#### ISSN 0002-306Х. Изв. НАН РА и ГИУА. Сер. ТН. 2003. Т. LVI, № 2.

УДК 620.179.14(088.8)

ЭЛЕКТРОТЕХНИКА

# В.Б. НЕРСИСЯН

# РАСЧЕТ ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО ПОЛЯ В РАБОЧЕМ ЗАЗОРЕ МАГНИТНОЙ ЦЕПИ ВИХРЕТОКОВОГО ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЯ ПРИ НАЛИЧИИ В НЕМ ПРОВОДЯЩЕГО НЕМАГНИТНОГО ЛИСТА

Исследуются некоторые электромагнитные параметры в воздушном зазоре вихретокового преобразователя при наличии в нем проводящего немагнитного листа. Получено выражение для вектора магнитного потенциала как в проводящем листе, так и в воздушном зазоре. Определены электрические и магнитные напряженности полей в этих средах.

*Ключевые слова*: электромагнитные параметры, вектор магнитного потенциала, плотность вихревых токов.

Одной из основных задач в вихретоковых преобразователях (ВТП) является определение закономерностей взаимодействия электромагнитного поля с проводящим немагнитным листом, расположенным в рабочем зазоре магнитной цепи. Магнитное поле в рабочем зазоре магнитной цепи броневой конструкции [1] в случае отсутствия в нем проводящего немагнитного листа однородно. При этом магнитное поле в зоне контроля в цилиндрической системе координат ( $\rho$ ,  $\phi$ , z) описывается уравнением

$$\vec{B}(\rho) = \begin{cases} \vec{B}_0 & \text{при } \rho \le \mathsf{R}, \\ 0, & \text{при } \rho \le \mathsf{R}, \end{cases}$$
(1)

где R – радиус эквивалентного круга сечения рабочего зазора преобразователя.

На рисунке показан рабочий зазор магнитной цепи, для которого справедливо условие (1). Здесь проводящий немагнитный лист толщиной h с удельной электрической проводимостью  $\gamma$  находится в кусочно–однородном, поперечно–осесимметричном, изменяющемся по гармоническому закону магнитном поле.

Электромагнитное поле в системе (см. рис.) наиболее удобно описывается с помощью векторного магнитного потенциала  $\vec{A}$ , определяемого соотношением  $\vec{P}$  = ret $\vec{A}$  ,  $\vec{U}$  (2)

$$\dot{\mathbf{B}} = \operatorname{rotA} = \boldsymbol{\mu}_0 \dot{\mathbf{H}} \,. \tag{2}$$

Для последовательности изложения приведем известный переход от уравнений Максвелла к уравнению Гельмгольца для вектор-потенциала поля.



Рис. Рабочий зазор ВТП с проводящим немагнитным листом

Уравнения Максвелла в Международной системе единиц СИ запишем в виде

$$\begin{cases} \operatorname{rot} \vec{H} = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} + \gamma \vec{E}, \\ \operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}. \end{cases}$$
(3)

В рассматриваемом случае внешним источником является вектор индукции  $\vec{B}_0$ , который представляется синусоидальным и заданным по условию (1).

Поскольку мы рассматриваем изотропную среду, параметры которой при синусоидальных воздействиях не зависят от напряженности полей, то уравнения (3) можно переписать следующим образом:

$$\begin{cases} \operatorname{rot} \dot{H} = (\gamma + j\omega\varepsilon_{0}\varepsilon)\dot{E}, \\ \operatorname{rot} \dot{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}. \end{cases}$$

$$(4)$$

Подставляя (2) в (3), получим

$$\operatorname{rot}\left(\dot{\mathrm{E}}+\mathrm{j}\omega\dot{\mathrm{A}}\right)=0.$$

Поскольку ротор градиента любого скаляра тождественно равен нулю, величину в скобках можно приравнять градиенту некоторого скаляра  $\psi$ , играющего роль скалярного потенциала электрического поля. Тогда

$$\dot{\mathbf{E}} = -(\operatorname{grad} \boldsymbol{\psi} + \mathbf{j}\boldsymbol{\omega}\dot{\mathbf{A}}). \tag{5}$$

