$$\begin{split} \{W.S.H_{\infty}.M_{\infty}.V_{\infty}.P_{1}(x,y,z,w)^{\uparrow 1}N()^{\downarrow 1}P_{1}(x,y,z,w)^{\uparrow 2}M(C_{d}.M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}),M(A.M(\rho_{\infty u_{3}}))))))\}^{\downarrow 2}P_{3}(x,y,z,w)^{\uparrow 3}M(C_{d}.M(A.P),a_{0})))^{\downarrow 3}P_{3}(x,y,z,w)^{\uparrow 4}D(M(G_{\infty u_{3}}.M(C_{p}.S(T.T_{\infty u_{3}}))),h)^{\downarrow 4}\}. \end{split}$$

ЛИТЕРАТУРА

1. **Абрамян А.Г.** К автоматизации расчета аварийных выбросов из резервуаров Дел. В АрмНИИНТИ 05.08.98 № 114-Ар98

2. Hanna S.R., Drivas P.J. Guidelines for use of vapour dispersion models.

New York, American Institute of Chemical Engineers, 1987. - 177 p.

3. Fryer L.S., Kaiser G.D. DENZ - A computer program for the calculation of the dispersion of dense toxic or explosive gases in the atmosphere /SRD R 152 UKAEA - Culcheth 1979 - P

4. Ляпунов А.А. О логических схемах программ // Проблемы кибернетики.

Сб. - М.: Гостехиздат, 1957. - Выл. 1. - С. 57-74.

ГИУА

28.01.1998

Изи. ПАН и ГИУ Армении (сер. ТП), т. 1.1, № 3, 1998, с. 356- 560,

УДК 681.515

АВТОМАТИЗАЦИЯ И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ

A.B. BAPCETЯH

МОДЕЛЬ ДИНАМИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ ОПТИМАЛЬНОГО УПРАВЛЕНИЯ СИСТЕМОЙ ПОРТФЕЛЕЙ БАНКА

Դավասպիչիսծ է բուննի պորտվակների համակարգի օպտիմալ կառավարանն դինասիկ ուղել, որը - Ենթադրում է օպտիմայ կառավարումն դին որոշումը, ի սկզբունե որոշված, վերջնական նպատակին նասնելու համար Որոշված է օպտիմուլության չափանիչը, հեռաջարկվում է մողելի օպտիմալ կառավարման ալգորիթեը։

Разработана динамическая модель оптимального управления системой портфелей банка. Данная модель предполагает определение оптимальных управлений для достижения требуемой, изначально установленной конечной цели. Определен критерий оптимальности. Предлагается алгоритм оптимального управления модели.

Библиогр.: 2 назв.

A dynamic model for optimal management of the bank portfolios system is developed. This model determines the optimal controls for reaching the required, primary established, finite objective. The optimality criterion is determined. An optimal control algorithm of the model is proposed.

Ref. 2.

Как известно, социально-экономическая ситуация переходного периода экономики обуславливает крайнюю неустойчивость финансового рынка. В таких условиях банки, являясь неотъемлемой частью экономики каждой страны, стапкиваются с проблемами стратегического планирования и, как следствие, оптимального управления активами, пассивами и ликвидностью. С этой точки зрения, необходимым является разработка эффективных методов и инструментов для разрешения вышеуказанных проблем.

Описание модели. Введем следующие обозначения: А-(А1....Аk) и В=(81...., Вп) - векторы активов (распределенные средства) и пассивов (привлеченные средства) банка; $G=(G_1,...,G_k)$ и $H=(H_1,...,H_n)$ доходности (процентные ставки) активов и процентные ставки пассивов, устанавливаемые банком; $G' = (G_1, ..., G_k)$ и $H' = (H_1, ..., H_n)$ средние рыночные значения процентных ставок активов и пассивов. E(t) - коэффициент резервации в фонд вероятных кредитных потерь, зависящий от степени просроченности кредита; R, нормативный коэффициент риска для каждого типа активов; С и C' - собственный и основной капиталы банка: $A' = (\Lambda', ..., \Lambda')$. $B' = (B_1, ..., B_m')$ и $A' = (A_1, ..., A_n')$ - векторы высоколиквидных активов, средств до востребования и резервов в Центральном Банке соответственно; q1, q2, q3, q4, q5 - нормативы, устанавливаемые Центральным Банком.

