\left(\begin{array}{l} d_1 \leq x \leq a - d_3 \\ 0 \leq y \leq d_2 \end{array} \right)$;

$$\begin{aligned}
 U(x, y) = & (a-x)(d_3 - a + x) + d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-1} \times \\
 & \times \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_1} \operatorname{sh} \frac{k\pi}{d_3} (b-y)}{\operatorname{sh} \frac{k\pi b}{d_3}} \sin \frac{k\pi (a-x)}{d_3} + \\
 & + 8d_3^2 \sum_{k=1,3}^{\infty} \frac{1}{(k\pi)^3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi y}{d_3}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi b}{d_3}} \sin \frac{k\pi (a-x)}{d_3} \quad (5)
 \end{aligned}$$

в области $\left(\begin{array}{l} a - d_3 \leq x \leq a \\ d_2 \leq y \leq b \end{array} \right)$;

$$\begin{aligned}
 U(x, y) = & x(d_1 - x) + d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-2} \times \\
 & \times \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi y}{d_1} \cdot \operatorname{ch} \frac{k\pi (b-d_2)}{d_1}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi b}{d_1}} \sin \frac{k\pi x}{d_1} + \\
 & + \frac{8d_1^2}{\pi^3} \sum_{k=1,3,\dots}^{\infty} \frac{1}{k^3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi}{d_1} (y-d_2)}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_1}} \sin \frac{k\pi x}{d_1} +
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + \alpha d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi(a-d_1)}{d_2} \operatorname{sh} \frac{k\pi x}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi a}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2} + \\
& + \alpha d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi x}{d_2} \cdot \operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi a}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2} + \\
& + \frac{8d_2^2}{\pi^3} \sum_{k=1,3,\dots}^{\infty} \frac{1}{k^3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi x}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_1}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2}, \quad (6)
\end{aligned}$$

в области $\begin{pmatrix} 0 \leq x \leq d_1 \\ 0 \leq y \leq d_2 \end{pmatrix}$;

$$\begin{aligned}
U(x, y) &= (a-x)(d_3-a+x) + d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-1} \times \\
& \times \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi y}{d_3} \cdot \operatorname{sh} \frac{k\pi}{d_3} (b-d_2)}{\operatorname{sh} \frac{k\pi b}{d_3}} \sin \frac{k\pi(a-x)}{d_3} + \\
& + \alpha d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi(a-x)}{d_2} \operatorname{sh} \frac{k\pi d_1}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi a}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2} + \\
& + \frac{8d_2^2}{\pi^3} \sum_{k=1,3,\dots}^{\infty} \frac{1}{k^3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi(a-x)}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_1}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2} + \\
& + \alpha d_3^2 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k} z_{4k-3} \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi(a-d_3)}{d_2} \cdot \operatorname{sh} \frac{k\pi(a-x)}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi a}{d_2}} \sin \frac{k\pi y}{d_2} + \\
& + \frac{8d_3^2}{\pi^3} \sum_{k=1,3,\dots}^{\infty} \frac{1}{k^3} \left[\frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi}{d_3} (y-d_2)}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_3}} - \frac{\operatorname{sh} \frac{k\pi y}{d_3}}{\operatorname{sh} \frac{k\pi b}{d_3}} \right] \sin \frac{k\pi(a-x)}{d_3} \quad (7)
\end{aligned}$$

в области $\begin{pmatrix} a-d_3 \leq x \leq a \\ 0 \leq y \leq d_2 \end{pmatrix}$,

где
$$\alpha = \sqrt{\frac{1 + e^{-\frac{2\pi}{d_1}(b-d_2)}}{1 + e^{-\frac{\pi}{d_2}(a-d_1-d_2)}}}$$
 при $d_1 \geq d_3$, (8)

или
$$\alpha = \sqrt{\frac{1 + e^{-\frac{2\pi}{d_2}(b-d_2)}}{1 + e^{-\frac{\pi}{d_2}(a-d_1-d_2)}}}$$
 при $d_3 > d_1$. (9)

