

Э. Д. Газазян и О. С. Мергелян

Излучение линейных токов в оптически активных и гиротропных средах

(Представлено чл.-корр. АН Армянской ССР Н. М. Кочаряном 16/V 1963)

В работе рассмотрено излучение линейного тока, движущегося с постоянной скоростью в изотропных оптически активных и гиротропных средах.

Получены выражения для полей и потерь энергии на излучение, исследованы спектр и поляризация возникающего излучения.

1. Излучение тока в изотропной оптически активной среде.

Пусть ток плотности $\vec{j}$, направленный вдоль положительной оси y , движется вдоль оси z со скоростью v . Среда характеризуется постоянными ϵ , μ и γ , где γ — постоянная гирации, характеризующая способность среды вращать плоскость поляризации электромагнитной волны. Разложим поля в двукратные интегралы Фурье

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \int \vec{E}_{\vec{k}} e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)} d\vec{k}, \quad (1)$$

где

$$\vec{k} = \vec{k}(k_x, k_z), \quad \omega = kv, \quad d\vec{k} = dk_x \frac{d\omega}{v}.$$

Для материальных уравнений и уравнений поля имеем ⁽¹⁾

$$\vec{D}_{\vec{k}} = \epsilon \vec{E}_{\vec{k}} + \frac{i\gamma}{k} [\vec{k} \vec{E}], \quad (2)$$

$$\vec{B}_{\vec{k}} = \mu \vec{H}_{\vec{k}}$$

и

$$i[\vec{k} \vec{H}] = -i \frac{i\omega}{c} \vec{D}_{\vec{k}} + \frac{\vec{j}}{\pi c}, \quad (3)$$

$$i [\vec{k} \vec{E}] = i \frac{\omega \mu}{c} \vec{H}_k,$$

$$(\vec{k} \vec{H}_k) = 0,$$

$$(\vec{k} \vec{D}_k) = 0,$$

Решая совместно уравнения (2) и (3), для Фурье-компонент полей получим

$$\vec{E}_k = i \frac{\omega \mu}{\pi c^2} \frac{j \left(k^2 - \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon \mu \right) + \frac{i \omega^2}{k c^2} \gamma \mu [\vec{k} \vec{j}]}{\left(k^2 - \frac{\omega^2}{c^2} n_1^2 \right) \left(k^2 - \frac{\omega^2}{c^2} n_2^2 \right)}, \quad (4)$$

где

$$n_1^2 = (\varepsilon + \gamma) \mu, \quad n_2^2 = (\varepsilon - \gamma) \mu.$$

После интегрирования по k_x имеем

$$E_x(\vec{r}, t) = E_x^+ + E_x^- = i \frac{j}{2vc} \int_{-\infty}^{+\infty} \left(\frac{1}{n_1 S_1} e^{i \left(\frac{\omega}{v} S_1 x + \frac{\omega}{v} z - \omega t \right)} - \frac{1}{n_2 S_2} e^{i \left(\frac{\omega}{v} S_2 x + \frac{\omega}{v} z - \omega t \right)} \right) \mu d\omega, \quad (5)$$

$$E_y(\vec{r}, t) = E_y^+ + E_y^- = - \frac{j}{2c^2} \int_{-\infty}^{+\infty} \left(\frac{1}{S_1} e^{i \left(\frac{\omega}{v} S_1 x + \frac{\omega}{v} z - \omega t \right)} + \frac{1}{S_2} e^{i \left(\frac{\omega}{v} S_2 x + \frac{\omega}{v} z - \omega t \right)} \right) \mu d\omega,$$

$$E_z(\vec{r}, t) = E_z^+ + E_z^- = - i \frac{j}{2cv} \int_{-\infty}^{+\infty} \left(\frac{1}{n_1} e^{i \left(\frac{\omega}{v} S_1 x + \frac{\omega}{v} z - \omega t \right)} + \frac{1}{n_2} e^{i \left(\frac{\omega}{v} S_2 x + \frac{\omega}{v} z - \omega t \right)} \right) \mu d\omega,$$

