

## ЛИТЕРАТУРА

1. Овчинников И.Е. Теория вентиляльных электрических двигателей. - Л.: Наука, 1985. - 164 с.
2. Чиликия М.Г. Теория автоматизированного электропривода. - М.: Энергия, 1979. - 616 с.
3. Чимшикян С.Е., Мероян Е.А. Экспериментальная "линеаризация в области" многомерного нелинейного объекта // Вопросы повышения эффективности систем управления технологическими процессами : Сб. статей / АРМТЕГ - Ереван, 1991. - С. 80-81.

НИИЭлектромаш

28.11.1992

Изв. НАН и ГИУ Армении (сер. ТН), т. XLVIII, №1, 1995, с. 32-36.

УДК 681.325.6

ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ ТЕХНИКА

С.О. МКРТЧЯН, Т.П. АЛТУЦЯН

### МЕТОД МОДЕЛИРОВАНИЯ АНАЛОГО-ЦИФРОВОГО ПРЕОБРАЗОВАНИЯ НА ЭВМ

Եկրպարզում է ՀՏԻ-ի սինթեզի նունակարգված կերպով/ստան լեդերակրումն սերտ, ովն արագարժուրյան և արևակալով կիրպրան ճալար ստանկետիդ անկարպրոնակալիս է. քուն հստակ սերտկերք:

Описывается метод моделирования на ЭВМ аналого-цифрового преобразования, который более эффективен, чем известные методы, с точки зрения быстродействия и требуемого объема памяти ЭВМ.

Ил. 1. Библиогр. 3 назв.

A method for analog-digital conversion simulation on an electronic computer is described, which is more effective than the well-known methods as to computer speed and its required storage size.

Ил. 1. Ref. 3.

При моделировании электронных схем, содержащих аналого-цифровые преобразователи (АЦП), с помощью ЭВМ возникает задача локального моделирования на ЭВМ самого процесса аналого-цифрового преобразования (А/Ц-преобразования). Математическую модель А/Ц-преобразования можно вывести на основе известных электронных схем параллельных АЦП [1-3]. Недостатком известных методов является применение громоздких программ описания схем АЦП и пакетов-анализаторов, что чрезмерно нагружает ОЗУ ЭВМ и не позволяет работать в реальном масштабе времени.

Цель настоящей работы - разработка более эффективного метода моделирования А/Ц-преобразования на ЭВМ.

Пусть на аналоговый вход АЦП подан аналоговый уровень  $A$ , вследствие чего на его  $n$ -разрядном выходе формируется цифровой двоичный код  $\langle a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1} \rangle$ , где  $\forall_i, a_i \in \{0, 1\}$ ,  $i = 0, n-1$

$a_i$  - состояние  $i$ -го выходного разряда АЦП. Формально-математическое описание функционирования любого АЦП задается очевидным соотношением

$$A = \sum_{i=0}^{n-1} a_i 2^i, \quad A \in N, \quad (1)$$

которое, по существу, является обычным разложением целого десятичного числа  $A$  в цифровой двоичный код  $\langle a_n, a_1, \dots, a_{n-1} \rangle$ . Причем каждому целому десятичному числу  $A$  по (1) однозначно соответствует один и только один цифровой двоичный набор  $\langle a_n, a_1, \dots, a_{n-1} \rangle$ . Однако соотношение (1) не является математической моделью А/Ц-преобразования, так как не позволяет определить выходной цифровой двоичный код  $\langle a_n, a_1, \dots, a_{n-1} \rangle$  АЦП по заданной аналоговой величине  $A$ . Для того, чтобы однозначно определить набор  $\langle a_n, a_1, \dots, a_{n-1} \rangle$  по заданной  $A$ , удовлетворяющей условию (1), необходимо определить множество  $\{a_i, i = \overline{0, n-1}\}$  из (1) путем следующих преобразований. Запишем (1) в следующем виде:

$$A = \sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^i + a_{n-1} 2^{n-1}, \quad (2)$$

которое имеет место при  $n \geq 1$ , и разделим обе части (2) на  $2^{n-1}$ , т.е.

$$\frac{A}{2^{n-1}} = \sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^{i-n+1} + a_{n-1}. \quad (3)$$

Для первого члена правой части выражения (3) справедлива следующая оценка:

$$\sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^{i-n+1} \leq \sum_{i=0}^{n-2} 2^{i-n+1} = 1 - 2^{1-n} < 1. \quad (4)$$

Запишем соотношение (3) в целых частях, применяя при этом функцию  $\text{int}(\cdot)$  выделения целой части своего аргумента в виде

$$\text{int}\left(\frac{A}{2^{n-1}}\right) = \text{int}\left(\sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^{i-n+1} + a_{n-1}\right). \quad (5)$$

