А. III. ПЕТОЯН

УСТОЙЧИВОСТЬ КРУГЛОЙ ТРАНСВЕРСАЛЬНО-ИЗОТРОПН<mark>ОЙ</mark> ПЛИТЫ ПРИ ЕЁ СЖАТИИ РАВНОМЕРНО РАСПРЕДЕЛЕННОЙ ПО КОНТУРУ РАДИАЛЬНОЙ НАГРУЗКОЙ

§ 1. Основное уравнение задачи

В статье [6] уточненияя теория изгиба трансверсально-изотропной плиты по втором приближении приведена к интегрированию уравнений

$$\tau^{-1} = \frac{q}{s_0^2 h^2}, \quad \tau^2 = 0,$$
(1.1)

где D — цилиндрическая жесткость, h — полутолинии плиты, q — поперечная нагрузка;

$$D = \frac{2Eh^3}{3(1-\mu^2)} \,. \tag{1.2}$$

E и G — упругие постоянияе и плоскостях изотропии, вараллельных срединной плоскости, G_i — модуль сдвига и периендикулярном направлении.

При осесимметричных деформациях плиты z=0, и задача принодится к интегрированию первого из уравнений (1.1) при кинематических краевых условиях, налагаемых на прогиб w_0 и элементарное вращение w_0 , и статических условиях, налагаемых на поперечную силу N_0 и радиальный изгибающий момент M_2 на контуре плиты.

Перечисленные неличины определяются через функцию ф формулами:

$$= \left[1 + \frac{3 a_0 - 8}{10 (1 - p)} - h^2 \nabla_r^2\right] - \left[1 - \frac{7 s^2}{15 1 - p} - \left[\frac{d\Phi_0}{dr}\right]\right]$$
(1.3)

$$N_r = -D \frac{d}{dr} \nabla_r^2 \Phi_{to}$$

$$M_r = -D\left(\frac{d^2}{dr^2} + \mu \frac{1}{r} \frac{d}{dr} - \frac{2}{5} \mu_z h^2 \frac{1}{r} \frac{d}{dr} \tau_r^2\right) \Phi_0.$$
 (1.4)

В рассматриваемых в данной статье задачах устойчиности иместо q нужно подстапить

$$q = -T_{\nabla}; w_0. \tag{1.5}$$

Ураннение устойчивости записывается в виде

$$\Delta^{2}\Phi + k\nabla^{2}(1 - r^{2})\Phi_{n} = 0, \tag{1.6}$$

F 14

$$\frac{d^{2}}{ds} = \frac{1}{\theta} \frac{d}{ds}, \quad \frac{r}{r} = \frac{r}{h} \frac{TR^{2}}{D} = \frac{8 s_{r}^{2} - 3 n_{r}}{10 (1 - \mu)} \left(\frac{h}{R}\right)^{2}$$
 (1.7)

Общий интеграл уравнения (1.6) с учетом условий в центре пли-0 и N = 0 при : О записывается так:

$$\Phi_1 = c_1 f_1(v_2) - c_2, \tag{1.8}$$

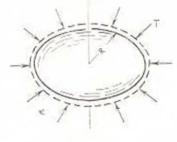
где J₀(14) функция Бесселя первого рода пуленого порядка, а колффинист / задается формулоя

$$V = \frac{k}{1 - v^2 k}$$
 (1.9)

§ 2. Плита, свободно опертая по контуру

B (1.8) постоянную c_{-} можно привить равной нужю, а c_{1} нужно определить из условий M=0 при $\gamma=0$. Подставив (1.8) в уравнение (1.4) и учитывя, что

$$\frac{d}{dr} J_0(r_0) = -\frac{dr}{dr} J_0(r_0), \qquad (2.1)$$



door 1.