Неизвестные коэффициенты Z_m , входящие в выражения (3)–(7), определяются из совокупности 4-х бесконечных систем линейных уравнений [3]. Эту совокупность можно записать в виде одной системы

$$Z_m = \sum_{n=1}^{\infty} A_{m,n} Z_n + B_m \quad (m = 1, 2, \dots), \quad (10)$$

где

$$A_{4k,4p} = A_{4k,4p-1} = A_{4k,4p-3} = 0;$$

$$A_{4k-2,4p-1} = A_{4k-2,4p-2} = A_{4k-1,4p-1} = A_{4k-1,4p-2} = 0; \quad (11)$$

$$A_{4k-3,4p} = A_{4k-3,4p-2} = A_{4k-3,4p-3} = 0;$$

$$A_{4k-3,4p-1} = \frac{2d_3 k}{\alpha d_2 \pi} \frac{1}{p^2 + \left(\frac{kd_3}{d_2}\right)^2} \frac{\operatorname{sh} \frac{p\pi(b-d_2)}{d_3} \cdot \operatorname{sh} \frac{p\pi d_2}{d_3}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi b}{d_3}};$$

$$A_{4k-2,4p} = \frac{2d_2 k \alpha}{\pi d_1} \frac{1}{p^2 + \left(\frac{kd_2}{d_1}\right)^2} \frac{\operatorname{sh} \frac{p\pi(a-d_1)}{d_2} \cdot \operatorname{sh} \frac{p\pi d_1}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi a}{d_2}};$$

$$A_{4k-2,4p-2} = \frac{2d_2 k \alpha}{\pi d_1} \frac{1}{p^2 + \left(\frac{kd_2}{d_1}\right)^2} \frac{\operatorname{sh} \frac{p\pi d_1}{d_2} \cdot \operatorname{sh} \frac{p\pi d_2}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi a}{d_2}};$$

$$A_{4k-1,4p} = \frac{2d_2 k \alpha}{\pi d_3} \frac{1}{p^2 + \left(\frac{kd_2}{d_3}\right)^2} \frac{\operatorname{sh} \frac{p\pi d_2}{d_2} \cdot \operatorname{sh} \frac{p\pi d_1}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi a}{d_2}}; \quad (12)$$

$$\begin{aligned}
 A_{4k-1, 4p-3} &= \frac{2d_2 k x}{\pi d_3} \frac{1}{p^2 + \left(\frac{k d_2}{d_3}\right)^2} \frac{\operatorname{sh} \frac{p\pi(a-d_3)}{d_3} \cdot \operatorname{sh} \frac{p\pi d_3}{d_2}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi a}{d_2}}; \\
 A_{4k, 4p-2} &= \frac{2d_1 k}{\pi d_2} \frac{1}{p^2 + \left(\frac{k d_1}{d_2}\right)^2} \frac{\operatorname{ch} \frac{p\pi(b-d_2)}{d_1} \cdot \operatorname{sh} \frac{p\pi d_2}{d_1}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi b}{d_1}}; \\
 B_{4k-3} &= \frac{4}{k^2 \pi^3} \frac{d_2}{d_3} \frac{1 - (-1)^k}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_3}{d_2}} - \frac{2}{k\pi^3} \frac{d_2}{d_3} \left(1 - \frac{2d_2}{k\pi d_3} \operatorname{th} \frac{k\pi d_3}{2d_2}\right) + \\
 &\quad + \frac{16k}{\pi^4} \frac{d_3}{d_2} \sum_{p=1, 3, \dots}^{\infty} \frac{1}{p^2 \left[p^2 + \left(\frac{k d_3}{d_2}\right)^2\right]} \frac{\operatorname{sh} \frac{p\pi d_2}{d_3}}{\operatorname{sh} \frac{p\pi b}{d_3}}; \\
 B_{4k-2} &= \frac{4}{k^2 \pi^3} \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2 \frac{1 - (-1)^k}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_1}} - \frac{2}{k\pi^2} \frac{d_1 d_2}{d_3^2} \left(1 - \frac{2d_1}{k\pi d_2} \operatorname{th} \frac{k\pi d_2}{2d_1}\right); \\
 B_{4k-1} &= \frac{4}{k^2 \pi^3} \frac{1 - (-1)^k}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_2}{d_1}} - \frac{2}{k\pi^2} \frac{d_2}{d_3} \left(1 - \frac{2d_3}{k\pi d_2} \operatorname{th} \frac{k\pi d_2}{2d_2}\right); \\
 B_{4k} &= \frac{4}{k^2 \pi^3} \left(\frac{d_2}{d_3}\right)^2 \frac{1 - (-1)^k}{\operatorname{sh} \frac{k\pi d_1}{d_2}} - \frac{2d_1 d_2}{k\pi^2 d_3^2} \left(1 - \frac{2d_2}{k\pi d_1} \operatorname{th} \frac{k\pi d_1}{2d_2}\right).
 \end{aligned} \tag{13}$$