Из оценки (4) следует тождество

$$\text{int}\left(\sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^{i-n+1} + a_{n-1}\right) \equiv \text{int}(a_{n-1}) \equiv a_{n-1}. \quad (6)$$

С учетом (6) из (5) получаем

$$a_{n-1} = \text{int}\left(\frac{A}{2^{n-1}}\right). \quad (7)$$

Через некоторое число аналогичных преобразований достигнем величины  $a_0$ . Тогда на основе (7) можно записать обобщенное соотношение для определения  $\{a_j, j = \overline{0, n-1}\}$  в виде

$$a_j = \text{int}\left(\frac{A}{2^j} - \sum_{i=j+1}^{n-1} a_i 2^{i-j}\right), \quad j = \overline{n-1, 0}. \quad (8)$$

Запись  $j = \overline{n-1, 0}$  означает, что  $j$  от начального значения  $j = n-1$  уменьшается с шагом 1, пока не достигает конечного значения  $j = 0$ . Выражение (8) позволяет определить все  $a_j$  при изменении  $j$  от  $n-1$  до 0 с шагом уменьшения 1 для заранее заданного значения  $A$ .

Для того, чтобы пользоваться выражением (8), необходимо заранее иметь значение  $n$ . Следовательно, значение  $n$  для выражения (8) следует определить, исходя из значения  $A$ , до того как будет применена формула (8). Поскольку  $A \leq 2^n - 1$ , то

$$n \geq \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \quad (9)$$

Так как  $n \in \mathbb{N}$ , то минимальное значение  $n$ , удовлетворяющее условию (9), можно определить в виде

$$n = \begin{cases} \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)}, & \text{if } \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \in \mathbb{N}, \\ 1 + \text{int}\left(\frac{\ln(A+1)}{\ln(2)}\right), & \text{if } \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \notin \mathbb{N}. \end{cases} \quad (10)$$

Благодаря определению  $n$  по (10) значение  $n$  всегда равно ближайшему верхнему целому числу значения  $\ln(A+1)/\ln(2)$ . Однако легко заметить, что соотношение (10) непригодно для программирования на ЭВМ.

Таким образом, возникает задача преобразования соотношения (10) в форму, пригодную для программирования на ЭВМ. Для этого введем переменную  $\xi$  в следующем виде:

$$\xi = \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} - \text{int}\left(\frac{\ln(A+1)}{\ln(2)}\right) \quad (11)$$

и рассмотрим свойства этого выражения. Если  $\ln(A+1)/\ln(2) \in \mathbb{N}$ , то  $\text{int}\{\ln(A+1)/\ln(2)\} = \ln(A+1)/\ln(2)$ , следовательно,  $\xi = 0$ . Если же  $\ln(A+1)/\ln(2) \notin \mathbb{N}$ , то всегда  $\text{int}\{\ln(A+1)/\ln(2)\} < \ln(A+1)/\ln(2)$ , и, следовательно,  $\xi > 0$ . Получается, что

$$\frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \in \mathbb{N} \Rightarrow \xi = 0, \quad \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \notin \mathbb{N} \Rightarrow \xi > 0. \quad (12)$$

Тогда соотношение (10) можно записать в виде

$$n = \text{int}\left(\frac{\ln(A+1)}{\ln(2)}\right) + \text{sgn}(\xi), \quad (13)$$

где функция  $\text{sgn}(\cdot)$  есть обычная знакопеременная функция вида

$$\text{sgn}(x) = \begin{cases} 1, & \text{if } x > 0, \\ 0, & \text{if } x = 0, \\ -1, & \text{if } x < 0. \end{cases} \quad (14)$$

Подстановка (11) в (13) дает

$$n = \text{int} \left( \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \right) + \text{sgn} \left\{ \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} - \text{int} \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \right\} \quad (15)$$

Это и есть искомая преобразованная форма соотношения (10). Она позволяет определить значение  $n$  для любого заранее заданного  $A$ . Кроме того, выражение (15) очень удобно для программирования на ЭВМ, так как функции  $\text{int}(\cdot)$ ,  $\text{sgn}(\cdot)$  и  $\ln(\cdot)$  имеются в составе библиотечных функций любого алгоритмического языка высокого уровня.