Отметим, что процентные станки зависят как от типов распределенных и привлеченных средств, так и от их срочности

математической постановке задачи оптимального планирования системы портфелей банка гребуется неизвестные векторы активов А и пассивов В максимизирующие линейную форму прибыли системы портфелей

$$Z(\mathbf{A}, \mathbf{B}) = [\sum_{i} A_{ij} G_{ij} - \sum_{i} B_{ij} H_{ij}] \rightarrow \max$$
 (1)

при ограничениях

$$A_k \ge 0$$
, $B_n \ge 0$, $G_k \ge 0$, $H_n \ge 0$, (2)

при условии балансового ограничения

$$\sum A_{k} \leq \sum B_{n} + C, \tag{3}$$

при собственных лимитах банка

$$A_{k,mon} \le A \le A \qquad \text{if } B_{n,mon} \le B_n \le B_{n,mon}$$
 (4)

и при ограничениях, устанавливаемых Центральным Банком:

$$P_{i} = C/q_{i} + \sum A_{i}R_{k} \ge 0, \tag{5}$$

$$P_{s} = C'/q_{2} - \sum_{k} A_{k} R_{k} \ge 0, \tag{6}$$

$$P_{x} = \sum A_{x}' - q_{x} \sum A_{x} \ge 0. \tag{7}$$

$$P_{4} = \sum_{i} A' - q_{4} \sum_{i} B'_{ii} \ge 0,$$

$$P_{4} = \sum_{i} A_{ii} - q_{4} \sum_{i} B'_{ii} \ge 0,$$
(8)

$$P_{n} = \sum \Lambda_{n} - \epsilon_{1n} \sum B_{n} \ge 0. \tag{9}$$

где Р, и Р2 - нормативы адекватности общего и основного капиталов: Рз и Рд - нормативы ликвидности: Рь - ограничение на резервы в ЦБ.

В данной работе вопрос рисковости активов не рассматривается, т.е. $R_k=1$. Примем также C=C'. Тогда ограничения (5) и (6) примут вид

$$P_1 = C/q_1 - \sum A_k \ge 0 \text{ in } P_2 = C/q_1 - \sum A_k \ge 0.$$
 (10)

Ограничения (10) определяют величину увеличения (если $P_1>0$ и $P_2>0$) или уменьшения (если $P_1<0$ или $P_2<0$) общей суммы активов, взвешенных по риску, и ограничение вида

$$L = \min(P_1, P_2) \ge 0, \tag{11}$$

а ограничения (7)-(9) определяют вепичику дефицита (если P_3 <0 или P_4 <0 или P_5 <0) или излишка средств (если P_3 >0 и P_4 >0 и P_5 >0):

$$P = \min(P_1, P_2, P_3) \ge 0.$$
 (12)

Доходность каждого типа активов С, и норма процентных расходов по каждому типу пассивов H_n определяются в виде

$$G_k = U_{a_0} / (\Delta t_a A_k)_k H_a = W_{kc} / (\Delta t_a B_a)_k$$

где U_A - доход k-го типа активов величиной A_k за время Δt_k , а W_B - процентный расход n-го типа пассивов величиной B_n за время Δt_n .