Заменяя  $\dot{H}$  и  $\dot{E}$  в первом уравнении (4) с учетом (2) и (5), после элементарных преобразований получим

$$\nabla^{2}\dot{A} + k^{2}\dot{A} = \operatorname{grad}\left[\left(\mu_{0}\gamma + j\omega\varepsilon\varepsilon_{0}\mu_{0}\right)\psi + \operatorname{div}\dot{A}\right], \qquad (6)$$

где  $k^2 = \omega^2 \mu_0 \epsilon_0 \epsilon - j \omega \mu_0 \gamma.$ 

Поскольку вектор - потенциал Å задан с точностью до градиента некоторого скаляра, а потенциал - с точностью до постоянной величины, имеется возможность получить [2]

$$\left(\mu_{0}\gamma + j\omega\varepsilon_{0}\varepsilon\mu_{0}\right)\psi + \operatorname{div}\dot{A} = 0.$$

Учитывая последнее равенство и выражение (6), получим искомое уравнение Гельмгольца для вектор-потенциала электромагнитного поля

$$\nabla^2 \dot{\mathbf{A}} + k^2 \dot{\mathbf{A}} = 0.$$
 (7)

Поле в воздушном промежутке преобразователя можно считать квазистационарным в том смысле, что волновыми процессами можно пренебречь. Это упрощение вполне оправдано, так как размеры ВТП и исследуемых листов обычно много меньше длины волны в воздухе, а потери на излучение по сравнению с потерями в ВТП в исследуемом листе малы. В проводящем листе будем рассматривать только те волновые процессы, которые обусловлены наличием проводимости, т.е. так же, как и в воздухе, токами смещения (пропорциональными  $\omega \varepsilon_0 \varepsilon$ ) пренебрегаем. Для металлов такое упрощение не вызывает сомнений. Таким образом, пренебрегая величиной  $\omega^2 \varepsilon_0 \varepsilon \mu_0$ , по сравнению с  $\omega \mu_0 \gamma$ , в выражении для  $k^2$  получим

$$k^2 = -j\omega\mu_0\gamma . \tag{8}$$

Естественно, что для воздуха k = 0.

Обратный переход от вектор-потенциала к напряженностям электрических и магнитных полей проводится по известным формулам (3(.

Осуществим расчет электромагнитного поля в немагнитном проводящем листе, расположенном в рабочем зазоре ВТП (см. рис.).

Как было отмечено, магнитное поле в зоне контроля однородно и изменяется по синусоидальному закону:  $B_0(t) = B_m \sin \omega t$ . Электромагнитное поле в системе, показанной на рисунке, описывается уравнением (7). Пусть проводящий немагнитный лист расположен горизонтально, тогда нормаль плоскости листа направлена по оси z цилиндрической системы координат  $\rho$ ,  $\phi$ , z и совпадает с осью магнитной системы. Началом координат примем  $\rho = R$  и z = d для верхней среды и z = -d-h для нижней среды.

В силу осевой симметрии задачи вектор–потенциал имеет только  $\varphi$ –ю компоненту и от угла  $\varphi$  не зависит, т.е.  $\dot{A} = \dot{A}_{_{\odot}}$ .

В цилиндрических координатах уравнение (7) с учетом этого обстоятельства примет следующий вид:

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left( \rho \frac{\partial \dot{A}}{\partial \rho} \right) + \frac{\partial^2 \dot{A}}{\partial z^2} - \left( \frac{1}{\rho} - k^2 \right) \dot{A} = 0.$$
(9)

Это уравнение второго порядка в частных производных. В соответствии с методикой, изложенной в [3], его можно решить, применяя интегральное преобразование Фурье–Бесселя с ядром в виде функции Бесселя первого порядка. Формула преобразования имеет вид

$$\dot{A}^{*} = \int_{0}^{\infty} \rho J_{1}(\lambda \rho) \dot{A}(\rho, z) d\rho , \qquad (10)$$

где  $\lambda$  – параметр преобразования.

