НАУЧНЫЕ ЗАМЕТКИ

А. С. КАРАПЕТЯН, И. О. ГРИГОРЯН, А. С. САРКИСЯН

ИССЛЕДОВАНИЕ ДИНАМИКИ СТРОИТЕЛЬНОГО ПОДЪЕМНИКА
 В ПУСКОВОМ РЕЖИМЕ ПРИ ОПУСКАНИИ С УЧЕТОМ
 ЭКСЦЕНТРИЧНОСТИ РАСПОЛОЖЕНИЯ ГРУЗА

Наряду с дальнейшим развитием массового строительства зданий нормальной высоты в крупных городах республик нашей страны возводятся жилые и общественные здания повышенной этажности. В связи с этим в настоящее время намечилась тенденция к увеличению скорости, грузоподъемности и высоты подъема строительных подъемников.

Работа строительного подъемника в периоды пуска и торможения сопровождается динамическими явлениями, которые в той или иной мере оказывают влияния на характер движения перемещаемых грузов, а также на прочность и устойчивость элементов подъемника и строящегося здания. В [1] приводятся результаты теоретического и экспериментального исследований и расчет динамических нагрузок в режиме пуска-подъема строительных мачтовых подъемников по новой методике, с учетом упругости конструктивных элементов и сил сопротивления покоя.

Учитывая это, в статье анализируется пусковой режим при опускании загруженной платформы строительных мачтовых подъемников, мачта которого прикреплена к зданию по всей высоте.

Динамическая схема строительного подъемника приведена на рис. 1. Принятая система двухмассовая, состоящая из массы ротора приводного двигателя и связанных с ним элементов механизма m_p и массы груза m , с грузонесущим органом. Обе массы связаны упругим элементом с жесткостью C_k . При составлении дифференциальных уравнений принимается синхронность движения обеих масс, исходя из того, что скорость распространения упругих волн в канатах, примерно, составляет

Рис. 1. Динамическая схема строительного мачтового подъемника.

Динамическая схема строительного подъемника приведена на рис. 1. Принятая система двухмассовая, состоящая из массы ротора приводного двигателя и связанных с ним элементов механизма m_p и массы груза m , с грузонесущим органом. Обе массы связаны упругим элементом с жесткостью C_k . При составлении дифференциальных уравнений принимается синхронность движения обеих масс, исходя из того, что скорость распространения упругих волн в канатах, примерно, составляет

4200 м/с [2] и не сопоставима с длиной подъемного каната. Массу каната считаем присоединенной к массам груза и платформы. Такое упрощение приемлемо для высот подъема до 100 м.

Так как нас интересует максимальное значение динамических нагрузок, развивающихся в первый или второй периоды развития динамических процессов, затухание колебаний не учитывается, поскольку оно в начале движения не оказывает существенного влияния на развитие динамических процессов и приводит к погрешностям расчетных значений, не превышающим 3÷5% [3]. При предварительном подсчете выяснилось, что сила сопротивления от силы инерции составляет приблизительно 1÷1,2% от общей силы сопротивления, поэтому этой величиной также можно пренебречь.

В этом режиме процесс протекает двумя этапами. На первом этапе после пуска электродвигателя за счет сопротивления покоя, действующего между катками и направляющими, линейная скорость каната получается больше, чем линейная скорость груза ($V_T < V_K$) и канат ослабляется до минимума натяжения.

Рис. 2. Оциллограмма процесса опускания груза $Q=615$ кгс.

Исходя из уравнения движения Лагранжа второго рода, уравнения вынужденных колебаний для первого этапа примут вид:

$$m_p \frac{d^2 X_p}{dt^2} + C_k (X_p - X_r) = -T_{инб}^p; \quad (1)$$

$$m_r \frac{d^2 X_r}{dt^2} - C_k (X_p - X_r) = -Q |1 - W_n(y, z)|, \quad (2)$$

которые без правой части определяют свободные колебания системы. Здесь X_p и X_r — перемещение соответствующей массы; C_k — жесткость упругого звена; $T_{инб}^p$ — избыточная сила, которую развивает двигатель при пуске; $W_n(y, z)$ — коэффициент сопротивления перемещению при покое [1]. Совместно решая эти уравнения, получим:

$$X = B_1 \cos Pt + B_2 \sin Pt - \frac{T_{инб}^p \cdot m}{C_k (m_p + m_r)} + \frac{Q |1 - W_n(y, z)| m_0}{C_k (m_p + m_r)}, \quad (3)$$

где

$$X = X_p - X_r; \quad P = \sqrt{\frac{C_k}{m}}; \quad m = \frac{m_p \cdot m_r}{m_p + m_r}.$$

Так как в момент приложения избыточной силы элементы механизма уже статически нагружены, т. е.

$$t = 0, \quad X = \frac{Q|1 - W_n(y, z)|}{C_k}, \quad \text{а} \quad \frac{dX}{dt} = 0,$$

то при этом

$$B_1 = \frac{|Q|1 - W_n(y, z)| + T_{н\delta}^p m_r}{C_k(m_p + m_r)}, \quad B_2 = 0.$$

Подставив значения B_1 и B_2 в уравнение (3), получаем минимальную деформацию $X_{\min}$ и минимальное усилие в упругом звене:

$$S_{\min} = C_k \cdot X_{\min}. \quad (4)$$

На втором этапе движения скорость груза с платформой возрастает и становится больше скорости каната, вследствие чего преодолевается сила сопротивления движению.