На основе выражений (8) и (15) составим схему алгоритма для эффективного определения всех членов множества  $\{a_i, i = \overline{0, n-1}\}$  по заданному значению  $A$  ( $A \in \mathbb{N}$ ). Предварительно введем следующие обозначения:

$$S_i = \sum_{t=j+1}^{n-1} a_t 2^{t-j} \quad (16)$$

$$p = \frac{\ln(A+1)}{\ln(2)} \quad (17)$$

Из (16) следует, что  $S_{n-1} = 0$  и справедливо рекуррентное соотношение

$$S_j = 2(S_{j+1} + a_{j+1}) \quad (18)$$

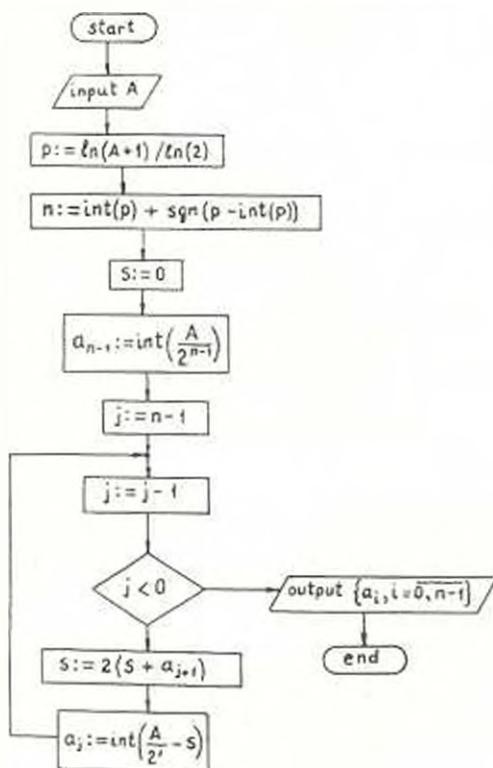


Рис. Схема алгоритма программы А/Ц-преобразования на ЭВМ

С учетом обозначений (16) и (17) выражения (8) и (15) запишутся в виде

$$a_j = \text{int}\left(\frac{A}{2^j} - S_j\right), \quad j = \overline{n-1, 0}, \quad (19)$$

$$n = \text{int}(P) + \text{sgn}(P - \text{int}(P)). \quad (20)$$

Схема алгоритма, реализующая вычисление коэффициентов  $\{a_j, j = \overline{0, n-1}\}$  ряда (1) по заданной  $A$ , представлена на рисунке. За ее основу положены выражения (17)-(20), и предлагаемый алгоритм определения  $\{a_j, j = \overline{0, n-1}\}$  по заданной  $A$  имеет всего лишь  $n$  циклов обращений к подциклическим соотношениям. Этим и обусловлена высокая скорость работы алгоритма.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Федорков Б.Г., Телец В.А. Микросхемы ЦАП и АЦП: Функционирование, параметры, применение. - М.: Энергоатомиздат, 1990. - 320 с.
2. Коломбет Е.А. Микроэлектронные средства обработки аналоговых сигналов. - М.: Радио и связь, 1991. - 376 с.
3. Марцинявичус А.К. Быстродействующие АЦП и ЦАП для обработки широкополосных сигналов//Электронная промышленность. - 1986. - Вып. 10. - С. 5-8.

ГИУА

20.IX.1993

Изв. НАН и ГИУ Армении (сер. ТН), т. XLVIII, №1, 1995, с. 36-40.

УДК 621.391.1

РАДИОЭЛЕКТРОНИКА

Б.Г. ГЕМИЛЯН, Л.М. ТАТИКЯН

## К ВОПРОСУ ПРИМЕНЕНИЯ АНАЛОГОВЫХ ФИЛЬТРОВ ЧЕБЫШЕВА И БАТТЕРВОРТА ПРИ ЦИФРОВОЙ ОБРАБОТКЕ СИГНАЛОВ

Նախկինում առաջարկված մեթոդիկային համապատասխան բերված են հաշվարկային բանաձևեր հաճախականությունների շերտում նմանակային ազդանշանների բվային մշակման ոչ գծային աղավաղումների գնահատման համար: Անդրազգված են աղավաղումների հաշվարկները Չեբիշևի և Բատթերվորտի նմանակային ֆիլտրերի դեպքերի համար և նրանց համեմատումը:

В соответствии с предложенной ранее методикой приведены расчетные формулы для оценивания нелинейных искажений при цифровой обработке аналоговых сигналов в полосе частот. Проведены расчеты искажений для случаев чебышевских и баттервортовских аналоговых фильтров. Дается их сравнение.

Ил. 3. Библиогр. 3 назв.

In accordance with the early proposed technique the design formulae are given for evaluating non-linear distortions during digital treatment of analog signals in a frequency