

Г. М. Гарибян

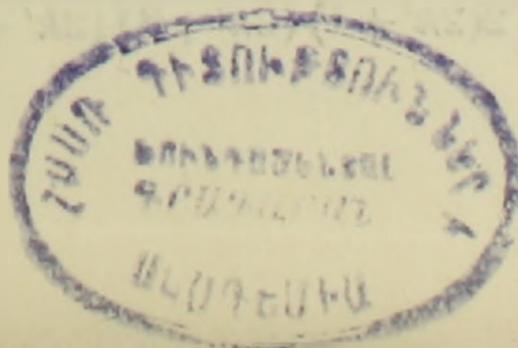
Внутренняя конверсия γ -лучей с рождением пар

(Представлено А. И. Алиханяном 8 IV 1952)

Как известно, γ -луч, испущенный ядром, может родить в поле ядра пару электрон-позитрон. Представляя ядро в виде излучающего диполя, квадруполь и т. д., можно вычислить соответствующие коэффициенты внутренней конверсии. Холм и Егер⁽¹⁾ вычислили коэффициенты конверсии для электрического диполя и квадруполь. В работе⁽²⁾ были даны графики энергетического распределения позитронов для магнитного диполя при энергиях γ -квантов 2,62 и 8 мэв. В настоящей работе произведены расчеты для случаев магнитного диполя и квадруполь и электрического октуполь. Расчеты проводились совершенно аналогично тому, как это было сделано в⁽¹⁾. Потенциалы для мультиполей брались в форме данной Берестецким⁽³⁾, только в случае электрического октуполь они были перекалиброваны для исключения A_x и A_y .

Окончательно, для вероятности поглощения кванта и образования пары с позитроном энергии E' , получим в случае магнитного диполя выражение:

$$\begin{aligned}
 I(E', q) = & \frac{2\pi e^2}{qh^2} \sum_{k'} \left[\frac{2(k'+1)^2}{(2k'+1)(2k'+3)} \left| M(A', k'; A, k') \right|^2 + \right. \\
 & + \frac{k'(k'+1)}{2(2k'+1)} \left| M(B', k'; A, k') \right|^2 + \frac{k'(k'-1)}{2(2k'-1)} \left| M(B', k'; A, k'-2) \right|^2 + \\
 & + \frac{(k'+1)(k'+2)}{2(2k'+3)} \left| M(A', k'; B, k'+2) \right|^2 + \frac{k'(k'+1)}{2(2k'+1)} \left| M(A', k'; B, k') \right|^2 + \\
 & \left. + \frac{2k'^3}{(2k'+1)(2k'-1)} \left| M(B', k'; B, k') \right|^2 \right], \quad (1)
 \end{aligned}$$



где

$$M(A', k'; A, k) = N \int X_1(F_k G_{k'} + G_k F_{k'}) dr \quad (2)$$

$$M(B', k'; A, k') = N \int X_1(F_k G_{-k'-1} + G_k F_{-k'-1}) dr \quad (3)$$

$$M(B', k'; A, k'-2) = N \int X_1(F_k G_{-k'-1} + G_k F_{-k'-1}) dr$$

$$M(A', k'; B, k'+2) = N \int X_1(F_{-k-1} G_{k'} + G_{-k-1} F_{k'}) dr \quad (4)$$

$$M(A', k'; B, k') = N \int X_1(F_{-k-1} G_{k'} + G_{-k-1} F_{k'}) dr$$

$$M(B', k'; B, k') = N \int X_1(F_{-k-1} G_{-k'-1} + G_{-k-1} F_{-k'-1}) dr. \quad (5)$$

Отметим, что мы во всех формулах пользуемся обозначениями для функций данными в (1).

Для магнитного квадрупольного поля будем иметь следующее выражение:

$$\begin{aligned} I(E', q) = & \frac{2\pi e^2}{qh^2} \sum_{k'} \left[\frac{(k'+1)(k'+2)(2k'+3)}{2(2k'+1)(2k'+5)} \left| M(A', k'; A, k'+1) \right|^2 + \right. \\ & + \frac{k'(k'+1)(2k'+1)}{2(2k'-1)(2k'+3)} \left| M(A', k'; A, k'-1) \right|^2 + \\ & + \frac{k'(k'+1)(k'+2)}{(2k'+1)(2k'+3)} \left| M(B', k'; A, k'+1) \right|^2 + \\ & + \frac{k'(k'-1)(k'-2)}{(2k'-3)(2k'-1)} \left| M(B', k'; A, k'-3) \right|^2 + \\ & + \frac{(k'-1)k'(k'+1)}{(2k'-1)(2k'+1)} \left| M(A', k'; B, k'-1) \right|^2 + \\ & + \frac{(k'+1)(k'+2)(k'+3)}{(2k'+3)(2k'+5)} \left| M(A', k'; B, k'+3) \right|^2 + \\ & + \frac{k'(k'+1)(2k'+1)}{2(2k'-1)(2k'+3)} \left| M(B', k'; B, k'+1) \right|^2 + \\ & \left. + \frac{(k'-1)k'(2k'-1)}{2(2k'-3)(2k'-1)} \left| M(B', k'; B, k'-1) \right|^2 \right]. \end{aligned}$$

