

УДК 622.691.4.001.24

С. Г. АКОЯН

## МОДИФИЦИРОВАННАЯ ФОРМА ТЕОРЕМЫ ТЕЛЛЕДЖИАНА ПРИМЕНИТЕЛЬНО К ГИДРАВЛИЧЕСКИМ ЦЕПЯМ СИСТЕМ ТРАНСПОРТА ГАЗА

Рассматриваемая форма теоремы Телледжяна является новым для теории гидравлических цепей законом взаимосвязи параметров состояния газотранспортных систем. Рассматриваемый закон оформлен в виде энергетических уравнений баланса мощностей и квазимощностей, которые имеют простую структуру и при их применении открываются возможности получения существенно новых моделей и результатов в области анализа и оптимального проектирования развития газотранспортных систем.

Библиогр.: 2 назв.

*Քլիվելչյանի Թեորեմի դիտարկված ձևի հիդրավիլիկական շղթաների տեսության բնագավառում հանդիսանում է այդ համակարգերի վիճակի բնութագրող հիմնական պարամետրերի փոփոխվածության նոր օրենք.*

*Դիտարկված օրենքը ձևակերպված է հզորությունների և կիզմ հզորությունների հաշվեկշիռային էներգետիկական հավասարումների տեսքով, որոնք ունեն սարգ կառուցվածք և նրանց կիրառումով հնարավորություններ են բացվում գազատրանսպորտային համակարգերի վերլուծության և օպտիմալ զարգացման նախագծման բնագավառում սկզբունքային նոր մոդելներ և արդյունքներ ստանալու համար:*

В теории электрических цепей известна теорема Телледжяна [1, 2], базирующаяся на законах Кирхгофа и топологии цепей. Исследованьем установлено, что она применима также к нелинейным гидравлическим цепям газотранспортных систем (ГТС) с учетом их специфических особенностей. Применение теоремы Телледжяна для электроэнергетических систем [2] является малоисследованной, а для гидравлических цепей ГТС—совершенно новой областью. В силу малой изученности и сложности ее применения для решения практических задач данная теория разработана недостаточно полно, хотя в последние годы методы этой теории стремительно развиваются и в других областях знаний. Теорема Телледжяна, получая интерпретацию для гидравлических цепей, играет фундаментальную роль для анализа чувствительности при оперативной коррекции текущих режимов и может явиться основой для построения прикладной теории для анализа и оптимального проектирования развития ГТС [2]. Поскольку в данной работе сформулирована модифицированная форма теоремы Телледжяна применительно к гидравлическим цепям ГТС, для выяснения сущности модификации рассмотрим отличительные особенности двух цепей, которые диктуют структуру построения энергетических уравнений гидравлических цепей ГТС. Эти цепи имеют свою специфику и отли-

чаются от электрических цепей энергосистемы (кроме нелинейных зависимостей параметров состояния) тем, что в них: имеются только продольные элементы (трубопроводы и КС) и отсутствуют поперечные элементы и контуры; входы (источники газа) и выходы (потребители газа) осуществляются только одним доступным зажимом, где подключен идеальный источник потока газа (аналогично идеальному источнику тока электрической цепи) и не образуют ветви в гидравлической цепи; имеется элемент КС, который при неизменном потоке газа на участке резко поднимает давление газа на его выходе.

Теорема Телледжияна была сформулирована для электрической схемы, в которой источники питания и потребители имеют по два доступных зажима, составляют поперечные ветви и входят в поперечные замкнутые контуры электрической сети. Вышеперечисленные отличительные особенности привели к необходимости изменения (модификации) структуры энергетических уравнений, а именно: слагаемые мощностей и квазимощностей источников и потребителей газа поскольку не составляют ветви, выводятся из общей суммы слагаемых по ветвям контуров и добавляются в виде отдельной суммы по узлам ГТС с соответствующим учетом их знаков; в энергетических уравнениях вводятся дополнительные положительные слагаемые мощностей и квазимощностей, соответствующие участкам с КС.

В связи с рассмотрением нового закона взаимосвязи параметров гидравлического состояния возникла необходимость введения некоторых понятий, являющихся новыми физическими величинами для ГТС. Такими являются энергетические параметры, как например, мощности источников газа, потребителей газа и других элементов, которые лучше характеризуют потенциальные возможности системы в покрытии потребности газа. Для этого обратимся к элементам гидравлической цепи и определим их поведение через мощность или энергию. Скорость изменения энергии — это мощность, которая обозначается через  $S$ . Если  $P_j$  — давление газа  $j$ -го узла ГТС, а  $q_j$  — приток газа в систему через источник потока газа, подключенный к  $j$ -ому входному узлу ( $q_j > 0$ ), то произведение  $S_j = P_j q_j$  представляет собой мощность источника газа, подающего в систему через  $j$ -ый входной узел. При размерности потока  $q_j = \text{м}^3/\text{с}$  и давления  $[P] = 0,1 \text{ МПа}$  произведение  $Pq$  имеет размерность: единицы  $[S] = 1,11 \text{ МВт}$ . Если  $P_j$  — давление газа  $j$ -го узла ГТС, а  $q_j$  — отбор газа из системы потребителя газа  $j$ -го узла ( $q_j < 0$ ), то произведение  $S_j = P_j q_j$  представляет собой отрицательную мощность потребителя газа, отбирающего из системы газ через  $j$ -ый выходной узел, и имеет размерность  $\text{МВт}$ . Рассмотрим теперь элементы газопровода и КС. Обозначим перепад давлений  $i$ -о газопроводного участка (или) между смежными узлами  $j$  и  $l$  через  $\Pi_i = P_l - P_j$ , а поток газа на этом участке, который направлен от узла высокого давления к узлу низкого давления — через  $Q_i$ . Тогда произведение  $S_i = \Pi_i Q_i = (P_l - P_j) Q_i$  всегда положительное представляет собой потери мощности на этом участке и



имеет размерность  $MВт$ . Таким образом, газопровод рассеивает энергию, т. е. в нем энергия необратимо расходуется, переходя в другие виды.

