

УДК 621.378.325

А. О. Варданян, Д. Л. Оганесян

### Определение фазы одиночных сверхкоротких световых импульсов

(Представлено чл.-корр. АН Армении П. М. Геруни 27/IX 1990)

В последние годы возрос интерес к генерации и исследованию обладающих чирпом сверхкоротких световых импульсов (СКИ), дисперсионное сжатие которых позволяет получать предельно короткие длительности (<sup>1</sup>).

В работе (<sup>2</sup>) методом нелинейно-оптической динамической спектрографии (<sup>3</sup>) измерен чирп СКИ лазера на фосфатном стекле с неодимом в режиме самосинхронизации мод. Однако данный метод не позволяет определять знак чирпа.

В настоящей работе рассматривается возможность определения фазы одиночных СКИ методом нелинейно-оптической динамической спектрографии при неколлинеарной генерации второй гармоники (ГВГ) взаимобращенными во времени импульсами.

В работе (<sup>4</sup>) на основе детального анализа неколлинеарной ГВГ пространственно-ограниченными пучками с взаимобращенными временными профилями была найдена связь между пространственным распределением энергии второй гармоники (ВГ) на выходной грани нелинейного кристалла и формой опорного импульса. Однако при этом не рассматривался эффект нелинейной дискриминации частоты, имеющий место при неколлинеарной ГВГ.

Выражение для комплексной амплитуды ВГ при неколлинеарной ГВГ достаточно широкими пучками с взаимобращенными временными профилями в квазистатическом режиме генерации ( $\nu l \ll \tau$ ) в соответствии с (<sup>4</sup>) имеет вид

$$A_2 = -i\gamma l f(t+T) f(T-t) \exp\{i[(t\psi + T) + \psi(T-t)]\}, \quad (1)$$

где  $\gamma$  — нелинейная постоянная,  $l$  — толщина нелинейного кристалла,  $f(t)$ ,  $\psi(t)$  — огибающая временного профиля и фаза опорного импульса соответственно,  $T = -x \sin \alpha / u$ ,  $\alpha$  — половина угла между опорными импульсами в нелинейном кристалле,  $u$  — групповая скорость импульса.

Для углового спектрального распределения амплитуды ВГ

$$S_2(k_x, t) = \int A_2(x, t) e^{-ik_x x} dx$$

с учетом (1) получим следующее выражение:

$$S_2(k_x, t) = -i\gamma \frac{l}{2a} f(t) e^{i\omega t} \exp\left\{ik_x \frac{l}{2a}\right\} \int f(x) e^{i\omega x} e^{i\omega x \frac{x}{2a}} dx, \quad (2)$$

где  $a = \sin \alpha / u$  — коэффициент развертки (2). От углового спектра (2) перейдем к частотно-угловому спектру ВГ

$$S_1(k_x, \Omega) = -i \frac{\gamma l}{2a} F\left(\frac{k_x}{2a}\right) F\left(\frac{k_x}{2a} - \Omega\right), \quad (3)$$

где

$$F(\Omega) = \int f(t) e^{i\omega t} e^{-i\Omega t} dt$$

Соотношение (3) справедливо для произвольного вида модуляции огибающей и фазы исходного импульса. Из (3) видно, что в направлении  $k_x = 2a\Omega_1$  спектральная плотность ВГ

$$|S_1(k_x, \Omega)|^2 = \frac{\gamma^2 l^2}{4a^2} C^2 |F(\Omega_1)|^2, \quad (4)$$

где

$$C = \int f(t) e^{i\omega t} dt$$

совпадает со спектральной плотностью опорного импульса при  $\Omega = \Omega_1$ .

Таким образом, имеется линейная связь между величиной углового расхождения излучения ВГ вдоль оси  $X$  и шириной частотного спектра опорного импульса, т. е. нелинейный кристалл служит анализатором спектра падающего на него излучения.

Вместе с тем при неколлинеарной ГВГ взаимобращенными во времени импульсами распределение энергии ВГ вдоль оси  $X$  соответствует функции автсвертки опорного импульса (4). Таким образом, в поперечном распределении энергии ВГ содержится информация как о форме, так и о спектральном составе опорного импульса. Если, далее, регистрируемое излучение ВГ направить на спектрограф с щелью вдоль оси  $X$ , то на выходе спектрографа будем иметь динамическую спектрограмму опорного импульса, т. е. зависимость несущей частоты от времени.

