

А.Г. АВЕТИСЯН, С.О. СИМОНЯН, Г.А. БАДАЛЯН

АНАЛОГ МЕТОДА ФАДДЕЕВА ДЛЯ НЕАВТОНОМНЫХ МАТРИЦ

Предложен достаточно простой и весьма эффективный метод одновременного определения некоторых инвариантов неавтономных матриц.

Ключевые слова: дифференциально-тейлоровские преобразования, неавтономная матрица, собственный многочлен, обратная матрица, собственные векторы.

Введение. При применении дифференциально-тейлоровских (ДТ) преобразований [1] были предложены регулярные методы решения следующих важных научно-практических задач, имеющих многочисленные приложения при исследовании различных вопросов неавтономных динамических систем: определение детерминанта матрицы системы [2], расщепление системы (приведение к диагональному виду) [3,4], нахождение собственного многочлена [5], решение полной проблемы собственных значений [6] и др. В настоящей работе предлагается ДТ-аналог известного метода Фаддеева [7], предназначенный для определения собственного многочлена, обратной матрицы и собственных векторов неавтономной матрицы, при предположении, что собственные значения этой матрицы заранее известны или определены каким-то образом (см., например, [6]).

Математический аппарат. Пусть задана функция $x(t)$, обладающая бесконечной гладкостью в некоторой точке $t=t_0$. При этом ДТ-преобразования имеют вид

$$X(K) = \frac{H^K}{K!} \frac{\partial^K x(t)}{\partial t^K} \Big|_{t=t_0}, \quad K = \overline{0, \infty} \quad \hat{=} \quad x(t) = \sum_{K=0}^{\infty} \left(\frac{t-t_0}{H} \right)^K X(K), \quad (1)$$

(прямое преобразование) (обратное преобразование)

где $X(K)$ - изображение (дискрета) оригинала $x(t)$ (функция целочисленного аргумента $K = \overline{0, \infty}$); H - некоторая постоянная (масштабный коэффициент); t_0 - центр аппроксимации; $\hat{=}$ - знак перехода из области изображений в область оригиналов и наоборот.

Собственный многочлен автономной матрицы $A = (a_{ij})$, $i, j = \overline{1, n}$, имеет вид

$$\det[A - \lambda E] = (-1)^n P(\lambda) = (-1)^n [\lambda^n + p_1 \lambda^{n-1} + p_2 \lambda^{n-2} + \dots + p_n] = 0, \quad (2)$$

где λ_i , $i = \overline{1, n}$ - собственные числа матрицы, а p_i , $i = \overline{1, n}$ - коэффициенты собственного многочлена, подлежащие определению.

Согласно методу Фаддеева [7], для решения этой задачи строится следующая цепочка последовательностей:

$$\begin{aligned}
\text{Шаг 1. } A_1 &= A, & \text{sp}A_1 &= p_1, & B_1 &= A_1 - p_1 E. \\
\text{Шаг 2. } A_2 &= AB_1, & \frac{1}{2} \text{sp}A_2 &= p_2, & B_2 &= A_2 - p_2 E. \\
&\vdots & \vdots & & \vdots & \\
\text{Шаг } n-1. A_{n-1} &= AB_{n-2}, & \frac{1}{n-1} \text{sp}A_{n-1} &= p_{n-1}, & B_{n-1} &= A_{n-1} - p_{n-1} E. \\
\text{Шаг } n. A_n &= AB_{n-1}, & \frac{1}{n} \text{sp}A_n &= p_n, & B_n &= A_n - p_n E,
\end{aligned} \tag{3}$$

где sp - след соответствующей матрицы, а E - единичная матрица порядка n , причем $B_n \equiv [0]$, что является очень удобным контрольным условием правильности проведенных вычислений.

Кроме того, если $\det A \neq 0$, то обратная матрица имеет вид

$$A^{-1} = \frac{1}{p_n} B_{n-1}, \tag{4}$$

а собственные векторы $X^{(i)}, i = \overline{1, n}$, матрицы A определяются в соответствии с рекуррентными соотношениями

$$X_q^{(i)} = \lambda_i X_{q-1}^{(i)} + b_q^{(i)}, X_0^{(i)} = e^{(i)}, q = \overline{1, n-1}, i = \overline{1, n} \tag{5}$$

на $n-1$ -ом шаге, где $e^{(i)}$ - i -й столбец единичной матрицы, а $b_q^{(i)}$ - i -й столбец матрицы B_q .

