

В.С. ХАЧАТРЯН К. В. ХАЧАТРЯН, С. Э. ГРИГОРЯН, А.Г. ГУЛЯН

## РАСЧЕТ ДОПУСТИМОГО УСТАНОВИВШЕГОСЯ РЕЖИМА ЭЛЕКТРОЭНЕРГЕТИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ ПРИ P-Q, P-U ТИПАХ СТАНЦИОННЫХ УЗЛОВ

Предлагается метод расчета допустимого установившегося режима ЭЭС при P-Q и P-U типах станционных узлов.

**Ключевые слова:** система, матрица, станция, оптимизация, допустимый установившийся режим, модель, мощность, модуль, аргумент, узел.

Проблема расчета установившегося и допустимого установившегося режимов является началом решения множества режимных вопросов электроэнергетической системы (ЭЭС) [1-14]. В настоящее время оптимизация режимов ЭЭС осуществляется либо по P, либо по P-Q или P-U параметрам электрических станций. Однако большое теоретическое и практическое значение имеет проблема оптимизации режима ЭЭС одновременно по P-Q и по P-U параметрам электрических станций. В связи с этим приобретает также большое значение проблема расчета допустимого установившегося режима одновременно по P-Q и P-U типам станционных узлов, который рассматривается как дооптимальный режим при оптимизации режима ЭЭС.

С целью построения соответствующей математической модели принимается следующая система индексов:  $m(n) = 0, 1, 2, \dots, \Gamma_1$  где  $\Gamma_1$  - число станционных узлов типа P-Q. Станционный узел с нулевым индексом выбирается в качестве базисного (балансирующего);  $k(\ell) = \Gamma_1 + 1, \Gamma_1 + 2, \dots, \Gamma_1 + \Gamma_2$ , где  $\Gamma_2$  - число станционных узлов типа P-U;  $i(j) = \Gamma + 1, \Gamma + 2, \dots, \Gamma + N$ , где  $N$  - число нагрузочных узлов типа P-Q, причем  $\Gamma = \Gamma_1 + \Gamma_2$  и  $\Gamma + N = M$ .

Как можно заметить, рассматриваемая ЭЭС состоит из  $M+1$  узлов и, следовательно, из  $M$  независимых узлов.

При этом математическую модель допустимого установившегося режима ЭЭС при Y форме задания состояния сети можно представить в виде

$$\Phi_p(U, \Psi_u) = \begin{cases} \Phi_{pm}(U, \Psi_u) = P_m - \varphi_{pm}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = 0, \\ \Phi_{pk}(U, \Psi_u) = P_k - \varphi_{pk}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = 0, \\ \Phi_{pi}(U, \Psi_u) = P_i - \varphi_{pi}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = 0; \end{cases} \quad (1)$$

$$\Phi_q(U, \Psi_u) = \begin{cases} \Phi_{qm}(U, \Psi_u) = Q_m - \varphi_{qm}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = 0, \\ \Phi_{qk}(U, \Psi_u) = Q_k - \varphi_{qk}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = 0, \\ \Phi_{qi}(U, \Psi_u) = Q_i - \varphi_{qi}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = 0; \end{cases} \quad (2)$$

$$U_{n,\min} \leq U_n \leq U_{n,\max}, \quad (3)$$

$$Q_{n,\min} \leq Q_n \leq Q_{n,\max};$$

$$U_{\ell,\min} \leq U_\ell \leq U_{\ell,\max}, \quad (4)$$

$$Q_{\ell,\min} \leq Q_\ell \leq Q_{\ell,\max}.$$

Из приведенной математической модели (1)-(4) можно заметить, что ограничения типа неравенств (3) налагаются на стационарные узлы типа P-Q, а ограничения типа (4) – на стационарные узлы типа P-U.

В развернутой форме функции типа  $\varphi_p$  и  $\varphi_q$ , входящие в (1) и (2), определяются в виде

$$\begin{aligned} \varphi_{pm}(U, \Psi_u) = & U_m \left\{ \sum_{n=0}^{\Gamma_1} [g_{mn} \cos(\Psi_{Um} - \Psi_{Un}) + b_{mn} \sin(\Psi_{Um} - \Psi_{Un})] U_n + \right. \\ & + \sum_{\ell=\Gamma_1+1}^{\Gamma} [g_{m\ell} \cos(\Psi_{Um} - \Psi_{U\ell}) + b_{m\ell} \sin(\Psi_{Um} - \Psi_{U\ell})] U_\ell + \\ & \left. + \sum_{j=\Gamma+1}^M [g_{kj} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{Uj}) + b_{kj} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{Uj})] U_j \right\}, \end{aligned} \quad (5)$$