Написанные здесь восемь выражений M определяются попарно, в той последовательности, в которой они приведены формулами (2), (3), (4) и (5) с заменой только X_1 на X_2 и с учетом новых правил отбора.

Наконец, коэффициент внутренней конверсии в случае электрического октупольного поля будет равен:

$$I(E', q) = \frac{\pi e^2}{2qh^2} \sum_{k'} \left[\frac{k'(k'+1)(k'+2)(k'+3)}{2(2k'+1)(2k'+3)(2k'+5)} \left| M(A', k'; A, k'-1) \right|^2 + \right.$$

$$\begin{aligned}
& + \frac{(k'-1)k'(k'+1)(k'+2)}{2(2k'-1)(2k'+1)(2k'+3)} \left| M(A', k', A, k'-1) \right|^2 + \\
& + \frac{15(k'+1)(k'+2)(k'+3)(k'+4)}{2(2k'+3)(2k'+5)(2k'+7)} \left| M(A', k'; A, k'+3) \right|^2 + \\
& + \frac{15(k'-2)(k'-1)k'(k'+1)}{2(2k'-3)(2k'-1)(2k'+1)} \left| M(A', k' A, k'-3) \right|^2 + \\
& + \frac{5k'(k'+1)(k'+2)}{2(2k'-1)(2k'+1)(2k'+3)(2k'+5)} \left| M(B', k'; A, k'+1) \right|^2 + \\
& + \frac{3(k'-1)k'(k'+1)}{(2k'-3)(2k'-1)(2k'+1)(2k'+3)} \left| M(B', k'; A, k'-1) \right|^2 + \\
& + \frac{5(k'-2)(k'-1)k'}{2(2k'-5)(2k'-3)(2k'-1)(2k'+1)} \left| M(B', k'; A, k'-3) \right|^2 + \\
& + \frac{3k'(k'+1)(k'+2)}{(2k'-1)(2k'+1)(2k'+3)(2k'+5)} \left| M(A', k'; B, k'+1) \right|^2 + \\
& + \frac{5(k'-1)k'(k'+1)}{2(2k'-3)(2k'-1)(2k'+1)(2k'+3)} \left| M(A', k'; B, k'-1) \right|^2 + \\
& + \frac{5(k'+1)(k'+2)(k'+3)}{2(2k'+1)(2k'+3)(2k'+5)(2k'+7)} \left| M(A', k' B, k'+3) \right|^2 + \\
& + \frac{(k'-1)k'(k'+1)(k'+2)}{2(2k'-1)(2k'+1)(2k'+3)} \left| M(B', k'; B, k'+1) \right|^2 + \\
& + \frac{(k'-2)(k'-1)k'(k'+1)}{2(2k'-3)(2k'-1)(2k'+1)} \left| M(B', k'; B, k'-1) \right|^2 + \\
& + \frac{15k'(k'+1)(k'+2)(k'+3)}{2(2k'+1)(2k'+3)(2k'+5)} \left| M(B', k'; B, k'+3) \right|^2 + \\
& + \frac{15(k'-3)(k'-2)(k'-1)k'}{2(2k'-5)(2k'-3)(2k'-1)} \left| M(B', k'; B, k'-3) \right|^2 \Big],
\end{aligned}$$