Теперь, имея в виду неавтономную матрицу $A(t) = (a_{ij}(t))$, $i, j = \overline{1, n}$, с элементами бесконечной гладкости и ДТ-преобразования (1), для цепочки последовательностей (3) представим следующий аналог метода Фаддеева при $K = \overline{0, \infty}$:

$$\begin{cases}
A_1(K) = A(K), & P_1(K) = \text{sp}A_1(K), & B_1(K) = A_1(K) - P_1(K)E, \\
A_2(K) = A(K) * B_1(K) = \sum_{l=0}^K A(l) * B_1(K-l), & P_2(K) = \frac{1}{2} \text{sp}A_2(K), & B_2(K) = A_2(K) - P_2(K)E, \\
\vdots & \vdots & \vdots \\
A_{n-1}(K) = A(K) * B_{n-2}(K) = \sum_{l=0}^K A(l) * B_{n-2}(K-l), & P_{n-1}(K) = \frac{1}{n-1} \text{sp}A_{n-1}(K), & B_{n-1}(K) = A_{n-1}(K) - P_{n-1}(K)E, \\
A_n(K) = A(K) * B_{n-1}(K) = \sum_{l=0}^K A(l) * B_{n-1}(K-l), & P_n(K) = \frac{1}{n} \text{sp}A_n(K), & B_n(K) = A_n(K) - P_n(K)E,
\end{cases} \tag{6}$$

где $*$ - знак дифференциальной свертки, причем $B_n(K) \equiv [0], \forall K = \overline{0, \infty}$ (последние также являются очень удобными контрольными условиями правильности проведенных вычислений).

Аналогично, для определения векторов дискрет $X_q^{(i)}(K)$ собственных векторов $X_q^{(i)}(t)$ матрицы $A(t)$ в соответствии с (5) получим

$$X_q^{(i)}(K) = \lambda_i(K) * X_{q-1}^{(i)}(K) + b_q^{(i)}(K) =$$

$$= \sum_{l=0}^K \lambda_i(l) X_{q-1}^{(i)}(K-l) + b_q^{(i)}(K), \quad X_0^{(i)} = e^{(i)}, \quad q = \overline{1, n-1}, \quad i = \overline{1, n}. \quad (7)$$

При соотношениях (6), (7), а также с учетом (1) и (4) будем иметь:

- для коэффициентов $p_i(t), i = \overline{1, n}$, собственного многочлена:

$$p_i(t) = \sum_{K=0}^{\infty} \left(\frac{t-t_v}{H} \right)^K P_i(K), \quad i = \overline{1, n}; \quad (8)$$

- для матрицы $B_{n-1}(t)$:

$$B_{n-1}(t) = \sum_{K=0}^{\infty} \left(\frac{t-t_v}{H} \right)^K B_{n-1}(K) \quad (9)$$

и, следовательно,

$$A^{-1}(t) = \frac{1}{p_n(t)} B_{n-1}(t); \quad (10)$$

- для собственных векторов:

$$X_q^{(i)}(t) = \sum_{K=0}^{\infty} \left(\frac{t-t_v}{H} \right)^K X_q^{(i)}(K), \quad i = \overline{1, n}. \quad (11)$$

Пример (см. [6]) (случай кратных собственных значений с кратными начальными дискретами). Рассмотрим матрицу

$$A(t) = \begin{bmatrix} 1-2t & 0 & 0 \\ t^3 & 1-2t & t \\ t^2 & 0 & 1+t^2 \end{bmatrix},$$

для которой собственный многочлен равен

$$P(\lambda(t)) = \lambda^3(t) - p_1(t) \cdot \lambda^2(t) - p_2(t) \cdot \lambda(t) - p_3(t) =$$

$$= \lambda^3(t) - (3-4t+t^2)\lambda^2(t) - (-3+8t-6t^2+4t^3)\lambda(t) - (1-4t+5t^2-4t^3+4t^4) = 0,$$