Система (10) вполне регулярна. Сумма модулей этой системы оценивается неравенством

$$\sum_{n=1}^{\infty} |A_{m,n}| < \frac{1}{2} \sqrt{\left[1 + e^{-\frac{2\pi}{d_1}(b-d_2)}\right] \left[1 + e^{-\frac{\pi}{d_2}(a-d_1-d_2)}\right]} \tag{14}$$

при $d_1 > d_2$;

или

$$\sum_{n=1}^{\infty} |A_{m,n}| < \frac{1}{2} \sqrt{\left[1 + e^{-\frac{2\pi}{d_3}(b-d_2)}\right] \left[1 + e^{-\frac{\pi}{d_2}(a-d_1-d_2)}\right]} \tag{15}$$

при $d_2 > d_1$.

Эту оценку можно получить таким же путем, как это сделано в работе [2]. Свободные члены системы (10) ограничены сверху и стремятся к нулю при $k \rightarrow \infty$. Для частного случая, когда $d_1 = a - d_3$, т. е. когда мы имеем прямоугольное сечение с T-образной трещиной, система (10) остается вполне регулярной.

Жесткость при кручении призматического стержня коробчатого профиля с трещиной определяется формулой

$$C = 2G \iint U(x, y) dx dy = 4G \left[\int_0^a \int_0^b U(x, y) dx dy + \int_{d_1}^{a-d_1} \int_0^{d_2} U(x, y) dx dy + \int_{a-d_1}^a \int_0^b U(x, y) dx dy \right]. \quad (16)$$

Подставляя значения $U(y, x)$ из (3)–(7) в (16) и произведя интегрирование, для жесткости C получим следующую формулу:

$$C = 4G \left[\frac{d_1^3 b}{6} + \frac{d_3^3 b}{6} + \frac{d_2^3 (a - d_1 - d_3)}{6} + \frac{16}{\pi^5} \sum_{\kappa=1, 3, \dots}^{\infty} \frac{1}{\pi^5} \left[d_1^4 \operatorname{th} \frac{k\pi d_2}{2d_1} + \right. \right. \\ \left. \left. + d_2^4 \left(\operatorname{th} \frac{k\pi d_1}{2d_2} + \operatorname{th} \frac{k\pi d_3}{2d_2} \right) - d_3^4 \left(\operatorname{th} \frac{k\pi d_2}{2d_3} + \operatorname{th} \frac{k\pi b}{2d_3} \right) \right] + \right. \\ \left. + \frac{2d_3^2 d_1^2}{\pi^2} \sum_{\kappa=1, 3, \dots}^{\infty} \frac{z_{4\kappa-2}}{k^3} \left(1 - \frac{\operatorname{ch} \frac{k\pi (b - d_2)}{d_1}}{\operatorname{ch} \frac{k\pi b}{d_1}} \right) - \right. \\ \left. - \frac{2d_2^2 d_3^2}{\pi^2} \sum_{\kappa=1, 3, \dots}^{\infty} \frac{z_{4\kappa}}{k^3} \left(1 - \frac{\operatorname{ch} \frac{k\pi (a - 2d_1)}{2d_2}}{\operatorname{ch} \frac{k\pi a}{2d_2}} \right) - \right. \\ \left. - \frac{2d_2^2 d_3^2}{\pi^2} \sum_{\kappa=1, 3, \dots}^{\infty} \frac{z_{4\kappa-3}}{k^3} \left(1 - \frac{\operatorname{ch} \frac{k\pi (a - 2d_3)}{2d_2}}{\operatorname{ch} \frac{k\pi a}{2d_2}} \right) - \right. \\ \left. - \frac{2d_3^4}{\pi^2} \sum_{\kappa=1, 3, \dots}^{\infty} \frac{z_{4\kappa-1}}{k^3} \left(1 - \frac{\operatorname{ch} \frac{k\pi (b - 2d_2)}{2d_3}}{\operatorname{ch} \frac{k\pi b}{2d_3}} \right) \right]. \quad (17)$$