$$\begin{aligned} \varphi_{pk}(U, \Psi_u) = & U_k \left\{ \sum_{n=0}^{\Gamma_1} [g_{kn} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{Un}) + b_{kn} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{Un})] U_n + \right. \\ & + \sum_{\ell=\Gamma_1+1}^{\Gamma} [g_{k\ell} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{U\ell}) + b_{k\ell} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{U\ell})] U_\ell + \\ & \left. + \sum_{j=\Gamma+1}^M [g_{kj} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{Uj}) + b_{kj} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{Uj})] U_j \right\}, \end{aligned} \quad (6)$$

$$\begin{aligned} \varphi_{pi}(U, \Psi_u) = & U_i \left\{ \sum_{n=0}^{\Gamma_1} [g_{in} \cos(\Psi_{Ui} - \Psi_{Un}) + b_{in} \sin(\Psi_{Ui} - \Psi_{Un})] U_n + \right. \\ & + \sum_{\ell=\Gamma_1+1}^{\Gamma} [g_{i\ell} \cos(\Psi_{Ui} - \Psi_{U\ell}) + b_{i\ell} \sin(\Psi_{Ui} - \Psi_{U\ell})] U_\ell + \\ & \left. + \sum_{j=\Gamma+1}^M [g_{ij} \cos(\Psi_{Ui} - \Psi_{Uj}) + b_{ij} \sin(\Psi_{Ui} - \Psi_{Uj})] U_j \right\}, \end{aligned} \quad (7)$$

$$\begin{aligned}
\varphi_{qm}(U, \Psi_u) = & U_m \left\{ \sum_{n=0}^{\Gamma_1} [g_{mn} \sin(\Psi_{Um} - \Psi_{Un}) - b_{mn} \cos(\Psi_{Um} - \Psi_{Un})] U_n + \right. \\
& + \sum_{\ell=\Gamma_1+1}^{\Gamma} [g_{m\ell} \sin(\Psi_{Um} - \Psi_{U\ell}) - b_{m\ell} \cos(\Psi_{Um} - \Psi_{U\ell})] U_\ell + \\
& \left. + \sum_{j=\Gamma+1}^M [g_{mj} \sin(\Psi_{Um} - \Psi_{Uj}) - b_{mj} \cos(\Psi_{Um} - \Psi_{Uj})] U_j \right\}, \quad (8)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\varphi_{qk}(U, \Psi_u) = & U_k \left\{ \sum_{n=0}^{\Gamma_1} [g_{kn} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{Un}) - b_{kn} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{Un})] U_n + \right. \\
& + \sum_{\ell=\Gamma_1+1}^{\Gamma} [g_{k\ell} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{U\ell}) - b_{k\ell} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{U\ell})] U_\ell + \\
& \left. + \sum_{j=\Gamma+1}^M [g_{kj} \sin(\Psi_{Uk} - \Psi_{Uj}) - b_{kj} \cos(\Psi_{Uk} - \Psi_{Uj})] U_j \right\}, \quad (9)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\varphi_{qi}(U, \Psi_u) = & U_i \left\{ \sum_{n=0}^{\Gamma_1} [g_{in} \sin(\Psi_{Ui} - \Psi_{Un}) - b_{in} \cos(\Psi_{Ui} - \Psi_{Un})] U_n + \right. \\
& + \sum_{\ell=\Gamma_1+1}^{\Gamma} [g_{i\ell} \sin(\Psi_{Ui} - \Psi_{U\ell}) - b_{i\ell} \cos(\Psi_{Ui} - \Psi_{U\ell})] U_\ell + \\
& \left. + \sum_{j=\Gamma+1}^M [g_{ij} \sin(\Psi_{Ui} - \Psi_{Uj}) - b_{ij} \cos(\Psi_{Ui} - \Psi_{Uj})] U_j \right\}. \quad (10)
\end{aligned}$$

Предположим, все независимые узлы являются узлами типа P-Q, при этом необходимо определить аргументы и модули комплексных напряжений тех же узлов. Для определения вышеотмеченных неизвестных на основании метода Ньютона-Рафсона можно написать следующее рекуррентное выражение:

$$\begin{bmatrix} \frac{\Psi_{um}}{U_m} \\ \frac{\Psi_{uk}}{U_k} \\ \frac{\Psi_{ui}}{U_i} \end{bmatrix}^{И+1} = \begin{bmatrix} \frac{\Psi_{um}}{U_m} \\ \frac{\Psi_{uk}}{U_k} \\ \frac{\Psi_{ui}}{U_i} \end{bmatrix}^{И} - \begin{bmatrix} \frac{\Delta\Psi_{um}}{\Delta U_m} \\ \frac{\Delta\Psi_{uk}}{\Delta U_k} \\ \frac{\Delta\Psi_{ui}}{\Delta U_i} \end{bmatrix}, \quad (11)$$

где И – номер итерации.