При неколлинеарной ГВГ взаимобращенными импульсами пространственное распределение энергии ВГ  $W(x)$  не является четной

функцией от временной задержки  $T = x \sin \alpha / u$  (4). Следовательно, методом нелинейно-оптической динамической спектрографии в этом случае кроме определения величины чирпа можно также указать и его знак.

Рассмотрим основные характеристики данного нелинейного оптического дискриминатора частоты. Из (2) с учетом конечного размера кристалла ( $0 \leq x \leq L$ , где  $L$  — длина кристалла) для частотно-углового спектра ВГ получим

$$S_2(k_x, \Omega) = -i \frac{\gamma L}{2a} \int_{-\infty}^{\infty} F(\Omega') F(\Omega' - \Omega) \exp \left\{ -i \frac{L}{2} (k_x - 2a\Omega') \right\} \times \\ \times \sin c \left\{ \frac{L}{2} (k_x - 2a\Omega') \right\} d\Omega' \quad (5)$$

Из (5) видно, что угловое смещение максимума ВГ при изменении частоты основного излучения определяется соотношением

$$k_x = 2a \Delta \Omega. \quad (6)$$

Отсюда получаем выражение, определяющее зависимость угла синхронизма от длины волны гармоники

$$\Delta \varphi = \frac{k_x}{k} = \frac{2ac}{\lambda} \Delta \lambda = D_\varphi \Delta \lambda, \quad (7)$$

где  $\lambda$  — длина волны излучения ВГ.

Величина  $D_\varphi$  является угловой дисперсией нелинейного кристалла. Для кристалла LiIO<sub>3</sub>,  $\lambda = 0,53$  мкм  $a = 2,18$  пс/мм (2),  $D_\varphi = 8,1$  мин/Å

Следует отметить, что величина угловой дисперсии  $D_\varphi$  изменяется из-за преломления волны суммарной частоты на границе нелинейный кристалл—воздух. Нетрудно показать, что на выходе кристалла спектральные линии  $\lambda$  и  $\lambda + \Delta \lambda$  в спектре излучения суммарной частоты отстоят на угол

$$\Delta \theta = \frac{n \cos \alpha}{\sqrt{1 - n^2 \sin^2 \alpha}} \left( D_\varphi + \frac{dn}{d\lambda} \frac{\lg 2}{n} \right) \Delta \lambda, \quad (8)$$

где  $n$  — показатель преломления нелинейного кристалла.

Аппаратной функцией рассматриваемого дискриминатора частоты (нелинейного кристалла), как следует из (5), является функция

$$\Phi(k_x) = \sin c \left\{ \frac{L}{2} (k_x - 2a\Omega) \right\}. \quad (9)$$

В соответствии с (9) и критерием Рэлея спектральные линии  $\lambda_1$  и  $\lambda_1 + \Delta \lambda_1$  в спектре опорного импульса, учитывая их возможное сложение в удвоителе частоты, следует считать разрешенными, если

$$\Delta \lambda_1 \geq \frac{\lambda_1^2}{2acL}. \quad (10)$$

Например, для кристалла  $\text{LiIO}_3$ ,  $\lambda_1 = 1,055 \text{ мкм}$ ,  $a = 2,08 \text{ пс/мм}$ ,  $L = 1 \text{ см}$ , спектральное разрешение  $\Delta\lambda_{\min} = 0,9 \text{ \AA}$ , а разрешающая способность  $R \Rightarrow \lambda/\Delta\lambda = 1,2 \cdot 10^4$ .

Из (10) видно, что с увеличением длины кристалла  $L$  спектральное разрешение улучшается. Однако увеличить спектральное разрешение можно и без изменения геометрических размеров кристалла. Действительно, как показано в (5), при использовании опорных световых пучков, у которых фронт волнового возмущения наклонен относительно фазового фронта, масштаб временной развертки увеличивается и определяется выражением

$$a = \frac{\sin(\alpha + \beta)}{u \cos \beta}, \quad (11)$$

где  $\beta$  — угол между фронтом волнового возмущения и фазовым фронтом пучка внутри кристалла.