Å\*.

Применяя это преобразование к обеим частям уравнения (9), получим

$$\frac{d^2 A^*}{dz^2} - q^2 \dot{A}^* = 0, \qquad (11)$$

где  $\dot{A}^*$  является функцией только от координаты  $z\,;\,\,q^2=\lambda^2+k^2\,.$ 

Уравнение (11) является обыкновенным дифференциальным уравнением второго порядка. Общее решение этого уравнения известно и может быть представлено в следующем виде:

$$\dot{A}^* = \frac{\mu_0}{2q} (e^{qz} C_p + e^{-qz} C_n), \qquad (12)$$

где  $C_p$  и  $C_n$  - величины, не зависящие от z и определяемые из граничных условий.

Граничные условия для вектор-потенциала известны [4] и выражаются в виде

$$\begin{aligned} \mathbf{A}_{\mathrm{m}}(\boldsymbol{\rho}, \mathbf{z}) \mid_{\mathbf{z}=\mathbf{z}_{\mathrm{m}}} &= \mathbf{A}_{\mathrm{m}+1}(\boldsymbol{\rho}, \mathbf{z}) \mid_{\mathbf{z}=\mathbf{z}_{\mathrm{m}}}; \\ \frac{1}{\mu_{0}} \frac{\partial \mathbf{A}_{\mathrm{m}}}{\partial \mathbf{z}} \mid_{\mathbf{z}=\mathbf{z}_{\mathrm{m}}} &= \frac{1}{\mu_{0}} \frac{\partial \mathbf{A}_{\mathrm{m}+1}}{\partial \mathbf{z}} \mid_{\mathbf{z}=\mathbf{z}_{\mathrm{m}}}. \end{aligned}$$
(13)

Эти условия остаются справедливыми и для преобразованных величин

Используя общее решение (12), запишем выражения для вектор-потенциала в каждой области рабочего зазора (см. рис.).

1. Для верхнего полупространства z > 0 (область I) преобразованный векторный потенциал представляется как  $\dot{A}_1^* = \dot{A}_0^* + \dot{A}_{BUX1}^*$ . Здесь  $\dot{A}_0^*$ ,  $\dot{A}_{BUX1}^* -$  преобразованный векторный потенциал первичного магнитного поля, обусловленного токами возбуждения; преобразованный векторный потенциал от вихревых токов в полосе. Определим их в отдельности.

Так как векторный потенциал имеет только  $\phi$ -ю компоненту, то в рассматриваемом случае симметрии для индукции в рабочем воздушном зазоре ВТП запишем

$$\dot{\mathbf{B}}_0 = \operatorname{rot}_{\varphi} \dot{\mathbf{A}} = \frac{\partial \dot{\mathbf{A}}_p}{\partial z} - \frac{\partial \dot{\mathbf{A}}_z}{\partial \rho}.$$

Одновременно можно положить  $\dot{A}_p=0$  и найти  $\dot{A}_z$  из последнего уравнения

$$\dot{B}_0 = -\frac{\partial \dot{A}_z}{\partial \rho} \ .$$

Следовательно,

$$\dot{A}_{z} = -\int_{0}^{R} \dot{B}_{0} d\rho = -\dot{B}_{0} R$$
,

где  $B_0$  – комплекс действующего значения магнитной индукции в зоне контроля.

