

ЭЛЕКТРОТЕХНИКА

А. Г. Иосифьян, чл.-корресп. АН Армянской ССР

Теория самосинхронизирующихся синхронных машин.

I. Параллельная работа синхронных машин в схеме передачи угла и движения

(Представлено 16 VIII 1948)

Многообразие применения синхронизирующихся систем приводит к многим принципиально отличным схемам включения синхронных машин в автоматических установках. Наиболее распространенные типовые схемы включения следующие: самосинхронизирующие схемы синхронной передачи угла и движения при однофазном и трехфазном возбуждении; работа трехфазной машины от преобразователя напряжений; работа машины двойного питания в режиме электрического дифференциала; работа синхронных машин в тиратронных и ламповых схемах силового синхронного движения; параллельная работа синхронных генераторов как частный случай самосинхронизирующих синхронных машин.

В общем виде, с весьма малыми ограничениями, для анализа работы самосинхронизирующихся синхронных машин с любыми внешне приложенными напряжениями наиболее пригодным методом является метод, основанный на теории всеобщего трансформатора с переменными индуктивностями.

Этот метод был нами применен для анализа уравнений преобразования синхронной машины<sup>(1)</sup>. Как было показано автором, линейные преобразования дифференциальных уравнений синхронной машины в осях  $1, j$  плоскости комплексного переменного, жестко связанных и вращающихся вместе с обмоткой возбуждения, приводит к следующим дифференциальным уравнениям, заданным в операторной форме:

$$\begin{aligned} e_r &= i_r r + [p + j(p\theta)]\psi_r \\ e_b &= i_b r + [p - j(p\theta)]\psi_b \\ e_o &= i_o r + p\psi_o \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} e_t &= l_t z_t - \frac{3}{2} M_t (i_r + i_b) \\ 0 &= l_q z_q + j \frac{3}{2} M_t (i_b - i_r), \end{aligned} \quad (2)$$

где

$$\begin{aligned} e_f &= \frac{1}{3} (e_a + e_b \alpha + e_c \alpha^2) e^{-j\theta} \\ e_b &= \frac{1}{3} (e_a + e_b \alpha^2 + e_c \alpha) e^{j\theta} \\ e_o &= \frac{1}{3} (e_a + e_b + e_c) \end{aligned} \quad (3)$$

$e_a, e_b, e_c, e_o$  — фазовые напряжения;  $\alpha = e^{j \frac{2}{3} \pi}$ ;  $\alpha^2 = e^{-j \frac{2}{3} \pi}$ ;  $p = \frac{d}{dt}$ ;

$i_f, e_f$  — ток и напряжение в обмотке возбуждения;

$i_q$  — ток в демпферной обмотке;

$\theta$  — угол, определяющий пространственное положение ротора.

При этом введены те же упрощения, которые были изложены в упомянутой работе.

Решая уравнение токов в обмотке возбуждения относительно приложенного к обмотке возбуждения напряжения, имеем:

$$\begin{aligned} i_f &= \frac{e_f}{z_f} + \frac{\frac{3}{2} M_t (i_f + i_b)}{z_f} \\ i_q &= -j \frac{\frac{3}{2} M_t (i_b - i_f)}{z_q} \end{aligned} \quad (4)$$

Подставляя в уравнение (1) и решая, имеем:

$$\begin{aligned} e_f &= i_f A + i_b B + e_t C \\ e_b &= i_f D + i_b E + e_t F, \end{aligned} \quad (5)$$

где

$$\begin{aligned} A &= r + [p + j(p\theta)] \left[ L_f - \frac{\frac{3}{2} p M_t^2}{2z_f} - \frac{j \frac{3}{2} p M_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\ B &= [p + j(p\theta)] \left[ L_f - \frac{\frac{3}{2} p M_t^2}{2z_f} + j \frac{\frac{3}{2} p M_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\ C &= [p + j(p\theta)] \frac{M_t}{2z_f} \\ D &= [p - j(p\theta)] \left[ L_b - \frac{\frac{3}{2} M_t^2}{2z_f} + \frac{j \frac{3}{2} p M_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\ E &= r + [p - j(p\theta)] \left[ L_f - \frac{\frac{3}{2} M_t^2}{2z_f} - j \frac{\frac{3}{2} p M_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\ F &= [p - j(p\theta)] \frac{M_t}{2z_f}. \end{aligned} \quad (6)$$

Величины  $A, B, C, D, E, F$  являются переходными импедансами машин.