В качестве примера вычислена жесткость при кручении для призматического стержня квадратного сечения ($a = 2b$) с несимметричным квадратным вырезом [$a - (d_1 + d_3) = 2(b - d_2)$], при наличии трещины вдоль линии LB .

В таблице 1 приведены значения жесткостей для данного профиля с избытком (C^+) и с недостатком (C^-), вычисленные по формуле (17), а также расчетные значения жесткости для двух отношений $\frac{b}{d_2}$ размеров сечения.

В этой же таблице, для сравнения, приведены значения средних жесткостей при кручении призматического стержня квадратного профиля с несимметричным квадратным отверстием [2] без трещины. Сравнение показывает, что жесткость стержня квадратного профиля, благодаря трещине данного вида, уменьшается; для толсто-стенных профилей $\left(\frac{b}{d_2}=1,5\right)$ приблизительно в четыре раза, а для тонкостенных профилей $\left(\frac{b}{d_2}=10\right)$ в 200 раз.

Таблица 1

$\frac{b}{d_2}$	1,5	10
$\frac{C^-}{Gd_2^3}$	2,6106	30,7544
$\frac{C^+}{Gd_2^3}$	2,6117	30,7678
$C = \frac{C^+ + C^-}{2} b G d_2^3$	2,6111	30,7611
$\frac{C^*}{Gd_2^3}$	10,9259	6635,3
$\frac{C_0}{Gd_2^3}$	2,1250	29,7778
$\beta = \frac{C - C_0}{C} 100\%$	18,6%	3,2%
$\frac{C^*}{C}$	4,2	215,7

Следует заметить, что первые слагаемые в формуле (17)

$$C_0 = \frac{2}{3} G [d_1^3 b + d_2^3 b + d_2^3 (a - d_1 - d_3)] \quad (18)$$

представляют собою сумму жесткостей очень тонких прямоугольников, составляющих коробчатый профиль с трещиной. При расчетах C_0 составляет главную часть величины жесткости, остальные слагаемые в виде сумм исправляют полученный результат. Это исправление незначительное для тонкостенных стержней, а для толстостенных составляет -19% .

В таблице 1, для сравнения, приводятся также значения главной части жесткости C_0 для указанных профилей.

В качестве примера жесткость вычислена также и для призматического стержня квадратного сечения с центрально расположенным квадратным вырезом ($d_1 = d_2 = d_3 = d$) при наличии трещины вдоль линии LB .

В таблице 2 приведены значения жесткостей для этого случая с избытком и с недостатком, а также расчетные значения $C = \frac{C^+ + C^-}{2}$ жесткости для данного случая.

В этой же таблице, для сравнения, приведены некоторые значения жесткостей для квадратного сечения с центральным отверстием без трещины [4].