Таким образом, на основании (10) преобразованный векторный потенциал первичного магнитного поля будет [5]

$$\dot{A}_0^* = \int_0^\infty \rho J_1(\lambda \rho) \dot{A}_z d\rho = -\dot{B}_0 R \int_0^\infty \rho J_1(\lambda \rho) d\rho = -\frac{\dot{B}_0 R^2}{\lambda} J_1(\lambda \rho).$$

Теперь определим  $\dot{A}^*_{\rm BUX1}$ , воспользуясь общим решением (12). Учитывая, что  $\mu_0, \gamma=0$ , т.е. q= $\lambda$  и z > 0, получим

$$\dot{\mathbf{A}}_{\mathrm{BHX1}}^* = \frac{\mu_0}{2\lambda} \mathrm{e}^{-\lambda z} \mathrm{C}_1^1 \; .$$

В результате для преобразованного векторного потенциала области I будем иметь

$$\dot{A}_1^* = -\frac{\dot{B}_0 R^2}{\lambda} J_1(\lambda R) + \frac{\mu_0}{2\lambda} e^{-\lambda z} C_1^1 .$$
<sup>(14)</sup>

2. Для проводящего слоя (область II), учитывая, что магнитная индукция внешнего поля в области 0 < z < –h равна нулю, получим

$$\dot{A}_{2}^{*} = -\frac{\mu_{0}}{2q_{2}} \left( C_{1}^{2} e^{q_{2}z} + C_{2}^{2} e^{-q_{2}z} \right).$$
(15)

3. Для нижнего полупространства (область III), учитывая, что  $\mu_3 = \mu_0$ ,  $\gamma = 0$ , т.е.  $q = \lambda$ , получим

$$\dot{A}_{3}^{*} = \dot{A}_{0}^{*} + \dot{A}_{\text{BMXIII}}^{*} = -\frac{\dot{B}_{0}R^{2}}{\lambda}J_{1}(\lambda R) + \frac{\mu_{0}}{2\lambda}e^{\lambda z}C_{2}^{3}.$$
 (16)

В выражении (16) учтено, что

$$\dot{\mathbf{A}}^*_{\mathsf{BUXIII}} = \frac{\mu_0}{2\lambda} \mathbf{e}^{\lambda z} \mathbf{C}_2^3.$$

 ${\rm \dot{A}}^*_{\rm BUXIII}$  получено из общего решения (12) с учетом того, что если  $z\to -\infty$ , то поле должно быть ограниченным.

Для отыскания постоянных интегрирования, используя граничные условия (13), получим следующие уравнения:

$$\dot{A}_{1}^{*} = \dot{A}_{2}^{*}; \quad \frac{1}{\mu_{0}} \frac{\partial A_{1}^{*}}{\partial z} = \frac{1}{\mu_{0}} \frac{\partial A_{2}^{*}}{\partial z} \quad \text{при} \quad z = 0.$$

$$\dot{A}_{2}^{*} = \dot{A}_{3}^{*}; \quad \frac{1}{\mu_{0}} \frac{\partial \dot{A}_{2}^{*}}{\partial z} = \frac{1}{\mu_{0}} \frac{\partial \dot{A}_{3}^{*}}{\partial z} \quad \text{при} \quad z = -h.$$
(17)

Подставляя выражения (14) - (16) в (17), получим

٢

$$\begin{cases} -\frac{\dot{B}_{0}R^{2}}{\lambda}J_{1}(\lambda R) + \frac{\mu_{0}}{2\lambda}C_{1}^{1} = \frac{\mu_{0}}{2q_{2}}(C_{1}^{1} + C_{2}^{2}), \\ -C_{1}^{1} = C_{1}^{2} - C_{2}^{2}, \\ \frac{b}{2q_{2}}(C_{1}^{2}e^{-q_{2}h} + C_{2}^{2}e^{q_{2}h}) = -\frac{\dot{B}_{0}R^{2}}{\lambda}J_{1}(\lambda R) + \frac{\mu_{0}}{2\lambda}e^{-\lambda z}C_{2}^{3}, \\ C_{1}^{2}e^{-q_{2}h} - C_{2}^{2}e^{q_{2}h} = e^{-\lambda h}C_{2}^{3}. \end{cases}$$
(18)