$$S_{1,2}^2 = \beta^2 n_{1,2}^2 - 1, \quad \beta = \frac{v}{c}.$$

Первые члены в (5) описывают правополяризованное излучение, распространяющееся под углом θ_1 к движению тока, определяемым из равенства

$$\cos \theta_1 = \frac{1}{\beta n_1}. \quad (6)$$

Вторые члены относятся к испущенному током излучению, плоскость поляризации которого вращается влево, а распространяется излучение под углом θ_2 , определяемым из

$$\cos \theta_2 = \frac{1}{\beta n_2}. \quad (7)$$

Потери энергии единицей длины тока на единице пути даются формулой

$$-\frac{dW}{dz} = \frac{j^2}{c^2 v} \left(\int_{\beta n_1 > 1} \frac{\mu}{S_1} d\omega + \int_{\beta n_2 > 1} \frac{\mu}{S_2} d\omega \right). \quad (8)$$

Первый член в формуле (8) есть интенсивность правополяризованного излучения, а второй член описывает интенсивность левополяризованного излучения.

2 *Излучение тока в гиротронной среде.* Пусть теперь $\gamma = 0$, но на среду наложено внешнее магнитное поле, направленное по оси z , — $\vec{H}_0 (H_{0z})$.

Тогда материальные уравнения примут вид (1)

$$\vec{D}_k = \epsilon (\vec{E}_k - i [\vec{g} \vec{E}]), \quad (9)$$

$$\vec{B}_k = \mu \vec{H}_k,$$

где

$$\vec{g} = \vec{H}_0 \frac{f(\omega)}{\epsilon(\omega)}, \text{ где } f(\omega) \text{ зависит от свойств среды.}$$

Из уравнений поля с учетом материальных уравнений для Фурье-компонент полей имеем

$$\begin{aligned} E_{xk} &= \frac{j}{\pi} \frac{\omega \mu}{c^2} g \frac{k_x^2 - \frac{\omega^2}{c^2} \epsilon \mu}{(k_x^2 - k_{1x}^2)(k_x^2 - k_{2x}^2)}, \\ E_{yk} &= i \frac{j}{\pi} \frac{\omega \mu}{c^2} \frac{k_x^2 - \frac{\omega^2}{c^2} \epsilon \mu}{(k_x^2 - k_{1x}^2)(k_x^2 - k_{2x}^2)}, \end{aligned} \quad (10)$$

$$E_{zk} = \frac{j}{\pi} \frac{\omega \mu}{c^2} g \frac{\frac{\omega}{v} k_x}{(k_x^2 - k_{1x}^2)(k_x^2 - k_{2x}^2)},$$

где

$$S^2 = \beta^2 \epsilon \mu - 1.$$

$$k_{x1,2} = \frac{\omega^2}{v^2} S^2 - \frac{\omega^2}{c^2} \epsilon \mu \frac{g^2}{2} \pm \frac{\omega^2}{c^2} \epsilon \mu \frac{g}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \epsilon \mu}}.$$

Представив $\frac{1}{(k_x^2 - k_{1x}^2)(k_x^2 - k_{2x}^2)}$ в виде

$$\frac{1}{(k_x^2 - k_{1x}^2)(k_x^2 - k_{2x}^2)} = \frac{1}{\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon \mu g \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}}} \left(\frac{1}{k_x^2 - k_{1x}^2} - \frac{1}{k_x^2 - k_{2x}^2} \right). \quad (11)$$