получни характеристическое ураннение для определения -

$$f(i) = \frac{1}{i} - f_1(i) = 0,$$
 (2.2)

rue

$$S^2 = \frac{2}{5} + \frac{\hbar^2}{R^2}$$
 (2.3)

Определик из (2.2) для критической нагрузки $T=T_{\mu}$ получаем **рор**кулу

$$T_{ij} = k \frac{d}{k^{ij}}, \qquad (2.4)$$

При / О формула (2.2) дает уравнение для определения / по высовческой теории изгиба пли.. Как видно из (2.2), кории уравнения (2.2) вывисят от пеличин у и

§ 3. Плита, зажатая по контуру

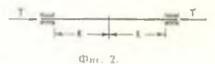
В этом случае характеристическое уравнение получается из усня то 0 при р. 1. Имсем

$$f(3.1)$$

В отличие от предыдущего случая (2.2), здесь в определяется независимо от других параметров (; и у). Наименьший корень уравнеивя (3.1) будет / 3,832, поэтому для коаффициента первой критк ческой нагрузки получаем формулу

$$k = \frac{14,68}{1 - 14,68} \tag{3.9}$$

В таблицах 1 - 5 приведены значения коэффициента & и разнив между значениями критической нагрузки, вычисленными по формул



В табл. 1 принедены резум-

таты для изотронной плиты, а и табл. 2, 3, 4 и 5 даны результать для трансперсально-изотропной пляты при некоторых отношениях

$$\frac{G}{G_1} = s_1^2, \quad \alpha_2 = \frac{E}{E_1} \quad \alpha_1 = 0.25 \quad E$$

Таблица 1

	h R	k	$\frac{T^*-T}{T^*}$.100°,		G	- 2	$\frac{E}{E_1}$ 2
Свободно	16	3 7795	10.012		h R	k	7°-7.100°
онсрімн кран	1 8	3.948 4.035	6.000 3.926	Спободно опертый	1.5	3,715	11.552
	1 12	4 082	2 800		1 10	3,873	7,788
	1 6	10.404	29,129	край	1 12	3,966	5,567
Заматый	18	11,917	18 824	Закатык Ерай	8.1	u_948	32,230
	1.10	12.784	12,915		1 10	11 259	23,370
	1 12	13,312	4,322		1 12	12.118	17,452

Из приведенных таблиц видно, что расхождение величии кризи ческой нагрузки от вычисленных по классической теории по исех случаях является более значительным для зажатой пластинки. Для свободно опертов пластинки вносимая поправка исзначительна для изс тронных пластинок и существенна для сравнительно толстых траме нерсально-изотропных пластинок.

В приключение отметим, что и работе [6] рассмотрена надача об устойчиности зажатой но контуру трансверсально-изотронной пластики на основе гипотезы о нерастяжимом пормальном элементе (4)- 4 🖦 0) и о нараболическом законе распределения касательных напри жений по толиние плиты [1]. Для коэффициента устойчиности к ир-

Tahama 4

			laoauga 3				1 magneger 4	
	G		$\frac{E}{E_1}$ 3		$\frac{G}{G_1} = 4$		$\frac{E}{E_1}$ 4	
	h R	k	T T.100" o		h R	k	T T.100° a	
	1,8	3,522	16.140		1.8	3,340	20,476	
Смбодио	1,10	3,734	11,086	Слободно оп ёртын	1:10	3,609	14,062	
#pail	1 12	3,840	8,571	кряй	1 12	3,763	10,398	
	1.8	8,575	41,586		1.8	7.529	48,711	
Закетый прай	1 10	10,079	31,335	Зажатый прай	1.10	9,131	37,799	
- h=u	1,12	11,158	23,989	- Pari	1 12	10,329	29,642	

боте [6] принита формула вида (3.2), в которой вместо - получено виражение

$$2^{2} = \frac{2E}{5(1 - n^{2}) G_{1}} \frac{h^{2}}{R}.$$
 (3.3)

Из пяти упругих постоянных для трансверезльно-изотронной среды в (3.3) входят только три. Остальные коэффициенты v_1 и E_1 потеряны при пренебрежении в обобщенном законе Гука пормального папрямения v_2 по сравнению с v_3 и v_4 .