Приращения  $\Delta\Psi_{um}$ ,  $\Delta\Psi_{uk}$ ,  $\Delta\Psi_{ui}$ , а также  $\Delta U_m$ ,  $\Delta U_k$  и  $\Delta U_i$  определяются на основании следующего матричного уравнения:

$$\begin{bmatrix} \Delta P_m \\ \Delta Q_m \\ \Delta P_k \\ \Delta Q_k \\ \Delta P_i \\ \Delta Q_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \Phi_{pm}}{\partial \Psi_{un}} & \frac{\partial \Phi_{pm}}{\partial U_n} & \frac{\partial \Phi_{pm}}{\partial \Psi_{u\ell}} & \frac{\partial \Phi_{pm}}{\partial U_\ell} & \frac{\partial \Phi_{pm}}{\partial \Psi_{uj}} & \frac{\partial \Phi_{pm}}{\partial U_j} \\ \frac{\partial \Phi_{qm}}{\partial \Psi_{un}} & \frac{\partial \Phi_{qm}}{\partial U_n} & \frac{\partial \Phi_{qm}}{\partial \Psi_{u\ell}} & \frac{\partial \Phi_{qm}}{\partial U_\ell} & \frac{\partial \Phi_{qm}}{\partial \Psi_{uj}} & \frac{\partial \Phi_{qm}}{\partial U_j} \\ \frac{\partial \Phi_{pk}}{\partial \Psi_{un}} & \frac{\partial \Phi_{pk}}{\partial U_n} & \frac{\partial \Phi_{pk}}{\partial \Psi_{u\ell}} & \frac{\partial \Phi_{pk}}{\partial U_\ell} & \frac{\partial \Phi_{pk}}{\partial \Psi_{uj}} & \frac{\partial \Phi_{pk}}{\partial U_j} \\ \frac{\partial \Phi_{qk}}{\partial \Psi_{un}} & \frac{\partial \Phi_{qk}}{\partial U_n} & \frac{\partial \Phi_{qk}}{\partial \Psi_{u\ell}} & \frac{\partial \Phi_{qk}}{\partial U_\ell} & \frac{\partial \Phi_{qk}}{\partial \Psi_{uj}} & \frac{\partial \Phi_{qk}}{\partial U_j} \\ \frac{\partial \Phi_{pi}}{\partial \Psi_{un}} & \frac{\partial \Phi_{pi}}{\partial U_n} & \frac{\partial \Phi_{pi}}{\partial \Psi_{u\ell}} & \frac{\partial \Phi_{pi}}{\partial U_\ell} & \frac{\partial \Phi_{pi}}{\partial \Psi_{uj}} & \frac{\partial \Phi_{pi}}{\partial U_j} \\ \frac{\partial \Phi_{qi}}{\partial \Psi_{un}} & \frac{\partial \Phi_{qi}}{\partial U_n} & \frac{\partial \Phi_{qi}}{\partial \Psi_{u\ell}} & \frac{\partial \Phi_{qi}}{\partial U_\ell} & \frac{\partial \Phi_{qi}}{\partial \Psi_{uj}} & \frac{\partial \Phi_{qi}}{\partial U_j} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta \Psi_{um} \\ \Delta U_m \\ \Delta \Psi_{uk} \\ \Delta U_k \\ \Delta \Psi_{ui} \\ \Delta U_i \end{bmatrix}, \quad (12)$$

где

$$\begin{cases} \Delta P_m = P_m - \Phi_{pm}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = \Phi_{pm}, \\ \Delta P_k = P_k - \Phi_{pk}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = \Phi_{pk}, \\ \Delta P_i = P_i - \Phi_{pi}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = \Phi_{pi}; \end{cases} \quad (13)$$

$$\begin{cases} \Delta Q_m = Q_m - \Phi_{qm}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = \Phi_{qm}, \\ \Delta Q_k = Q_k - \Phi_{qk}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = \Phi_{qk}, \\ \Delta Q_i = Q_i - \Phi_{qi}(U_n, \Psi_{un}; U_\ell, \Psi_{u\ell}; U_j, \Psi_{uj}) = \Phi_{qi}. \end{cases} \quad (14)$$

Частные производные, входящие в матрицу Якоби выражения (12), определяются нижеприведенными формулами:

- при одинаковых индексах:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \Phi_{p\lambda}}{\partial \Psi_{u\lambda}} &= Q_\lambda + b_{\lambda\lambda} U_\lambda^2, & \frac{\partial \Phi_{q\lambda}}{\partial \Psi_{u\lambda}} &= -P_\lambda + g_{\lambda\lambda} U_\lambda^2, \\ \frac{\partial \Phi_{p\lambda}}{\partial U_\lambda} &= -\frac{P_\lambda}{U_\lambda} - g_{\lambda\lambda} U_\lambda^2, & \frac{\partial \Phi_{q\lambda}}{\partial U_\lambda} &= -\frac{Q_\lambda}{U_\lambda} + b_{\lambda\lambda} U_\lambda^2; \end{aligned} \quad (15)$$