$r, Z_t, Z_{qk}$  — омические сопротивления фазы, обмотки возбуждения и к-з цепи по поперечной оси;

$L_f, L_b, M_{qk}, M_t$  — соответствующие индуктивности.

Уравнения определяют процессы работы всех возможных включений синхронной машины в любой автоматической схеме с любым режимом работы, как стационарным, так и не стационарным. Они дают возможность определить токи, если задана функция  $(p\theta) = \frac{d\theta}{dt}$ .

Эта функция может быть определена из уравнения, характеризующего механический режим работы ротора

$$Jp^2\theta + kp\theta + T = M,$$

где

$J$  — момент инерции ротора;

$k$  — коэффициент трения;

$M$  — внешний момент нагрузки;

$T$  — электромагнитный момент на роторе.

Как указано в упомянутой работе, выражения мгновенного электромагнитного момента, действующего на ротор машины, в осях  $(l_1j)$  или в осях  $(d, q)$  имеют вид:

$$T = \frac{3}{2} [2L_b (i_b - i_f) (i_f + i_b) + M_t i_t (i_b - i_f) + M_{qk} i_{qk} (i_f + i_d)]$$

$$T = \frac{3}{2} [M_t i_t i_q + 2L_b i_d i_q + M_{qk} i_k i_d]. \quad (7)$$

Если токи будут получены в виде векторов, необходимо в выражении (7) взять скалярные произведения токов.

Пользуясь полученными уравнениями индивидуальной машины, рассмотрим параллельную работу синхронных машин в схеме передачи угла и движения.

Рассматриваемая схема состоит из двух параллельно включенных синхронных машин: „датчика“ и „приемника“. Мгновенные напряжения и токи датчика обозначим:  $I_a, I_b, I_c$  и  $E_a, E_b, E_c$ ,

приемника:  $i_a, i_b, i_c$  и  $e_a, e_b, e_c$ .

К обмоткам возбуждения „датчика“ и „приемника“ приложено напряжение  $e_t$ , мгновенное значение которого задано уравнением:

$$e_t = E_m \cos \omega t.$$

Токи и напряжения рассматриваемых машин связаны нижеизложенными уравнениями, полученными из закона Кирхгофа:

$$\begin{array}{ll} I_a = -i_a & E_a - E_b = e_a - e_b \\ I_b = -i_b & E_b - E_c = e_b - e_c \\ I_c = -i_c & E_c - E_a = e_c - e_a \end{array}$$

Для напряжений справедливы также следующие уравнения:

$$E_a = e_a + e_0$$

$$E_b = e_b + e_0$$

$$E_c = e_c + e_0$$

где

$e_0$  — напряжение между нулевыми точками машины.

В общем случае  $e_0$  отлично от 0. Выражая эти зависимости в осях (1, j) путем их подстановки в уравнение вида (3),

имеем:

$$\begin{aligned} E_f &= e_f e^{j(\theta_2 - \theta_1)} & I_f &= -i_f e^{j(\theta_2 - \theta_1)} \\ E_b &= e_b e^{-j(\theta_2 - \theta_1)} & I_b &= -i_b e^{-j(\theta_2 - \theta_1)}, \end{aligned} \quad (8)$$

где:

$$\theta_1 = \int \Omega_1 dt + \delta_1$$

$$\theta_2 = \int \Omega_2 dt + \delta_2$$

мгновенное значение углов, определяющих пространственное положение роторов синхронных машин.

Оперативное уравнение обеих машин согласно выражениям (5) представляется в следующем виде:

$$E_f = I_f A_d + I_b B_d + e_t C_d \quad (9)$$

$$E_b = I_f D_d + I_b E_d + e_t F_d$$

$$e_f = i_f A_n + i_b B_n + e_t C_n$$

$$e_b = i_f D_n + i_b E_n + e_t F_n, \quad (10)$$

где индексы „д“ и „п“ относятся к одной и другой машине.