Таблица 2

$\frac{b}{d}$	$\frac{C^-}{Gd^4}$	$\frac{C^+}{Gd^4}$	$\frac{C}{Gd^4}$	$\frac{C^*}{Gd^4}$	$\frac{C_0}{Gd^4}$	$\frac{C-C_0}{C} 100\%$	$\frac{C^*}{C}$
1,5	2,9635	2,9657	2,9646	11,052	2,6667	10%	3,73
3	6,6898	6,6922	6,6910	139,514	6,6667	0,36%	20,85
4	9,3565	9,3588	9,3576	369,706	9,3333	0,26%	39,51
5	12,0232	12,0255	12,0244	771,526	12,0	0,20%	64,16
6	14,6898	14,6922	14,6910	—	14,6667	0,17%	—
7	17,3565	17,3588	17,3576	—	17,3333	0,14%	—
8	20,0232	20,0255	20,0244	—	20,0	0,12%	—
9	22,6898	22,6922	22,6910	—	22,6667	0,11%	—
10	25,3565	25,3588	25,3576	7034,984	25,3333	0,10%	277,43

Сравнение показывает, что наличие трещины оказывает огромное влияние на жесткость стержня. Для тонкостенного стержня при $\frac{b}{d} = 10$, жесткость стержня из-за трещины может уменьшаться почти в 280 раз. На такое явление обратили внимание А. Н. Динник [5], А. Ш. Локшин [6] и В. Н. Лысков [7], при рассмотрении задачи о кручении круглых трубчатых стержней с трещиной.

Следует отметить, что для тонкостенных стержней (при $\frac{b}{d} \geq 3$) жесткость трубчатого стержня с трещиной может быть определена одной только главной частью C_0 формулы (17).

Для квадратного стержня с центральным отверстием с трещиной эта главная часть определяется формулой:

$$C_0 = \frac{4}{3} Gd^4 \left(2 \frac{b}{d} - 1 \right). \quad (19)$$

В таблице 2 приведены некоторые значения C_0 , вычисленные по формуле (19). Сравнение показывает, что для тонкостенных стержней главная часть C_0 почти совпадает с точным значением жесткости. При $\frac{b}{d} \geq 3$ расхождение формулы (19) от точной не превышает 0,5%.

Ս. 2. Բաբլոյան

ՃԵՂՔ ՈՒՆԵՑՈՂ ԱՐԿՂԱԶԵՎ ԼԱՅՆԱԿԱՆ ՀԱՏՎԱԾՔՈՎ
ՊՐԻԶՄԱՏԻԿ ԶՈՂԵՐԻ ՈՒՈՐՈՒՄԸ

Ա Մ Փ Ո Փ Ո Ւ Մ

Հողվածում տրվում է ճեղք ունեցող արկղաձև լայնական հատվածքով պրիզմատիկ ձողերի ուղորման խնդրի ճշգրիտ լուծումը:

Լուծման ժամանակ կիրառվել է Ն. Ս. Հարությունյանի մշակած՝ օժանդակ ֆունկցիաների ներմուծման մեթոդը: Խնդրի լուծումը բերված է սովորական դիֆերենցիալ հավասարումների ինտեգրմանը, իսկ ինտեգրման գործակիցները որոշելու համար ստացված են գծային անվերջ հավասարումների սխեմաներ: Ապացուցված է, որ ստացված անվերջ սխեմաները լիովին սեղանավոր են, իսկ ազատ անդամների նվազման կարգը $\frac{1}{m}$ -ից ցածր չէ:

Ուղորման կոշտությունը որոշելու համար ստացված է հաշվային բանաձև: Բերված են թվային օրինակներ:

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Арутюнян Н. X. Решение задачи о кручении стержней полигонального поперечного сечения. ПММ, том XIII, вып. 5, 1949, стр. 551—556.
2. Гулкаян Н. О. О кручении призматических стержней прямоугольного сечения с несимметричным прямоугольным вырезом. Известия АН АрмССР, серия ф.-м. наук, том X, № 6, 1957.
3. Канторович Л. В. и Крылов В. И. Приближенные методы высшего анализа. Гостехиздат, М., 1949.
4. Абрамян Б. Л. Кручение и изгиб призматических стержней с полым прямоугольным сечением. ПММ, том XIV, вып. 3, 1950.
5. Динник А. Н. Продольный изгиб. Кручение. изд. АН СССР, М., 1955, стр. 324.
6. Локшин А. Ш. Кручение вала секторного сечения. Изв. Днепропетровского горного института, 1928.
7. Лысков В. Н. Кручение пала секторного сечения. Изв. Донского политехнического института, том XIV, 1930.