откуда его коэффициенты: $p_1(t) = 3-4t+t^2$, $p_2(t) = -3+8t-6t^2+4t^3$, $p_3(t) = 1-4t+5t^2-4t^3+4t^4$. Кроме того [6], собственные значения равны $\lambda_1(t) = 1-2t$, $\lambda_2(t) = 1-2t$ и $\lambda_3(t) = 1+t^2$, следовательно, при ДТ-преобразованиях (с центром аппроксимации $t_v = 1$) имеем: $\lambda_1(0) = -1$, $\lambda_2(0) = -1$, $\lambda_3(0) = 2$, а также

$$A(0) = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}, A(1) = H \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 3 & -2 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \end{bmatrix}, A(2) = H^2 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}, A(3) = H^3 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix},$$

$$A(K) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \forall K \geq 3.$$

Определение собственного многочлена. Имея в виду (6), получим:

Шаг 1

- при $K = 0$:

$$A_1(0) = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}, P_1(0) = 0, B_1(0) = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix};$$

- при $K = 1$:

$$A_1(1) = H \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 3 & -2 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \end{bmatrix}, P_1(1) = -2H, B_1(1) = H \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 4 \end{bmatrix};$$

- при $K = 2$:

$$A_1(2) = H^2 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, P_1(2) = H^2, B_1(2) = H^2 \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 3 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K = 3$:

$$A_1(3) = H^3 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, P_1(3) = 0, B_1(3) = H^3 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K \geq 4$:

$$A_1(K) = H^K \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, P_1(K) = 0, B_1(K) = H^K \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}.$$

Следовательно, для коэффициента $p_1(t)$ имеем

$$p_1(t) = \sum_{K=0}^3 \left(\frac{t-1}{H} \right)^K \cdot P_1(K) = 0 - 2H \frac{t-1}{H} + \frac{(t-1)^2}{H^2} H^2 = 3 - 4t + t^2.$$

Шаг 2

- при $K = 0$:

$$A_2(0) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 4 \end{bmatrix}, P_2(0) = 3, B_2(0) = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix};$$

- при $K = 1$:

$$A_2(1) = H \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ -5 & 2 & 3 \\ 4 & 0 & 12 \end{bmatrix}, P_2(1) = 8H, B_2(1) = H \begin{bmatrix} -6 & 0 & 0 \\ -5 & -6 & 3 \\ 4 & 0 & 4 \end{bmatrix};$$

- при $K = 2$:

$$A_2(2)=H^2 \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -10 & 1 & 2 \\ 5 & 0 & 10 \end{bmatrix}, P_2(2)=6H^2, B_2(2)=H^2 \begin{bmatrix} -5 & 0 & 0 \\ -10 & -5 & 2 \\ 5 & 0 & 4 \end{bmatrix};$$

- при $K=3$:

$$A_2(3)=H^3 \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ -10 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 4 \end{bmatrix}, P_2(3)=4H^3, B_2(3)=H^3 \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ -10 & -2 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K=4$:

$$A_2(4)=H^4 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ -5 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, P_2(4)=0, B_2(4)=H^4 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ -5 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K=5$:

$$A_2(5)=H^5 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, P_2(5)=0, B_2(5)=H^5 \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K \geq 6$:

$$A_2(K)=H^K \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, P_2(K)=0, B_2(K)=H^K \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}.$$

Следовательно, для коэффициента $p_2(t)$ имеем

$$p_2(t) = \sum_{K=0}^3 \left(\frac{t-1}{H} \right)^K \cdot P_2(K) = 3 + 8H \frac{t-1}{H} + 6H^2 \frac{(t-1)^2}{H^2} + 4H^3 \frac{(t-1)^3}{H^3} = \\ = -5 + 6t - 3t^2 + 2t^3.$$