Решая полученную систему уравнений (18), получим коэффициенты интегрирования в виде

$$\begin{cases} C_{1}^{2} = \frac{2\dot{B}_{0}R^{2}}{\mu_{0}}q_{2}\frac{(q_{2}-\lambda)-(q_{2}+\lambda)e^{q_{2}h}}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}}J_{1}(\lambda R), \\ C_{2}^{2} = -\frac{2\dot{B}_{0}R^{2}}{\mu_{0}}q_{2}\frac{(q_{2}+\lambda)-(q_{2}-\lambda)e^{-q_{2}h}}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}}J_{1}(\lambda R), \end{cases}$$
(19)  
$$C_{1}^{1} = \frac{2\dot{B}_{0}R^{2}}{\mu_{0}}q_{2}\frac{(q_{2}-\lambda)(e^{-q_{2}h}-1)+(q_{2}+\lambda)(e^{q_{2}h}-1)}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}}J_{1}(\lambda R), \end{cases}$$
(29)  
$$C_{2}^{3} = \frac{2\dot{B}_{0}R^{2}}{\mu_{0}}q_{2}\frac{(q_{2}-\lambda)(e^{-q_{2}h}-1)+(q_{2}+\lambda)(e^{q_{2}h}-1)}{[(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}}]e^{-\lambda h}}J_{1}(\lambda R).$$

С учетом значения  $C_1^1$  перепишем выражение (14) для преобразованного вектор-потенциала в верхнем полупространстве:

$$\dot{A}_{1}^{*} = \left[q_{2} \frac{(q_{2} - \lambda)(e^{-q_{2}h} - 1) + (q_{2} + \lambda)(e^{q_{2}h} - 1)}{(q_{2} + \lambda)^{2} e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2} e^{-q_{2}h}} e^{-\lambda z} - 1\right] \frac{\dot{B}_{0} R^{2}}{\lambda} J_{1}(\lambda R) \cdot (20)$$

Выражение (15) для преобразованного вектор–потенциала в проводящем листе с учетом коэффициентов  $C_1^2$  и  $C_2^2$  примет вид

$$\dot{A}_{2}^{*} = \dot{B}_{0} R^{2} \frac{\left[(q_{2} - \lambda) - (q_{2} + \lambda)e^{q_{2}h}\right] \left[e^{q_{2}z} + e^{-q_{2}(z+h)}\right]}{(q_{2} + \lambda)^{2} e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2} e^{-q_{2}h}} J_{1}(\lambda R).$$
(21)

Для нижнего полупространства на основе (16) для преобразованного векторпотенциала получим

$$\dot{A}_{3}^{*} = \left\{ \frac{e^{\lambda(z+h)} \left[ (q_{2} - \lambda)(e^{-q_{2}h} - 1) + (q_{2} + \lambda)(e^{q_{2}h} - 1) \right]}{(q_{2} + \lambda)^{2} e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2} e^{-q_{2}h}} q_{2} - 1 \right\} \times \frac{\dot{B}_{0} R^{2}}{\lambda} J_{1}(\lambda R).$$
(22)

Истинное значение поля для каждой области найдем с помощью обратного преобразования Фурье–Бесселя:

$$\dot{A} = \int_{0}^{\infty} \dot{A}^{*} (\lambda \rho) J_{1} (\lambda \rho) \lambda d\lambda.$$
(23)

1. Для верхнего полупространства:

$$\dot{A}_{1} = \dot{B}_{0} R^{2} \int_{0}^{\infty} \left[ q_{2} \frac{(q_{2} - \lambda)(e^{-q_{2}h} - 1) + (q_{2} + \lambda)(e^{q_{2}h} - 1)}{(q_{2} + \lambda)^{2} e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2} e^{-q_{2}h}} e^{-\lambda z} - 1 \right] \times$$

$$\times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho) d\lambda.$$
(24)

2. Для проводящего листа:

$$\dot{A}_{2} = B_{0}R^{2}\int_{0}^{\infty} \frac{\left[(q_{2} - \lambda) - (q_{2} + \lambda)e^{q_{2}h}\right]\left[e^{q_{2}z} + e^{-q_{2}(z+h)}\right]}{(q_{2} + \lambda)^{2}e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} \times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho)\lambda d\lambda.$$
(25)