Следовательно, согласно (7), (10) и (11), увеличивая угол  $\beta$ , можно увеличить угловую дисперсию и спектральное разрешение рассматриваемого нелинейного дискриминатора частоты.

В частности для кристалла  $\text{LiIO}_3$ ,  $\lambda_1 = 1,055 \text{ мкм}$  при  $\beta = 33,4^\circ$  когда  $a = 11,8 \text{ пс/мм}$  (5), угловая дисперсия  $D_\tau = 46 \text{ мин/\AA}$ , а спектральное разрешение  $\Delta\lambda_{\min} = 0,16 \text{ \AA}$  (при той же длине нелинейного кристалла).

Из вышензложенного следует, что спектральное разрешение рассматриваемого нелинейного оптического дискриминатора частоты можно увеличить при использовании опорных световых пучков с наклонным фронтом волнового возмущения. Опорные пучки с наклонным фронтом волнового возмущения могут быть сформированы с помощью дисперсионного элемента, например, дифракционной решетки.

Вместе с тем следует отметить, что спектральная ширина синхронизма для неколлинеарной ГВГ вблизи центральной частоты  $\omega_0$  определяется расходимостью излучения опорного импульса  $\delta\epsilon$  и толщиной нелинейного кристалла. В частности, для нелинейного кристалла  $\text{LiIO}_3$  с  $l = 2 \text{ мм}$  ширина синхронизма удвоителя составляет  $31 \text{ см}^{-1}$  ( $\lambda_0 = 1,055 \text{ мкм}$ ,  $\delta\epsilon \sim 1 \text{ мрад}$ ) (6).

Временное разрешение рассматриваемого нелинейного оптического дискриминатора частоты, так же как и в (2), определяется толщиной нелинейного кристалла и равно  $0,1 \text{ пс}$ .

Таким образом, проведенное исследование показывает, что если при неколлинеарной ГВГ импульсами с взаимобращенными временными профилями излучение ВГ с выхода нелинейного кристалла направить на спектрограф с щелью вдоль оси  $X$ , то на выходе спектрографа получим зависимость несущей частоты СКИ от времени.

Փերկարճ եզակի լուսային իմպուլսների ֆազի որոշումը

Ներկա աշխատանքում դիտարկվում է ոչ զժային օպտիկա-դինամիկական սպեկտրոգրաֆիայի մեթոդով եզակի դերկարճ իմպուլսների ֆազի որոշման հսարավորությունը:

Ցույց է տրված, որ եթե ժամանակային պրոֆիլներով փոխըջված իմպուլսներով ոչ կուլինեար ԵՀԳ-ի դեպքում երկրորդ հարմոնիկի ճառագայթումը ուղղենք սպեկտրոգրաֆի վրա, որի ճեղքը ուղղված է  $X$  առանցքով, ապա սպեկտրոգրաֆի ելքում կստանանք գերկարճ իմպուլսի կրող հաճախության կախումը ժամանակից:

ЛИТЕРАТУРА — ԳՐԱԿԱՆՈՒԹՅՈՒՆ

- <sup>1</sup> С. А. Ахмапов, В. А. Выслоух, А. С. Чиркин, Оптика фемтопекундных лазерных импульсов, Наука, М., 1988. <sup>2</sup> Г. Г. Гурзаян, Р. Н. Гюзаян, И. С. Захаркин, Квантовая электроника, т. 14, № 8, с. 1660 (1987). <sup>3</sup> Р. Н. Гюзаян, Д. Л. Оганесян, Тезисы докл. УП ВНТК «Фотометрия и ее метрологическое обеспечение», М., с. 24, 1988. <sup>4</sup> А. О. Варданян, Д. Л. Оганесян, ДАН АрмССР, т. 90, № 2, с. 81 (1990). <sup>5</sup> С. А. Аракелян, Р. Н. Гюзаян, С. Б. Согомоян, Изв. АН СССР. Сер. физ., т. 48, № 3, с. 569 (1984). <sup>6</sup> С. А. Аракелян, Р. Н. Гюзаян, С. Б. Согомоян, Квантовая электроника, т. 8, № 7, с. 1576 (1981).