Изменение собственного капитала (прибыли) определяется в виде:

$$\Delta C = \sum \frac{U_{A_1}}{\Delta t_A} A_1 \Delta t_1 - \sum \frac{W_n}{\Delta t_B} B_1 \Delta t_1 - \sum A_1 E_1$$
 или
$$\Delta C = \sum_i A_k (G_1 \Delta t_i - E_i) - \sum_n H_n B_n \Delta t_n.$$

Умножим числитель и знаменатель на Δt:

$$\Delta C = \sum_{k} A_{k} \left(G_{k} \frac{\Delta t_{k}}{\Delta t} \Delta t - \frac{E_{k}}{\Delta t} \Delta t \right) - \sum_{n} H_{n} B_{n} \frac{\Delta t_{n}}{\Delta t} \Delta t.$$

Введем обозначения

$$\frac{\Delta t_k}{\Delta t} = \alpha_k$$
, $\frac{\Delta t_k}{\Delta t} = \beta_a$, $\frac{E_k}{\Delta t} = f_k(\alpha_k)$,

где (α_1 и β_n - нормы времени по доходности актива A_k и процентному расходу пассива B_n соответственно. Разделив обе части уравнения на Δt , получим уравнение, описывающее динамику изменения собственного капитала или прибыли банка:

$$C = \sum A_{k}(G_{k}\alpha_{k} - f_{k}(\alpha_{k})) - \sum H_{n}B_{n}\beta_{n}, \qquad (13)$$

где С- производная функции С по времени.

Величина изменения привлеченных средств AB_n в каждый момент времени I находится в функциональной зависимости от процентной ставки H_n, устанавливаемой самим банком, существующего рыночного значения H_n и совокупного рыночного предложения средств данного типа S_n.

$$\Delta \mathbf{B}_{n} = \mathbf{F}_{n}^{S}[\mathbf{H}_{n}, \mathbf{H}_{n}], \tag{14}$$

где AB_л является частью S_л.

Величина изменения распределенных средств ΔA_k в каждый момент времени t находится в функциональной зависимости от процентной ставки G_k , устанавливаемой самим банком, существующего рыночного значения G_t и совокупного рыночного спроса средств данного типа D_k :

$$\Delta A_k = F^{D}[G_k, G_k^*, D_k, t], \qquad (15)$$

где ДА, является частью D.

Балансовое ограничение, задаваемое функциями спроса (14) и предложения (15), в каждый момент времени t без учета временной структуры активов и пассивов имеет вид

$$\sum_{n} \Delta F_{n}^{S}[H_{n}, H_{n}^{*}, S_{n}, t] = \sum_{k} \Delta F_{n}^{D}[G_{k}, G_{k}^{*}, D_{k}, t].$$
 (16)

Из ограничений (2), (4) и зависимостей (14), (15) следует система ограничений:

$$G = SG SG = H = H = H = H$$
 (17)

Пусть $\Delta = \{0 - t_n < t_1 \}$ — $\{0 - t_n < t_1 \}$ — некоторое разбиение отрезка $\{0, t_1\}$ и

$$G_{k,n} = (G_{k,n}, ..., G_{k,n}, ..., G_{k,n}), \quad H_n = (H_{n,0}, ..., H_{n,1}, ..., H_{n,T}),$$

$$D_{k,k} = (D_{k,0}, ..., D_{k,T}, ..., D_{k,T}), S_{n,k} = (S_{n,0}, ..., S_{n,T}, ..., S_{n,T})$$
- прогноз

рыночных значении процентных ставок G и H₁, а также совокупного рыночного спроса D и предложения S_n средств на отрезке (0.T). Представим временную структуру распределенных и привлеченных средств в виде

$$A_{\lambda} = (\sum_{t=t_{0}} A_{k}(t), \dots, \sum_{t=t_{0}} A_{k}(t), \sum_{t=t_{0}} A_{k}(t), \dots, \sum_{t=T} A_{k}(t)),$$
(18)

$$B_{n} = (\sum_{t=t_{n}} B_{n}(t), \dots, \sum_{t=t_{n}} B_{n}(t), \quad \sum_{t=t_{n+1}} B_{n}(t), \dots, \sum_{t=T} B_{n}(t)), \tag{19}$$

где A_{Δ} - распределение по срокам возврата материнских сумм активов; B_{Δ} - распределение по срокам погашения материнских сумм пассивов на отрезко [0,1].