Проинтегрируем выражения для полей по k_x . Интегрирование сводится к вычетам в точках $k_x = k_{x1,2}$ и в результате получим

$$\begin{aligned} E_x^\pm(\vec{r}, t) &= \\ &= \pm i \frac{j}{v^2} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\left[-\left(1 - \beta^2 \varepsilon \mu \frac{q^2}{2}\right) \pm \beta^2 \varepsilon \mu \frac{q}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right] e^{i\left(k_{1,2}x + \frac{\omega}{v}z - \omega t\right)}}{\varepsilon \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \left(S^2 - \beta^2 \varepsilon \mu \frac{g^2}{2} \pm \beta^2 \varepsilon \mu \frac{g}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right)^{1/2}} d\omega \\ E_y^\pm(\vec{r}, t) &= \\ &= -\frac{j}{2c^2} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\left(\pm g + \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right) e^{i\left(k_{1,2}x + \frac{\omega}{v}z - \omega t\right)}}{\sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \left(S^2 - \beta^2 \varepsilon \mu \frac{g^2}{2} \pm \beta^2 \varepsilon \mu \frac{g}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right)^{1/2}} \mu d\omega \end{aligned} \quad (12)$$

$$E_z^\pm(\vec{r}, t) = \pm i \frac{j}{v^2} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\varepsilon \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}}} e^{i\left(k_{1,2}x + \frac{\omega}{v}z - \omega t\right)} d\omega.$$

Как видно из формул (12), ток в гиротропной среде излучает два типа волн. Поля с индексами $+$ описывают волны, поляризованные вправо, поля же с индексом $-$ описывают левополяризованное излучение.

Излучение имеет место при выполнении условий

$$\beta^2 \varepsilon \mu \left(1 - \frac{q^2}{2} \pm \frac{q}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right) > 1, \quad (13)$$

обозначив выражение в скобках в формуле (13) через $\xi_{1,2}^2$, для углов, под которыми испускается излучение, имеем

$$\cos \theta_{1,2} = \frac{1}{\beta \xi_{1,2} \sqrt{\varepsilon \mu}}. \quad (14)$$

Потери энергии на единице пути даются вектором Пойнтинга

$$-\frac{dW}{dz} = \frac{j^2}{vc^2} \int_{\beta \xi_{1,2} \sqrt{\varepsilon \mu} > 1} \mu \times$$

$$\begin{aligned}
& \times \frac{g + \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}}}{\sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu} \left(S^2 - \beta^2 \varepsilon \mu \frac{q^2}{2} + \beta^2 \varepsilon \mu \frac{q}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right)^{1/2}}} d\omega + \\
& + \int_{\substack{\mu \\ \varepsilon_2 \sqrt{\varepsilon \mu} > 1}} \mu \cdot \frac{-g + \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}}}{\sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu} \left(S^2 - \beta^2 \varepsilon \mu \frac{g^2}{2} + \beta^2 \varepsilon \mu \frac{q}{2} \sqrt{g^2 + \frac{4}{\beta^2 \varepsilon \mu}} \right)^{1/2}}} d\omega.
\end{aligned}
\tag{15}$$

При $g = 0$ и $\gamma = 0$ результаты совпадают с результатами работ ^(2,3).

Է. Դ. ԳԱԶԱՋՅԱՆ ԵՎ Ն. Ս. ՄԵՐԳԵԼՅԱՆ

ԳԺԱՅԻՆ ԿՈՍԱՆԳՆԵՐԻ ՃԱՌԱԳԱՅԹՈՒՄԸ ՕՍԿԻԿՈՐԵՆԵ ԱԿՏԻՎ և ԿԻՐՈՏՐՈՍՄ ԺԻՋԱՎԱՅՐՈՒՄ

Աշխատության մեջ դիտարկված է գծային հոսանքի ճառագայթումը, երբ այն շարժվում օսկիկորենն ափսիվ և հիւրոտրոսւ միջավայրում հաստատուն արագությամբ:

Ստացված են արտահայտություններ դաշտերի և էներգիայի կորուստների համար, ուսումնասիրված են ծաղոդ ճառագայթման օսկիկորն ու բնեռագումբ:

ЛИТЕРАТУРА — ԻՐԱԿԱՆՈՒԹՅՈՒՆ

- ¹ Л. Д. Ландау, Е. М. Лившиц. Электродинамика сплошных сред, М., 1959.
² А. И. Морозов, Вестник МГУ, 1, 1957. ³ Г. М. Гарибян. О. С. Мергелян, Известия АН АрмССР, XII, 5 (1959).