Из сравнения (3.3) с формулой (1.7) для я: имеем

$$\frac{z^2}{z_1^2} = 1 - \frac{3}{8} = \frac{G_1}{G}.$$
 (3.4)

Если положите 0 го приходим к соответствующим результатам, полученным и работе [6].

Для изотропной плиты (G₁ G и г., г. 0.3) получаем $z^2 = 0.887$ Поэтому коэффициент устойчиности к для изотропной плиты по нашим результатам будет больще, чем по результатам работы [6]. Для изотропной плиты попранка к класситропной плиты попранка к классите

Таблица 5

$\frac{G}{G}$ 5		$\frac{E}{E_1}$ 5	
h R	k	$\frac{T^{*}-T}{T^{*}}$ 100°°	
1.8	3,126	25,564	
1:10	3 448	17,910	
1.12	3,638	13.373	
1.8	6,468	55,943	
1/10	8,102	44,807	
1/12	0,393	29,202	
	1 8 1 10 1 12	1 8 3,126 1 0 3,448 1 12 3,000 1 8 6,468 1 10 8,102	

жекой теории в нашей работе совнадает с соотнетствующей поправкой, полученной в работе [4].

же касается трансверсально-изотропной плиты, то отношение зависит от конкреткых значений величины " : G.

Ереплистий полителничесиий институт

IL & SUSH ILL

ՏՐԱՆՍՎԵՐՍԱԼ-ԻԶՈՏՐՈՊ ԿԼՈՐ ՍԱՄԻ ԿԱՅՈՒՆՈՒԹՅՈՒՆԸ՝ ԵԶ<mark>ՐՈՎ</mark> ՀԱՎԱՍԱՐԱՉԱՓ ԲԱՇԽՎԱԾ ՇԱՌԱՎՂԱՅԻՆ ՈՒԺԵՐՈՎ ԱՅՆ ՍԻՎՄԵԼԻՍ

that dendered

Հոգվածում դիտարկվում է արանավերաալ-իզոտրող հղուքիից պատրատ տած կրոր սայի կալունութքյան ինտրիրը, երբ սայի ամրոց» եղրով ազգում են հավասարաչումը բաշխված շատավցային սեղմոց ուժեր։ Աշխատության հիմրում բնկած է սայերի ծոման ճշգրումած ՏՀ տեսութքյունը։

A. Sh. PETOYAN.

ON THE FIRMNESS OF TRANSVERSAL ISOTROPIC CIRCULAR PLATE

Summary

In this paper are considered the problems of the stability of circular plate in the case of the action of constant load uniform compression in radial direction for the whole contour.

On the foundation of the solution of these problems lies the specified theory [8] of the plate bend.

A H T E P A I Y P ...

- С. А. К. теории цатиба.
 ОТН, № 5, 1955.
- 2. Лирь A И Пространственны зада-1 толи упругости ГИТТА. М., 1955. сл. III и IV
- 3. Асхицикий С. Г. Упругое разничение трансверенлым полите слов и толети! плите. ПММ, 26, вып. ч.
- Муштара X M. Теория изгиба павт ст дней зашины Поисти. АН СССР, ОТН, мех. и машиниетр., № 2, 1959.
- 5. Понятонений В В. К теории пластии средней толідины ПММ, 26, вып. 2, 1962.
- п. Хачитурин Т. Т. К теория изсиба и скятия толечых илит. Илисстия АН Арм. ССР; серия фил.-мат. наук. 16, N. 6, 1963.
- Хачатрин А. А. Об устойнавости и печебания: «ругам» траневеренавно-изотроииму пластинов. Известия АН Арм. ССР, стиго — паук. 13, № 1, 1960.
- Лемови А. III. К теории изгина ранечередалио илотронном изиты. Сборник научных грудов ЕрПИ. 22, серпи строительно механики, 1961.