- при разных индексах:

$$\begin{aligned}
\frac{\partial \Phi_{p\lambda}}{\partial \Psi_{\mu}} &= -[g_{\lambda\mu} \sin(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu}) - b_{\lambda\mu} \cos(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu})] U_{\lambda} U_{\mu}, \\
\frac{\partial \Phi_{q\lambda}}{\partial \Psi_{\mu}} &= -[g_{\lambda\mu} \cos(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu}) - b_{\lambda\mu} \sin(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu})] U_{\lambda} U_{\mu}, \\
\frac{\partial \Phi_{p\lambda}}{\partial U_{\mu}} &= -[g_{\lambda\mu} \cos(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu}) - b_{\lambda\mu} \sin(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu})] U_{\lambda}, \\
\frac{\partial \Phi_{q\lambda}}{\partial U_{\mu}} &= -[g_{\lambda\mu} \sin(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu}) - b_{\lambda\mu} \cos(\Psi_{u\lambda} - \Psi_{\mu})] U_{\lambda},
\end{aligned} \tag{16}$$

где

$$\lambda = (m, k, i), \quad \mu = (n, \ell, j). \tag{17}$$

После обращения квадратной неособенной матрицы Якоби выражения (12) имеем

$$\begin{bmatrix} \Delta \Psi_{um} \\ \Delta U_m \\ \Delta \Psi_{uk} \\ \Delta U_k \\ \Delta \Psi_{ui} \\ \Delta U_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{mn} & \beta_{mn} & \alpha_{m\ell} & \beta_{m\ell} & \alpha_{mj} & \beta_{mj} \\ \delta_{mn} & \gamma_{mn} & \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} & \delta_{mj} & \gamma_{mj} \\ \alpha_{kn} & \beta_{kn} & \alpha_{k\ell} & \beta_{k\ell} & \alpha_{kj} & \beta_{kj} \\ \delta_{kn} & \gamma_{kn} & \delta_{k\ell} & \gamma_{k\ell} & \delta_{kj} & \gamma_{kj} \\ \alpha_{in} & \beta_{in} & \alpha_{i\ell} & \beta_{i\ell} & \alpha_{ij} & \beta_{ij} \\ \delta_{in} & \gamma_{in} & \delta_{i\ell} & \gamma_{i\ell} & \delta_{ij} & \gamma_{ij} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_m \\ \Delta Q_m \\ \Delta P_k \\ \Delta Q_k \\ \Delta P_i \\ \Delta Q_i \end{bmatrix}. \tag{18}$$

Здесь  $\alpha, \beta, \delta, \gamma$  являются подматрицами обращенной матрицы.

Матричное уравнение (18) получено для случая, когда все независимые стационарные узлы являются типа P-Q. Однако, согласно постановке задачи, стационарные узлы с индексами  $k(\ell)$  являются узлами типа P-U, в силу чего можем написать

$$[\Delta U_k] = 0. \tag{19}$$

В результате матричное выражение (18) принимает вид

$$\begin{bmatrix} \Delta \Psi_{um} \\ \Delta U_m \\ \Delta \Psi_{uk} \\ 0 \\ \Delta \Psi_{ui} \\ \Delta U_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{mn} & \beta_{mn} & \alpha_{m\ell} & \beta_{m\ell} & \alpha_{mj} & \beta_{mj} \\ \delta_{mn} & \gamma_{mn} & \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} & \delta_{mj} & \gamma_{mj} \\ \alpha_{kn} & \beta_{kn} & \alpha_{k\ell} & \beta_{k\ell} & \alpha_{kj} & \beta_{kj} \\ \delta_{kn} & \gamma_{kn} & \delta_{k\ell} & \gamma_{k\ell} & \delta_{kj} & \gamma_{kj} \\ \alpha_{in} & \beta_{in} & \alpha_{i\ell} & \beta_{i\ell} & \alpha_{ij} & \beta_{ij} \\ \delta_{in} & \gamma_{in} & \delta_{i\ell} & \gamma_{i\ell} & \delta_{ij} & \gamma_{ij} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_m \\ \Delta Q_m \\ \Delta P_k \\ \Delta Q_k \\ \Delta P_i \\ \Delta Q_i \end{bmatrix}. \tag{20}$$