где

$$\begin{aligned}
M(A', k'; A, k'+1) = \int [3iX_3(F_k F_{k'} + G_k G_{k'}) - \\
- 2X_2(F_k G_{k'} - 2G_k F_{k'})] dr
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
M(A', k'; A, k'-1) = \int [3iX_3(F_k F_{k'} + G_k G_{k'}) - \\
- 2X_2(2F_k G_{k'} - G_k F_{k'})] dr
\end{aligned}$$

$$M(A', k'; A, k'+3) = \int [iX_3(F_k F_{k'} + G_k G_{k'}) + 2X_2 G_k F_{k'}] dr$$

$$M(A', k'; A, k'-3) = \int [iX_3(F_k F_{k'} + G_k G_{k'}) - 2X_2 F_k G_{k'}] dr$$

$$\begin{aligned}
M(B', k'; A, k'+1) &= \int [3i X_3 (F_k F_{-k'-1} + G_k G_{-k'-1}) + \\
&\quad + X_2 ((2k'-1) F_k G_{-k'-1} + (2k'+5) G_k F_{-k'-1})] dr \\
M(B', k'; A, k'-1) &= \int [3i X_3 (F_k F_{-k'-1} + G_k G_{-k'-1}) + \\
&\quad + X_2 ((2k'-3) F_k G_{-k'-1} + (2k'+3) G_k F_{-k'-1})] dr \\
M(B', k'; A, k'-3) &= \int [3i X_3 (F_k F_{-k'-1} + G_k G_{-k'-1}) + \\
&\quad + X_2 ((2k'-5) F_k G_{-k'-1} + (2k'+1) G_k F_{-k'-1})] dr \\
M(A', k'; B, k'+1) &= \int [3i X_3 (F_{-k-1} F_{k'} + G_{-k-1} G_{k'}) - \\
&\quad - X_2 ((2k'+5) F_{-k-1} G_{k'} + (2k'-1) G_{-k-1} F_{k'})] dr \\
M(A', k'; B, k'-1) &= \int [3i X_3 (F_{-k-1} F_{k'} + G_{-k-1} G_{k'}) - \\
&\quad - X_2 ((2k'+3) F_{-k-1} G_{k'} + (2k'-3) G_{-k-1} F_{k'})] dr \\
M(A', k'; B, k'+3) &= \int [3i X_3 (F_{-k-1} F_{k'} + G_{-k-1} G_{k'}) - \\
&\quad - X_2 ((2k'+7) F_{-k-1} G_{k'} + (2k'+1) G_{-k-1} F_{k'})] dr \\
M(B', k'; B, k'+1) &= \int [3i X_3 (F_{-k-1} F_{-k'-1} + G_{-k-1} G_{-k'-1}) - \\
&\quad - 2X_2 (2F_{-k-1} G_{-k'-1} - G_{-k-1} F_{-k'-1})] dr \\
M(B', k'; B, k'-1) &= \int [3i X_3 (F_{-k-1} F_{-k'-1} + G_{-k-1} G_{-k'-1}) - \\
&\quad - 2X_2 (F_{-k-1} G_{-k'-1} - 2G_{-k-1} F_{-k'-1})] dr \\
M(B', k'; B, k'+3) &= \int [iX_3 (F_{-k-1} F_{-k'-1} + G_{-k-1} G_{-k'-1}) - \\
&\quad - 2X_2 F_{-k-1} G_{-k'-1}] dr \\
M(B', k'; B, k'-3) &= \int [iX_3 (F_{-k-1} F_{-k'-1} + G_{-k-1} G_{-k'-1}) + \\
&\quad + 2X_2 G_{-k-1} F_{-k'-1}] dr,
\end{aligned}$$

$$\text{причем } X_3 = e^{iqr} \left(r + \frac{6i}{q} - \frac{15}{q^2 r} - \frac{15i}{q^3 r^2} \right).$$

Физический институт АН
Армянской ССР

Գ-ձառագայթների ներքին կոնվերսիան զույգի ծնունդով

Ինչպես հայտնի է կորիզի կողմից արձակված Գ-կվանտը կարող է նույն կորիզի դաշտում ծնել էլեկտրոն-պոզիտրոն զույգ: Ներկայացնելով կորիզը ինչպես ճառագայթող դիպոլի, կվատրուպոլի և այլնի տեսքով, կարելի է հաշվել ներքին կոնվերսիայի համապատասխան գործակիցները:

Ուրիշ հեղինակների կողմից տրված են եղել ներքին կոնվերսիայի գործակիցների բանաձևերը էլեկտրական դիպոլի և կվատրուպոլի համար:

Ներկա աշխատանքում կատարված են հաշվումներ մագնիսական դիպոլի, կվատրուպոլի և էլեկտրական օկտուպոլի համար և բերված են համապատասխան բանաձևերը:

Л И Т Е Р А Т У Р А — Գ Ր Ա Կ Ա Ն Ո Ւ Թ Յ Ո Ւ Ն

¹ X. P. Холм и Дж. К. Егер, Proc. Roy. Soc. 148, 708, 1935. ² М. Х. Ван. Nature. 162, 256, 1948. ³ В. Б. Берестецкий, ЖЭТФ, 17, 12, 1947.