Допустим, что в некоторый момент времени $t_i \in [0,T]$ имеем первый, ближайший к моменту t_0 отрицательный баланс между возвращаемыми активами с ожидаемой прибылью и погашаемыми пассивами, $t_i \in [0,T]$ имеем

$$\sum_{t=1}^{r} A_{\tau}(t) = \sum_{t=0}^{r} C(t) - \sum_{t=1}^{r} B_{\tau t}(t) \leq 0.$$

С целью обеспечения ликвидности в момент времени $t_i \in [0,T]$ требуется сохранение баланса на отрезке $[0,t_i]$ между суммой возвращаемых активов $A_{\Delta}(18)$, новых привлеченных средств $\Delta F_{S}(14)$ с учетом прибыли C (13) и суммой погашаемых пассивов $B_{\Delta}(19)$, новых распределенных средств $\Delta F_{G}(15)$, т.е.

$$\sum_{t=0}^{1} A_{k}(t) + \sum_{t=0}^{1} \Delta F_{n} = \sum_{t=0}^{1} C(t) \ge \sum_{t=0}^{1} B_{n}(t) + \sum_{t=0}^{L_{k}} \Delta F_{k}^{D},$$
 (20)

а также выполнение ограничений (11) и (12).

Собственный капитал банка находится в функциональной зависимости от управлений, которые обозначим через

$$\mathbf{v}_{k}^{i} = \mathbf{G}_{k}, \ \mathbf{v}^{i} = \mathbf{u}_{k}, \ \mathbf{v}^{i} = \mathbf{H}_{n}, \ \mathbf{v}_{n}^{i} = \mathbf{\beta}_{n}.$$

Тогда уравнение движения примет вид

$$C(t) = \sum_{k} ||A_{k}(v_{k}^{T}v_{k}^{T} - f(v_{k}^{T}))|| - \sum_{n} [|v_{n}^{T}v_{n}^{T}B_{n}|]$$

с начальными условиями

$$A_k(0)=A_{kn}$$
 или $v_k^\dagger(0)=v_{-n}$. $G_k(0)=G_{k0}$ или $v_k^*(0)=v_{k0}$. $B_k(0)=B_{-n}$ или $v_k^*(0)=v_{k0}^*$. H или $v_k^*(0)=v_{k0}^*$.

Постановка задачи. Пусть в конце периода Т запланировано значение капитала С Положим расстояние между текущим значением капитала С(1) в момент времени в [0,T] и планируемым С равным

$$d(C(t),C') = \sqrt{[C(t) - C']}'. \tag{21}$$

Определим критерий оптимальности (2) в виде

$$J = d(C(t),C') \rightarrow min$$
.

Таким образом имеем задачу оптимального управления, где требуется найти управления v_i , v_i , v_j , v_j , в каждый момент $t_i \in [0,1]$ минимизирующие функционал качества (21) при ограничениях (2), (11), (12), (17), (20).

Алгоритм решения Алгоритм решения задачи основан на

методах случайного поиска, изложенных в [2].

- 1. Для каждого текущего момента $t_i \in [0,T]$ до следующего момента t_i , определить управления v_i^T , v_i^T , v_i^T , v_n^T , минимизирующие функционал качества (21) при ограничениях (2), (11), (12), (17), (20). Если в результате генерации Я случайных шагов текущее значение минимума не улучшено, то производится переход к следующему шагу алгоритма. В случае попадания текущего минимума в заранее заданную область $[C-\epsilon;C+\epsilon]$ в окрестности запланированной точки C^* производится останов алгоритма.
 - 2. Перейти к следующему моменту времени т....
- 3. Если $t_{\rm ph} < T$, то перейти к шагу 1. Иначе останов алгоритма

ЛИТЕРАТУРА

- 1 **Цисарь И.Ф., Чистов В.П., Лукьянов А.И.** Оптимизация финансовых портфелей банков страховы» компаний пенсионных фондов. М. Дело, 1998 128 с
- 2. Мхитарян В.А., Аракелян А.А. Проектирование системы для экологического мониторинга и управления лесными ландшафтами. - Ереван Ноян Тапан, 1997 - 199 с

TUYA 25 08.1998