Представим матричное уравнение (20) в виде совокупности следующих трех подматричных уравнений:

$$\begin{bmatrix} \frac{\Delta\Psi_{um}}{\Delta\Psi_{uk}} \\ \frac{\Delta\Psi_{ui}}{\Delta U_i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{mn} & \beta_{mn} & \alpha_{m\ell} & \beta_{m\ell} & \alpha_{mj} & \beta_{mj} \\ \alpha_{kn} & \beta_{kn} & \alpha_{k\ell} & \beta_{k\ell} & \alpha_{kj} & \beta_{kj} \\ \alpha_{in} & \beta_{in} & \alpha_{i\ell} & \beta_{i\ell} & \alpha_{ij} & \beta_{ij} \\ \delta_{in} & \gamma_{in} & \delta_{i\ell} & \gamma_{i\ell} & \delta_{ij} & \gamma_{ij} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \frac{\Delta P_m}{\Delta Q_m} \\ \frac{\Delta P_k}{\Delta Q_k} \\ \frac{\Delta P_i}{\Delta Q_i} \end{bmatrix}, \quad (21)$$

$$[\Delta U_m] = \begin{bmatrix} \delta_{mn} & \gamma_{mn} & \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} & \delta_{mj} & \gamma_{mj} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \frac{\Delta P_m}{\Delta Q_m} \\ \frac{\Delta P_k}{\Delta Q_k} \\ \frac{\Delta P_i}{\Delta Q_i} \end{bmatrix}, \quad (22)$$

$$[0] = \begin{bmatrix} \delta_{kn} & \gamma_{kn} & \delta_{k\ell} & \gamma_{k\ell} & \delta_{kj} & \gamma_{kj} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \frac{\Delta P_m}{\Delta Q_m} \\ \frac{\Delta P_k}{\Delta Q_k} \\ \frac{\Delta P_i}{\Delta Q_i} \end{bmatrix}. \quad (23)$$

Матричное выражение (23) принимает вид

$$[0] = [\delta_{kn}] \cdot [\Delta P_m] + [\delta_{kn}] \cdot [\Delta Q_m] + [\delta_{k\ell}] \cdot [\Delta P_k] + [\gamma_{k\ell}] \cdot [\Delta Q_k] + [\delta_{kj}] \cdot [\Delta P_i] + [\gamma_{kj}] \cdot [\Delta Q_i]. \quad (24)$$

Из (24) можно установить следующее:

$$[\Delta Q_k] = -[\gamma_{k\ell}] \cdot [\Delta k], \quad (25)$$

где

$$[\Delta k] = -\{[\delta_{kn}] \cdot [\Delta P_m] + [\delta_{kn}] \cdot [\Delta Q_m] + [\delta_{k\ell}] \cdot [\Delta P_k] + [\delta_{kj}] \cdot [\Delta P_i] + [\gamma_{kj}] \cdot [\Delta Q_i]\}. \quad (26)$$

Имея предварительные численные значения приращений  $\Delta P_m$ ,  $\Delta Q_m$ ,  $\Delta P_k$ ,  $\Delta P_i$  и  $\Delta Q_i$ , на основании (25) устанавливаем численные значения реактивных мощностей:

$$[\Delta Q_k] = [\Delta Q_{\Gamma_1+1}, \Delta Q_{\Gamma_1+2}, \dots, \Delta Q_{\Gamma}]. \quad (27)$$

Определим действительные значения реактивных мощностей для стационарных узлов с индексом  $k(\ell)$ , пользуясь вторым выражением из (14):

$$Q_k = \Delta Q_k + \varphi_{qk}. \quad (28)$$

Устанавливая численные значения реактивных мощностей стационарных

узлов типа P-U с индексом  $k(\ell)$ , проверяем условия их допустимости согласно требованию:

$$Q_{k,\min} \leq Q_k \leq Q_{k,\max}. \quad (29)$$

Затем устанавливаем численные значения модулей комплексных напряжений станционных узлов типа P-Q с индексами  $m(n)$ .

На основании вторых строчек выражений (11) и (18) можем написать

$$[U_m]^{i+1} = [U_m]^i - \begin{bmatrix} \delta_{mn} & \gamma_{mn} & \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} & \delta_{mj} & \gamma_{mj} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \frac{\Delta P_m}{\Delta Q_m} \\ \frac{\Delta P_k}{\Delta Q_k} \\ \frac{\Delta P_i}{\Delta Q_i} \end{bmatrix}. \quad (30)$$

Имея предварительные численные значения приращений  $\Delta P_m, \Delta Q_m, \Delta P_k, \Delta P_i$  и  $\Delta Q_i$ , согласно (13) и (14), на основании (30) устанавливаем численные значения модулей напряжений станционных узлов типа P-Q, т.е. для узлов с индексами  $m(n)$ :

$$[U_m] = [U_1, U_2, \dots, U_{\Gamma}]. \quad (31)$$

Устанавливая численные значения модулей комплексных напряжений станционных узлов типа P-Q, проверяем условие их допустимости, т.е. условие

$$U_{m,\min} \leq U_m \leq U_{m,\max}. \quad (32)$$

При проверке условий допустимости (29) и (32) могут быть случаи, когда:

1. Условия (29) и (32) полностью обеспечиваются, и на основании (21) устанавливаются численные значения  $\Delta \Psi_{um}, \Delta \Psi_{uk}, \Delta \Psi_{ui}$  и  $\Delta U_i$ . Затем, пользуясь нижеприведенным рекуррентным выражением, вычисляются действительные значения режимных параметров:

$$\begin{bmatrix} \frac{\Psi_{um}}{\Psi_{uk}} \\ \frac{\Psi_{U\ell}}{U_i} \end{bmatrix}^{i+1} = \begin{bmatrix} \frac{\Psi_{um}}{\Psi_{uk}} \\ \frac{\Psi_{U\ell}}{U_i} \end{bmatrix}^i - \begin{bmatrix} \frac{\Delta \Psi_{um}}{\Delta \Psi_{uk}} \\ \frac{\Delta \Psi_{U\ell}}{\Delta U_i} \end{bmatrix}. \quad (33)$$

В результате для станционных узлов типа P-Q определяем  $\Psi_{um}, U_m$ , а для станционных узлов типа P-U -  $\Psi_{uk}, Q_k$ . Разумеется, для нагрузочных узлов определяем аргументы и модули комплексных напряжений.

Этим завершается первая итерация. Вторая итерация осуществляется аналогичным образом. Если в последующих итерациях удовлетворяются условия (29) и (32), то итерационный процесс считается завершенным при

обеспечении условий

$$\begin{aligned} |P_m - \varphi_{pm}(U, \Psi)| &\leq \Delta P_m, \\ |P_k - \varphi_{pk}(U, \Psi)| &\leq \Delta P_k, \end{aligned} \quad (34)$$

$$\begin{aligned} |P_i - \varphi_{pi}(U, \Psi)| &\leq \Delta P_i; \\ |Q_m - \varphi_{qm}(U, \Psi)| &\leq \Delta Q_m, \\ |Q_k - \varphi_{qk}(U, \Psi)| &\leq \Delta Q_k, \\ |Q_i - \varphi_{qi}(U, \Psi)| &\leq \Delta Q_i, \end{aligned} \quad (35)$$

где  $\Delta P_m, \Delta P_k, \Delta P_i; \Delta Q_m, \Delta Q_k, \Delta Q_i$  - заданные положительные величины, характеризующие точность установления значения искомым режимных параметров. Для ослабления условия сходимости принимается:

$$\begin{aligned} \Delta P_m = \Delta P_k = \Delta P_i = \Delta P, \\ \Delta Q_m = \Delta Q_k = \Delta Q_i = \Delta Q. \end{aligned} \quad (36)$$

2. Условие (29) не удовлетворяется, а условие (32) удовлетворяется. Это означает, что реактивные мощности станционных узлов типа P-U могут быть либо больше допустимых максимальных значений ( $Q_{k,max}$ ), либо меньше допустимых минимальных значений ( $Q_{k,min}$ ). При этом станционные узлы P-U заменяются на станционные узлы типа P-Q, причем в первом случае - на  $P-Q_{m,max}$ , а во втором - на  $P-Q_{m,min}$ . В результате все независимые станционные узлы становятся узлами типа P-Q, и итерационный процесс осуществляется на основании рекуррентного выражения (11), определяя неизвестные значения модулей и аргументов комплексных напряжений.

Этим завершается первая итерация, аналогичным образом осуществляется вторая.

Итерационный процесс считается завершенным, если обеспечиваются также условия сходимости (34) и (35).

3. Условие (29) удовлетворяется, а условие (32) - нет. Это означает, что условия ограничений типа неравенств, налагаемые на станционные узлы типа P-U, удовлетворяются, а условия ограничений типа неравенств, налагаемые на станционные узлы типа P-Q, не удовлетворяются.

При этом может быть, что для станционных узлов типа P-Q модули комплексных напряжений либо больше допустимых максимальных значений ( $U_{m,max}$ ), либо меньше допустимых минимальных значений ( $U_{m,min}$ ). Станционные узлы с индексами  $m(n)$  типа P-Q можно заменить на станционные узлы типа P-U, причем в первом случае - на  $P-U_{m,max}$ , а во втором случае - на  $P-U_{m,min}$ .

В результате все независимые станционные узлы становятся узлами

типа P-U. При этом можем написать

$$[\Delta U_m] = 0, \quad (37)$$

$$[U_k] = 0. \quad (38)$$

В силу этого матричное уравнение (18) принимает вид

$$\begin{bmatrix} \Delta\Psi_{um} \\ 0 \\ \Delta\Psi_{uk} \\ 0 \\ \Delta\Psi_{ui} \\ \Delta U_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{mn} & \beta_{mn} & \alpha_{m\ell} & \beta_{m\ell} & \alpha_{mj} & \beta_{mj} \\ \delta_{mn} & \gamma_{mn} & \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} & \delta_{mj} & \gamma_{mj} \\ \alpha_{kn} & \beta_{kn} & \alpha_{k\ell} & \beta_{k\ell} & \alpha_{kj} & \beta_{kj} \\ \delta_{kn} & \gamma_{kn} & \delta_{k\ell} & \gamma_{k\ell} & \delta_{kj} & \gamma_{kj} \\ \alpha_{in} & \beta_{in} & \alpha_{i\ell} & \beta_{i\ell} & \alpha_{ij} & \beta_{ij} \\ \delta_{in} & \gamma_{in} & \delta_{i\ell} & \gamma_{i\ell} & \delta_{ij} & \gamma_{ij} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_m \\ \Delta Q_m \\ \Delta P_k \\ \Delta Q_k \\ \Delta P_i \\ \Delta Q_i \end{bmatrix}. \quad (39)$$