Для режима синхронного вращения обеих синхронных машин справедливы уравнения:

$$p\theta_2 = p\theta_1 = \text{const} \quad \theta_2 - \theta_1 = \delta_2 - \delta_1 = \delta.$$

Задаваясь напряжением в обмотках возбуждения синхронных машин в виде вектора  $\bar{e}_t$  и решая совместно уравнения (9) и (10), путем подстановки  $p = j\omega$  и  $(p\theta) = \Omega$  в переходные импеданцы  $b$ , легко определить токи  $i_f$ ,  $i_b$ , а также токи  $I_f$ ,  $I_b$ . Это решение дает для любого стационарного режима работы, при условии, что параметры „датчика“ и „приемника“ одинаковы, нижеследующие выражения токов приемной машины:

$$\begin{aligned} \bar{I}_f &= -\frac{1}{2} \frac{(1 - e^{j\delta}) (EC - BF \cos \delta)}{AE - BD \cos^2 \delta} \bar{e}_t \\ \bar{I}_b &= -\frac{1}{2} \frac{(1 - e^{-j\delta}) (AF + DC \cos \delta)}{AE - BD \cos^2 \delta} \bar{e}_t, \end{aligned} \quad (11)$$

где:

$$\begin{aligned}
 A &= r + (1 + s) \left[ jx_f + \frac{\frac{3}{2} x_{at}^2}{2z_t} + \frac{\frac{3}{2} x_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\
 B &= (1 + s) \left[ jx_b + \frac{\frac{3}{2} x_{at}^2}{2z_t} - \frac{\frac{3}{2} x_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\
 C &= (1 + s) j \frac{x_{at}}{2z_t} \\
 D &= (1 - s) \left[ jx_b + \frac{\frac{3}{2} x_{at}^2}{2z_t} - \frac{\frac{3}{2} x_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\
 E &= r + (1 - s) \left[ jx_f + \frac{\frac{3}{2} x_{at}^2}{2z_t} + \frac{\frac{3}{2} x_{qk}^2}{2z_{qk}} \right] \\
 F &= (1 - s) \left[ j \frac{x_{at}}{2z_t} \right]
 \end{aligned} \tag{12}$$

$$x_f = \omega L_f = \omega (L_{cp} + M_{cp}) = \omega \left[ \frac{(L_{max} - L_{min})}{2} + \frac{(M_{max} + M_{min})}{2} \right]$$

$$x_b = \omega L_b = \omega \left( \frac{3}{2} M_{\theta} \right) = \omega \frac{(M_{max} - M_{min})}{2}$$

$$x_{at} = \omega M_f$$

$$x_{qk} = \omega M_{qk}$$

$$z_t = r_t + j\omega L_t; \quad z_{qk} = r_k + j\omega L_{qk}; \quad s = \frac{\Omega}{\omega}; \quad \omega = 2\pi f.$$

Эти выражения, как легко заметить, получены из зависимостей (6) при подстановке:  $p = j\omega$ ;  $(p\theta) = \Omega$ .

Небезынтересно отметить, что:

$$x_f + x_b = x_d$$

$$x_f - x_b = x_q$$

реактансы в омах по продольным и поперечным осям, подсчитываемые известными методами. В частном случае, когда угловые скорости синхронной машины  $\Omega = 0$ , т. е. когда осуществляется синхронный поворот при возбуждении обмоток возбуждения переменным током, токи  $i_f$  и  $i_b$  определяются следующими выражениями:

$$\bar{i}_f = -\frac{1}{2} \frac{c(1 - e^{+j\delta})}{A - B \cos \delta} \bar{e}_t$$

$$\bar{i}_b = -\frac{1}{2} \frac{(1 - e^{-j\delta})}{A - B \cos \delta} \bar{e}_t.$$

Переходя к токам  $\bar{i}_d$  и  $\bar{i}_q$ , имеем

$$\bar{i}_d = \bar{i}_f + \bar{i}_b = \frac{c(1 - \cos \delta)}{A - B \cos \delta} \bar{e}_t; \quad \bar{i}_q = f(i_b - i_f) = \frac{-c \sin \delta}{A - B \cos \delta} \bar{e}_t.$$