Шаг 3

- при $K=0$:

$$A_3(0) = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}, P_3(0) = 2, B_3(0) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K=1$:

$$A_3(1) = H \begin{bmatrix} 10 & 0 & 0 \\ 0 & 10 & 0 \\ 0 & 0 & 10 \end{bmatrix}, P_3(1) = 10H, B_3(1) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K=2$:

$$A_3(2) = H^2 \begin{bmatrix} 17 & 0 & 0 \\ 0 & 17 & 0 \\ 0 & 0 & 17 \end{bmatrix}, P_3(2) = 17H^2, B_3(2) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K = 3$:

$$A_3(3) = H^3 \begin{bmatrix} 12 & 0 & 0 \\ 0 & 12 & 0 \\ 0 & 0 & 12 \end{bmatrix}, P_3(3) = 12H^3, B_3(3) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K = 4$:

$$A_3(4) = H^4 \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}, P_2(4) = 4H^4, B_2(4) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix};$$

- при $K \geq 5$:

$$A_3(K) = H^K \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, P_3(K) = 0, B_3(K) = H^K \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}.$$

Следовательно, для коэффициента $p_3(t)$ имеем

$$p_3(t) = \sum_{K=0}^4 \left(\frac{t-1}{H} \right)^K P_3(K) = 2 + 10H \frac{t-1}{H} + 17H^2 \frac{(t-1)^2}{H^2} + 12H^3 \frac{(t-1)^3}{H^3} + 4H^4 \frac{(t-1)^4}{H^4} = 1 - 4t + 5t^2 - 4t^3 + 4t^4.$$

И, наконец, для собственного многочлена получим

$$\begin{aligned} P(\lambda(t)) &= \lambda^3(t) - p_1(t) \cdot \lambda^2(t) - p_2(t) \cdot \lambda(t) - p_3(t) = \\ &= \lambda^3(t) - (3 - 4t + t^2) \lambda^2(t) - (-3 + 8t - 6t^2 + 4t^3) \lambda(t) - (1 - 4t + 5t^2 - 4t^3 + 4t^4) = 0, \end{aligned}$$

что полностью совпадает с вышеприведенным соотношением.

Определение обратной матрицы. Имея в виду (9), получим

$$B_2(t) = \begin{bmatrix} 1 - 2t + t^2 - 2t^3 & 0 & 0 \\ -t^5 & 1 - 2t + t^2 - 2t^3 & -t + 2t^2 \\ -t^2 + 2t^3 & 0 & 1 - 4t + 4t^2 \end{bmatrix}.$$

Следовательно, в соответствии с (10) имеем

$$A^{-1}(t) = \frac{1}{1 - 4t + 5t^2 - 4t^3 + 4t^4} \begin{bmatrix} 1 - 2t + t^2 - 2t^3 & 0 & 0 \\ -t^5 & 1 - 2t + t^2 - 2t^3 & -t + 2t^2 \\ -t^2 + 2t^3 & 0 & 1 - 4t + 4t^2 \end{bmatrix},$$

что и должно быть.

Определение собственных векторов.

Для собственных значений $\lambda_1(t) = \lambda_2(t) = 1 - 2t$ имеем: $\lambda_1(0) = \lambda_2(0) = -1$; $\lambda_1(1) = \lambda_2(1) = -2H$; $\lambda_1(K) = \lambda_2(K) = 0, \forall K \geq 2$. Для собственного значения $\lambda_3(t) = 2 + t^2$ имеем: $\lambda_3(0) = 2$; $\lambda_3(1) = 0$; $\lambda_3(2) = 2$; $\lambda_3(K) = 0, \forall K \geq 3$.

Имея в виду (7), получим:

для i=1:

- при q=1:

$$X_1^{(1)}(0) = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, X_1^{(1)}(1) = H \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}, X_1^{(1)}(2) = H^2 \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix},$$

$$X_1^{(1)}(3) = H^3 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, X_1^{(1)}(K) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \forall K \geq 4;$$

- при q=2:

$$X_2^{(1)}(0) = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}, X_2^{(1)}(1) = H \begin{pmatrix} 0 \\ -10 \\ 0 \end{pmatrix}, X_2^{(1)}(2) = H^2 \begin{pmatrix} 0 \\ -19 \\ 0 \end{pmatrix}, X_2^{(1)}(3) = H^3 \begin{pmatrix} 0 \\ -16 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$X_2^{(1)}(4) = H^3 \begin{pmatrix} 0 \\ -7 \\ 0 \end{pmatrix}, X_2^{(1)}(5) = H^5 \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, X_2^{(1)}(K) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \forall K \geq 6,$$