Представим полученное матричное уравнение (39) в виде совокупности следующих двух подматричных уравнений, причем первое является (21), а второе будет

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \delta_{mn} & \gamma_{mn} \\ \delta_{kn} & \gamma_{kn} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_m \\ \Delta P_k \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} \\ \delta_{k\ell} & \gamma_{k\ell} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta Q_m \\ \Delta Q_k \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \delta_{mj} & \gamma_{mj} \\ \delta_{kj} & \gamma_{kj} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_i \\ \Delta Q_i \end{bmatrix}. \quad (40)$$

Из выражения (40) можно установить:

$$\begin{bmatrix} \Delta Q_m \\ \Delta Q_k \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} \delta_{m\ell} & \gamma_{m\ell} \\ \delta_{k\ell} & \gamma_{k\ell} \end{bmatrix}^{-1} \left\{ \begin{bmatrix} \delta_{mn} & \gamma_{mn} \\ \delta_{kn} & \gamma_{kn} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_m \\ \Delta P_k \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \delta_{mj} & \gamma_{mj} \\ \delta_{kj} & \gamma_{kj} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta P_i \\ \Delta Q_i \end{bmatrix} \right\}. \quad (41)$$

Имея предварительные численные значения приращений  $\Delta P_m, \Delta P_k; \Delta P_i, \Delta Q_i$ , на основании (13) и последнего выражения (14) матричное выражение (41) позволяет установить численные значения приращений  $\Delta Q_m$  и  $\Delta Q_k$ :

$$\Delta Q_m = (Q_1, Q_2, \dots, Q_{\Gamma_1}), \quad (42)$$

$$\Delta Q_k = (Q_{\Gamma_1+1}, Q_{\Gamma_1+2}, \dots, Q_{\Gamma}). \quad (43)$$

Затем определяем действительные значения реактивных мощностей тех же узлов, пользуясь первым и вторым выражениями (14):

$$Q_m = \Delta Q_m + \varphi_{qm}, \quad (44)$$

$$Q_k = \Delta Q_k + \varphi_{qk}. \quad (45)$$

Устанавливая численные значения реактивных мощностей независимых станционных узлов, проверяем условия их допустимости:

$$Q_{m,\min} \leq Q_m \leq Q_{m,\max}, \quad (46)$$

$$Q_{k,\min} \leq Q_k \leq Q_{k,\max}. \quad (47)$$

Если условия (46) и (47) обеспечиваются, то это означает, что ограничения типа неравенств, налагаемые на станционные узлы типа P-U, обеспечиваются, и можно установить другие неизвестные режимные

параметры на основании рекуррентного выражения (33). Этим завершается первая итерация, после чего необходимо перейти к осуществлению второй итерации. Если во второй и последующих итерациях удовлетворяются условия (46) и (47), то необходимо завершить расчет допустимого установившегося режима. Решение задачи завершается при обеспечении условий сходимости (34), (35).

4. Условия (29) и (32) не обеспечиваются. Это означает, что ограничения типа неравенств, налагаемые как на стационарные узлы типа P-Q, так и на стационарные узлы типа P-U, не обеспечиваются.

При этом для стационарных узлов типа P-Q модули комплексных напряжений могут получаться больше допустимых максимальных значений ( $U_{m,max}$ ) или меньше допустимых минимальных значений ( $U_{m,min}$ ). С другой стороны, для стационарных узлов типа P-U реактивные мощности могут получаться больше допустимых ( $Q_{k,max}$ ) или меньше допустимых ( $Q_{k,min}$ ) значений.

В этом случае стационарные узлы типа P-Q необходимо заменить на стационарные узлы типа P-U, а стационарные узлы типа P-U - на узлы типа P-Q.

В первом случае будем иметь ( $P - U_{max}$ ) или ( $P - U_{min}$ ), а во втором - ( $P - Q_{max}$ ) или ( $P - Q_{min}$ ).

Нетрудно заметить, что если поменять индексы  $m(n)$  на  $k(\ell)$  или наоборот, то получим первый случай, т.е. стационарные узлы с индексами  $m(n)$  являются узлами типа P-U, а стационарные узлы с индексами  $k(\ell)$  - узлами типа P-Q.