Наконец, из уравнений (4) имеем:

$$\begin{aligned} \bar{i}_t &= \frac{\bar{e}_t}{z_t} - \frac{\frac{3}{2} j x_{at} \bar{i}_d}{z_t}, \\ \bar{i}_q &= \frac{\frac{3}{2} M_{qk} \bar{i}_q}{z_{qk}}. \end{aligned} \quad (13)$$

Электромагнитный момент, действующий на роторы самосинхронизирующих синхронных машин, определяется по формуле:

$$T = \frac{1}{\omega} \frac{3}{2} [x_{at} \bar{i}_t \bar{i}_q + 2x_b \bar{i}_d \bar{i}_q + x_{qk} \bar{i}_d \bar{i}_q].$$

Для расчета рабочих характеристик необходимо определить значение импедансов  $A, B, C, D, E, F$  при различных скоростях вращения от  $s=0$  до  $s=\pm\infty$  и заданных углах рассогласования.

Определив для каждой скорости соответствующие величины токов по уравнению (11), можно построить рабочие характеристики машин при различных оборотах.

Следует отметить, что в том случае, когда напряжение на обмотках возбуждения обеих синхронных машин задается не в виде вектора  $\bar{e}_t$ , а в виде постоянного напряжения  $E_0$ , рассмотренные выше уравнения справедливы для случая параллельной работы двух синхронных генераторов и, следовательно, эти уравнения, а также выражения моментов дают возможность анализировать параллельную работу двух синхронных машин, как в стационарном, так и в нестационарном режиме. Очевидно, что этот метод может быть применен к любому количеству машин.

Научно-исследовательский институт  
Министерства электропромышленности СССР  
Москва, 1948, июнь.

#### Ա. Ղ. ԻՈՍԻՅԱՆ

Ինճնասիրությունիդացվող սինխրոն մեխանիզմների սեսուրյունը.

1. Սինխրոն մեխանիզմների պուզանիստ առխառանքը անկյան եվ օարժման վախառնցման սխեմաներում

Սինխրոնիզացվող սխեմաների կիրառման բազմակողմանիությունը բերում է սինխրոն մեխանիզմների միացմանը՝ սկզբունքորեն առբեր սխեմաների ավտոմատիկ սարքավորումներում:

Միացման ամենաառաժված ախիլի սխեմաները հետևյալներն են՝ անկյան և շարժման սինխրոն փոխանցման ինքնաախիլսինխրոնիզացվող սխեմաները մլաֆաղ և եռաֆաղ զըը-

զրոման դեպքում, եռաֆազ մեքենայի աշխատանքը լարման վերափոխիչից, կրկնակի սըն-  
ման մեքենայի աշխատանքը էլեկտրական դիֆերենցիալի ուժի մովմով, սինխրոն մեքենաների  
աշխատանքը սւժային շարժման տիրատրոնային և լամպային սխեմաներով, սինխրոն գե-  
ներատորների գուգահեռ աշխատանքը որսիս ինքնասինխրոնիզացիոդ սինխրոն մեքենա-  
ների մասնակի դեպքի

Ընդհանրապես, շատ քիչ սահմանափակմամբ, ինքնասինխրոնիզացիոդ սինխրոն մեքե-  
նաների աշխատանքի վերլուծման համար, երբ այդ մեքենային կցված է ցանկացած լա-  
րում, ամենապիտանի մեթոդը — դա փոփոխական ինդուկտիվ ուժային ունեցող ընդհանուր  
տրանսֆորմատորի թեորիայի վրա հիմնված մեթոդն է, Այդ մեթոդը մեր կսղմից կիրառ-  
ված է սինխրոն մեքենայի վերափոխման հավասարումների անայիդի համար:

Օգտվելով ինդիվիդուալ մեքենայի ստացված հավասարումներից, դիտարկվում է  
սինխրոն մեքենաների գուգահեռ աշխատանքը շարժման և անկյան փոխանցման սխեմա-  
յում:

## ЛИТЕРАТУРА — ԳՐԱԿԱՆՈՒԹՅՈՒՆ

1. А. Г. Иосифьян. ДАН Армянской ССР, 7, № 3, 1947.