следовательно,

$$X^{(1)}(t) = \begin{pmatrix} 0 \\ -1 + 3t - 3t^2 + 2t^3 - 2t^4 - t^5 \\ 0 \end{pmatrix}$$

(ввиду совпадения собственных чисел $\lambda_1(t)$ и $\lambda_2(t)$ здесь можно принять также, что $X^{(2)}(t) \equiv X^{(1)}(t)$);

для i=2:

- при q=1:

$$X_1^{(2)}(0) = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}, X_1^{(2)}(1) = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}, X_1^{(2)}(2) = H^2 \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, X_1^{(2)}(K) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \forall K \geq 3;$$

- при q=2:

$$X_2^{(2)}(K) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \forall K \geq 0,$$

следовательно,

$$X^{(2)}(t) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

(заметим, что здесь получено тривиальное решение задачи, что, в принципе, также имеет право на существование);

для i=3:

- при q=1:

$$X_1^{(3)}(0) = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}, X_1^{(3)}(1) = H^2 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 6 \end{pmatrix}, X_1^{(3)}(2) = H^2 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, X_1^{(3)}(K) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \forall K \geq 3;$$

- при q=2:

$$X_2^{(3)}(0) = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 9 \end{pmatrix}, X_2^{(3)}(1) = H \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 24 \end{pmatrix}, X_2^{(3)}(2) = H^2 \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 22 \end{pmatrix}, X_2^{(3)}(3) = H^3 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 8 \end{pmatrix};$$

$$X_2^{(3)}(4) = H^4 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, X_2^{(3)}(K) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \forall K \geq 5,$$

следовательно,

$$X^{(3)}(t) = \begin{pmatrix} 0 \\ 2t^2 + t^3 \\ 4t^2 + 4t^3 + t^4 \end{pmatrix} = t^2(t+2) \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ t+2 \end{pmatrix}.$$

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. **Пухов Г.Е.** Дифференциальные преобразования функций и уравнений. - Киев: Наукова думка, 1984. - 420 с.
2. **Симонян С.О., Аветисян А.Г.** Вычисление определителей неавтономных матриц на основе ДТ-формализма //Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН. -1999. – Т. 52, N 1. - С. 88-94.
3. **Симонян С.О., Гукасян П.Э.** Расщепление линейных динамических систем на основе дифференциально-тейлоровских преобразований //Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН. -1998. – Т. 51, N 3. - С. 338-341.
Симонян С.О. К упрощению вычислительных процедур расщепления линейных динамических систем на основе дифференциально-тейлоровских преобразований // Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН. -2000. – Т. 53, N 3. - С. 389-393.
4. **Аветисян А.Г.** Аналог метода Леверье для неавтономных матриц //Моделирование, оптимизация, управление.-2003. Вып. 6, N 1. - С. 5-9.

5. **Симонян С.О., Аветисян А.Г.** Решение полной проблемы собственных значений неавтономных матриц //Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН. -2002. – Т. 54, N 3. – С. 426-434.
6. **Крылов В.И., Бобков В.В., Монастырный П.И.** Вычислительные методы высшей математики. - Минск: Высшэйшая школа, 1972. Т. 1. -584 с.

ГИУА. Материал поступил в редакцию 10.10.2003.

Ա.Գ. ԱՎԵՏԻՍՅԱՆ, Ս.Հ. ՍԻՄՈՆՅԱՆ, Գ.Ա. ԲԱԴԱԼՅԱՆ

**ՖԱԴԴԵԵՎԻ ՄԵԹՈԴԻ ՆՄԱՆԱԿԵՐՊԸ ՈՉ ԱՎՏՈՆՈՄ
ՄԱՏՐԻՑՆԵՐԻ ՀԱՄԱՐ**

Առաջարկված է ոչ ավտոնոմ մատրիցների մի քանի ինվարիանտների միաժամանակյա որոշման բավականաչափ պարզ և արդյունավետ մեթոդ:

A.G. AVETISYAN, S.H. SIMONYAN, G.A. BADALYAN

**FADDEEV METHOD ANALOGUE FOR
NON-AUTONOMOUS MATRIXES**

A simple and effective method is suggested for simultaneous solution of some invariants of non-autonomous matrix.