Для участка с КС произведение  $S_i = \Pi_i Q_i = (P_j - P_k) Q_i$  представляет собой мощность, зависящую от полной мощности КС, которая непрерывно отдает энергию в сеть гидравлической цепи. В этом произведении разность давлений берется от узла низкого давления (вход КС) к узлу высокого давления (выход КС), поэтому она отрицательная величина, однако такие произведения в общем балансе мощностей системы следует учитывать с положительными знаками.

Для заданной конфигурации схемы ГТС потоки газа ветвей  $Q = Q_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) и задающие внешние узловые потоки газа  $q = q_j$  ( $j = 1, 2, \dots, s$ ) подчиняются первому закону Кирхгофа, т. е.

$$MQ = q, \quad (1)$$

где  $M = [m_{ij}]$  — матрица соединений ветвей в узлах (первая матрица инциденций).

Для сети ГТС произвольной конфигурации закон Ома выражается матричным уравнением

$$M^T P^2 = [EC] | Q | Q - \lambda, \quad (2)$$

где  $E$  — единичная матрица размерности  $n^2$ ;  $M^T$  — транспонированная матрица по отношению к  $M$ ;  $\lambda = \lambda_j = (a_j - 1) P_j^2$  — вектор дополнительных слагаемых уравнений (д. с. у.) КС; для газопроводных участков элементы вектора:  $C_j = K_j$ , а для участков с КС —  $C_j = b_j$ ;  $K_j$  — эквивалентные параметры, учитывающие коэффициент гидравлического сопротивления, геометрические размеры газопровода, физические свойства и температуру газа;  $a_j, b_j$  — эквивалентные параметры КС, зависящие от параметров управления КС, температуры газа и др. Система взаимно независимых уравнений второго закона Кирхгофа в матричной форме может быть записана и виде

$$NM^T P^2 = \Lambda [EC] | Q | Q - \lambda_k, \quad (3)$$

где  $\Lambda = [\Lambda_{ij}]$  — матрица соединений ветвей в независимые контуры (вторая матрица инциденций);  $k$  — число независимых контуров;  $\lambda_k = \lambda_k^0 = N_k$  — вектор, элементы которого представляют алгебраические суммы д. с. у. КС, входящих в каждый независимый контур.

Согласно закону сохранения энергии можем записать баланс мощностей источников подачи газа, потребителей газа и потерь мощности (рассеиваемая энергия) в сети ГТС в виде

$$\sum_{j=1}^s P_j q_j - \sum_{i=1}^n \Pi_i Q_i = 0, \quad (4)$$

Выражение (4) является энергетическим уравнением баланса мощностей гидравлической цепи ГТС, которое представим в матричной форме записи

$$q^T P - Q^T M^T P = 0, \quad (5)$$

В (5) верхние индексы означают транспонированные векторы и матрицы. Пользуясь свойствами транспонированных матриц, уравнение (5) представим так

$$(q - MQ)^T P = 0. \quad (6)$$

Заметим, что в уравнении (6) выражение в круглых скобках представляет собой нулевую строку, поскольку она является уравнением первого закона Кирхгофа (1). Отсюда вытекает, что выражение (6), следовательно и (5) справедливо для любых произвольных значений вектора  $P$ , в том числе при значении узловых давлений, подчиняющихся второму закону Кирхгофа. Таким образом, если в (4) потоки газа и давления узлов являются параметрами состояния одной физической схемы ГТС, то они подчиняются первому (1) и второму (3) законам Кирхгофа, тогда произведение, входящее в (4), и уравнение в целом имеют физический (энергетический) смысл.

Предположим, что заданы исходная физическая схема ГТС, для которой составлено уравнение (4), и некоторая другая, инвариантная по топологии с исходной схемы (будем называть ее подобной). Если обозначить параметры состояния подобной схемы штрихом, то на основании уравнения (6) приходим к другим модифицированным формам теоремы Телледжяна применительно к гидравлическим цепям ГТС. Поскольку выражение (6) справедливо для произвольных значений компонентов вектора давления, то его можно взять равным вектору давления подобной схемы, т. е.  $P = P'$ .

Исходя из вышесказанного, можем написать следующие новые энергетические уравнения баланса мощностей:

$$\sum_{i=1}^n P'_i q_i - \sum_{i=1}^n \Pi'_i Q_i = 0; \quad (7)$$

$$\sum_{i=1}^n P'_i q_i - \sum_{i=1}^n \Pi_i Q_i = 0. \quad (8)$$

Уравнения (7) и (8) составлены для случая, когда подобная схема выбрана так, что на одних и тех же участках обеих схем имеются одинаковые элементы. В отличие от уравнения (4) равенства (7) и (8) лишены энергетического смысла, т. е. произведение, входящие в (7) и (8), не могут быть истолкованы как действительные мощности, поэтому их называют квазимощностями.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Tellegen B. D. A General Network Theorem, with applications. Philips Res. Rept. — 1952. — № 7. — P. 259 — 269.
2. Салливан Р. Л. Проектирование развития электроэнергетических систем. — М.: Энергоиздат, 1982. — 360 с.