3. Для нижнего полупространства:

$$A_{3} = B_{0}R^{2} \int_{0}^{\infty} \left\{ \frac{e^{\lambda(z+h)} \left[ (q_{2} - \lambda)(e^{-q_{2}h} - 1) + (q_{2} + \lambda)(e^{q_{2}h} - 1) \right]}{(q_{2} + \lambda)^{2} e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2} e^{-q_{2}h}} q_{2} - 1 \right\} \times$$

$$\times J_{1}(\lambda R) \quad J_{1}(\lambda \rho) d\lambda.$$
(26)

Напряженности электрического и магнитного полей можем найти, воспользуясь выражениями для вектор–потенциала, имеющего только  $\varphi$ –ю компоненту и не зависящего от угла [2].

1. Для верхнего полупространства:

$$\dot{E}_{1} = -j\omega \dot{B}_{0}R^{2}\int_{0}^{\infty} \left[ q_{2} \frac{(q_{2}-\lambda)(e^{-q_{2}h}-1) + (q_{2}+\lambda)(e^{q_{2}h}-1)}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h} - (q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} e^{-\lambda z} - 1 \right] \times$$
(27)  
$$\times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho) d\lambda;$$
$$\dot{H}_{1\rho} = \frac{\dot{B}_{0}R^{2}q_{2}}{\mu_{0}}\int_{0}^{\infty} \left[ \frac{(q_{2}-\lambda)(e^{-q_{2}h}-1) + (q_{2}+\lambda)(e^{q_{2}h}-1)}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h} - (q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} e^{-\lambda z} \lambda \right] \times$$
$$\times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho) d\lambda.$$
(28)

2. Для проводящего листа:

$$\dot{E}_{2} = -j\omega\dot{B}_{0}R^{2}\int_{0}^{\infty} \frac{\left[(q_{2}-\lambda)-(q_{2}+\lambda)e^{q_{2}h}\right]\left[e^{q_{2}z}+e^{-q_{2}(z+h)}\right]}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} (29) \\ \times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho)\lambda d\lambda; \\ \dot{H}_{2\rho} = \frac{\dot{B}_{0}R^{2}q_{2}}{\mu_{0}}\int_{0}^{\infty} \frac{\left[(q_{2}-\lambda)-(q_{2}+\lambda)e^{q_{2}h}\right]\left[e^{-q_{2}(z+h)}-e^{q_{2}z}\right]}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} (30) \\ \times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho)\lambda d\lambda .$$

3. Для нижнего полупространства:

$$\dot{\mathbf{E}}_{3} = -j\omega\dot{\mathbf{B}}_{0}\mathbf{R}^{2}\int_{0}^{\infty} \left\{ \frac{e^{\lambda(z+h)} \left[ (q_{2} - \lambda)(e^{-q_{2}h} - 1) + (q_{2} + \lambda)(e^{q_{2}h} - 1) \right]}{(q_{2} + \lambda)^{2} e^{q_{2}h} - (q_{2} - \lambda)^{2} e^{-q_{2}h}} q_{2} - 1 \right\} \times$$

$$\times \mathbf{J}_{1}(\lambda \mathbf{R}) \mathbf{J}_{1}(\lambda \rho) d\lambda.$$
(31)

$$\dot{H}_{3\rho} = -\frac{\dot{B}_{0}R^{2}q_{2}\lambda}{\mu_{0}}\int_{0}^{\infty} \left\{ \frac{e^{\lambda(z+h)} \left[ (q_{2}-\lambda)(e^{-q_{2}h}-1) + (q_{2}+\lambda)(e^{q_{2}h}-1) \right]}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h} - (q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} \right\} \times (32)$$
$$\times J_{1}(\lambda R) J_{1}(\lambda \rho) d\lambda.$$