Таким образом, задача расчета допустимого установившегося режима ЭЭС решается итерационным методом при замене стационарных узлов типа P-Q на стационарные узлы типа P-U, и наоборот.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. **Хачатрян В.С., Эгмекчян Э.А.** Развитие гибридного метода расчета установившегося режима электрической системы // Электричество.-1991.-N 1.- С. 6-13.
2. **Хачатрян В.С., Ибрагим А.И., Хачатрян К.В.** Метод определения допустимого установившегося режима электроэнергетической системы. // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-1998.-Т. 51, N 3.-С. 295-300.
3. **Каримян А.С.** Расчет допустимого установившегося режима электроэнергетической системы при Y – форме задания состояния сети // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-1999.-Т. 52, N 1.-С. 43-50.
4. **Хачатрян К.В., Нашат А.А., Мкртчян Г.С.** Расчет допустимого установившегося режима Z эквивалентированной электроэнергетической системы // Моделирование, оптимизация, управление: Сборник научных трудов.-2000.- Вып. 3.- С. 103-108.
5. **Хачатрян К.В., Бороян А.В.** Новый метод коррекции установившегося режима электроэнергетической системы // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-2002.-Т. 55, N 2.-С. 222-230.
6. **Хачатрян К.В., Бороян А.В.** Коррекция установившегося режима электроэнергетической

- системы при P-U и P-Q типе станционных узлов // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-2003.-Т. 56, N 1.-С. 86-93.
7. **Хачатрян В.С., Бадалян Н.П., Гулян А.Г.** Выбор состава уравнений установившегося режима электроэнергетической системы при P-U и P-Q типе станционных узлов // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-2003.- Т. 56, N 2.-С. 272-281.
  8. **Сафарян В.С., Григорян С.Э.** Расчет допустимого установившегося режима электроэнергетической системы при Y-Z форме задания состояния сети // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-2003.-Т. 56, N 3.-С. 417-425.
  9. **Мнацаканян М.А.** Расчет допустимого установившегося режима ЭЭС методом декомпозиции // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-2004.-Т. 57, N 1.-С. 83-93.
  10. **Григорян С.Э.** Новый метод расчета допустимого установившегося режима ЭЭС // Вестник МАНЕБ. - СПб, 2004.-N 3.-С. 69-73.
  11. **Хачатрян К.В., Гладунчик Е.А., Мнацаканян М.А., Тохунц А.Р.** Минимизация потерь активной мощности в сетях электроэнергетической системы // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.-2004.-Т. 57, N 3.-С. 434-444.
  12. **Хачатрян В.С., Мнацаканян М.А.** Определение допустимых относительных приростов потерь активной мощности ЭЭС методом декомпозиции // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН.- 2005.-Т. 58, N 1.- С. 260-268.
  13. **Хачатрян К.В.** Метод коррекции установившегося режима электроэнергетической системы // Электричество.-2005.-N 5.-С. 8-13.
  14. **Бадалян Н.П.** Реализация математической модели установившегося режима электроэнергетической системы // Электричество.- 2005.-N 6.- С. 33-40.

ГИУА. Материал поступил в редакцию 10.08.2005.

**Վ.Ս. ԽԱՉԱՏՐՅԱՆ, Կ.Վ. ԽԱՉԱՏՐՅԱՆ, Ս.Է. ԳՐԻԳՈՐՅԱՆ, Ա.Գ. ԴՈՒԼՅԱՆ**

**ԷԼԵԿՏՐԱԷՆԵՐԳԵՏԻԿԱՎԱՆ ՀԱՄԱԿԱՐԳԻ ԹՈՒՅԼԱՏՐԵԼԻ ԿԱՅՈՒՆԱՑՎԱԾ ՌԵԺԻՄԻ ՀԱՇՎՈՒՄԸ P-Q, P-U ՏԵՍՔԻ ԿԱՅԱՆԱՅԻՆ ՀԱՆԳՈՒՑՆԵՐԻ ԴԵՊՔՈՒՄ**

Առաջարկվում է ԷԷՀ-ի թույլատրելի կայունացված ռեժիմի հաշվում էլեկտրական ցանցի Y տեսքի տրաման դեպքում, երբ կայանային հանգույցները միաժամանակ P-Q և P-U տեսքերի են: **Առանցքային բառեր.** համակարգ, մատրից, կայան, թույլատրելի կայունացված ռեժիմ, մոդել, հզորություն, մոդուլ, արգումենտ, հանգույց:

**V.S. KHACHATRYAN, K.V. KHACHATRYAN, S.E. GRIGORYAN, A.G.GHULYAN  
DESIGN OF PERMISSIBLE STEADY-STATE CONDITION OF ELECTRICAL POWER SYSTEM  
FOR P-Q, P-U TYPES OF STATION UNITS**

The method for design of permissible steady-state electrical power system for P-Q, and P-U types of station units is proposed.

**Keywords:** system, matrix, station, optimization, permissible, steady-state condition, model, power, module, argument, unit.