Плотность вихревых токов J в листе определяется из уравнения

$$\dot{J} = -j\omega\gamma \dot{A}_2$$
,

которое с учетом (25) принимает вид

$$\dot{\mathbf{J}} = -j\omega\gamma \ \dot{\mathbf{B}}_{0}\mathbf{R}^{2}\int_{0}^{\infty} \frac{\left[(q_{2}-\lambda)-(q_{2}+\lambda)e^{q_{2}h}\right]\left[e^{q_{2}z}+e^{-q_{2}(z+h)}\right]}{(q_{2}+\lambda)^{2}e^{q_{2}h}-(q_{2}-\lambda)^{2}e^{-q_{2}h}} \times J_{1}(\lambda\mathbf{R}) \ J_{1}(\lambda\rho)\lambda d\lambda.$$
(33)

По результатам вычислений на ЭВМ несобственных интегралов (27) - (31) проведен анализ распределения плотности вихревых токов в листе, составляющих вектора индукции магнитного поля, создаваемого щелевым ВТП в рассматриваемых областях, в зависимости от частоты изменения магнитного поля, толщины и электрофизических параметров контролируемого изделия.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Нерсисян В.Б. Расчет вихретокового преобразователя с учетом скорости движущейся токопроводящей неферромагнитной полосы // Электрические и магнитные поля в неоднородных средах и цепях: Межвуз. тематич. сб. науч. тр. по электротехнике.- Ереван, 1988. - С.83-88.
- 2. Гольдштейн Л.Д., Зернов Н.В. Электромагнитные поля и волны.-М.: Сов. радио, 1956. 662с.
- 3. Кошляков М.С., Глинер Э.Б., Смирнов М.М. Основные дифференциальные уравнения математической физики.- М.: Физматгиз, 1962. 767с.
- 4. **Гринберг Г.А.** Избранные вопросы математической теории электрических и магнитных явлений. М.: Изд-во АН СССР, 1948. 728с.
- 5. **Смайт В.** Электростатика и электродинамика/ Пер. со второго американского издания А.В. Гапонова, М.А. Миллера. М.: Изд-во иностранной литературы, 1954. 604 с.

ГИУА. Материал поступил в редакцию 15.12.2001.

### Վ.Բ. ՆԵՐՍԻՍՑԱՆ

# ՄՐՐԿԱՀՈՍԱՆՔԱՅԻՆ ՁԵՎԱՓՈԽԻՉԻ ՕԴԱՅԻՆ ԲԱՑԱԿՈՒՄ ՈՉ ՄԱԳՆԻՍԱԿԱՆ ՀԱՂՈՐԴԻՉ ԹԻԹԵՂԻ ԱՌԿԱՅՈՒԹՅԱՆ ԴԵՊՔՈՒՄ ԷԼԵԿՏՐԱՄԱԳՆԻՍԱԿԱՆ ԴԱՇՏԻ ՀԱՇՎԱՐԿ

Կատարվել է օդային բացակում հաղորդիչ թիթեղի առկայության դեպքում էլեկտրամագնիսական դաշտի հաշվարկ, որոշվել են մագնիսական և էլեկտրական լարվածություններն ինչպես թիթեղում, այնպես էլ թիթեղի վերին և ներքին կիսատարածություններում։ Որոշվել են նաև թիթեղում մրրկային հոսանքների խտության բաշխման օրինաչափությունները։

#### V.B. NERSISSYAN

#### ELECTROMAGNETIC FIELD CALCULATION IN THE RUNNING CLEARANCE OF MAGNETIC EDDY- CURRENT TRANSFORMER IN THE PRESENCE OF CONDUCTING NON-MAGNETIC SHEET

Certain electromagnetic parameters in the air gap of on eddy-current transformer in the presence of a non-magnetic sheet are studied, Maxwell's equations in cylindric coordinates expressed by a magnetic vector potential are written. The equation obtained is solved by Fourier-Bessel tranform. The result was an expression for magnetic vector potential both in the conducting sheet and air gap. Electric and magnetic field voltages in these media are determined