Уравнение, описывающее движение системы на этом этапе, будет

$$m_r \frac{d^2 X_r}{dt^2} + C_k X_r = Q|1 - W_2(y, z)|. \quad (5)$$

где $W_2(y, z)$ — коэффициент сопротивления перемещению при движении [4].

Решая уравнение (5) и получив значения коэффициентов B_1 и B_2 при начальных условиях $t = 0$, $X = X_{\min}$ и $\frac{dX_r}{dt} = 0$, можем определить максимальную деформацию упругого звена и, следовательно, максимальное усилие в нем:

$$S_{\max} = \frac{2\{Q|1 - W_n(y, z)| + T_{н\delta}^p m_r\}}{m_p + m_r} - Q|1 - W_n(y, z)| + 2Q|1 - W_2(y, z)|. \quad (6)$$

Для асинхронных электродвигателей можно принять $T_{н\delta}^p = \psi Q \approx \text{const}$. Так как максимальная статическая нагрузка при этом: $S_{ст}^{\max} = S_{ст} = Q|1 - W_n(y, z)|$, то коэффициент динамичности в пусковом режиме при опускании груза определится как (рис. 2)

$$K_d^n = \frac{S_{\max}}{S_{ст}} = (a + b)\lambda + C, \quad (7)$$

где для удобства подсчета обозначены:

$$a = 2 \frac{1 - W_n(y, z)}{1 - W_2(y, z)}; \quad \lambda = \frac{m_r}{m_p + m_r};$$

$$b = 2 \frac{\psi}{1 - W_1(y, z)} ; \quad c = 2 - \frac{1 - W_a(y, z)}{1 - W_b(y, z)}$$

Значение ψ определяется, исходя из пусковых характеристик электродвигателей:

$$\psi = \frac{M_{\text{пуск}}}{M_{\text{ном}}} - 1.$$

Результаты подсчета коэффициентов динамичности при разных значениях a , b , c , λ и эксцентриситете расположения груза z на платформе при $\psi = 1,3$ приведены в таблице.

Таблица

z	Коэффициенты динамичности		a b c	λ							
				0,06	0,065	0,07	0,075	0,08	0,085	0,09	
$z = 0,0$ см	$W_n^{sp}(y, z) = 0,226$	$W_1^{sp}(y, z) = 0,11$	$a = 1,74$ $b = 2,9205$ $c = 1,13$	K_2^n	1,4009	1,433	1,457	1,460	1,503	1,526	1,5495
$z = 35,0$ см	$W_n^{sp}(y, z) = 0,282$	$W_1^{sp}(y, z) = 0,151$	$a = 1,692$ $b = 3,062$ $c = 1,154$	K_1^n	1,4905	1,463	1,4865	1,511	1,534	1,559	1,582
$z = 35,15$ см	$W_n^{sp}(y, z) = 0,326$	$W_1^{sp}(y, z) = 0,17$	$a = 1,622$ $b = 3,153$ $c = 1,189$	K_3^n	1,4755	1,499	1,524	1,547	1,571	1,595	1,609
$z = 35,35$ см	$W_n^{sp}(y, z) = 0,361$	$W_1^{sp}(y, z) = 0,189$	$a = 1,555$ $b = 3,21$ $c = 1,212$	K_5^n	1,4990	1,5225	1,5425	1,5605	1,5905	1,619	1,643

Как видно из уравнения (6) и результатов подсчета, приведенных в таблице, значение коэффициента динамичности зависит от сопротивления в направляющих подъемника, отношения масс λ , а также от пуско-

вой характеристики двигателя φ . Сопротивления в свою очередь зависят от эксцентриситета ε .

Рис. 3. Теоретические и экспериментальные значения коэффициентов динамичности, сопротивления перемещению при покое и движении при различных эксцентриситетах расположения груза на платформе.

При постоянном значении φ составленные графики теоретических и экспериментальных значений коэффициента динамичности, а также коэффициенты сопротивления перемещению при покое и движении приведены на рис. 3. Эксперименты были проведены на строительном мачтовом подъемнике С-447М со специальной талзометрической тягой.

Полученные данные для коэффициентов сопротивления перемещению платформы при покое $W_0(y, z)$ и движении $W_2(y, z)$ при всех эксцентриситетах обработаны методами математической статистики. При этом среднее значение коэффициентов сопротивления W_0^{CP} и W_2^{CP} и средние квадратические отклонения σ были получены на ЭЦВМ „Наир“.

Как видно из графиков, доверительные оценки в разных сечениях (при разных эксцентриситетах груза на платформе) разные. Проверки результатов нормальности распределения коэффициентов сопротивления по критерию χ^2 показала, что закон распределения вероятностей по сечениям нормальный. Один из графиков кривой распределения для коэффициентов сопротивления перемещению $W_2(y, z)$, относящийся к эксцентриситету $\varepsilon = 35; 35$, имеющему $W_2^{CP} = \bar{X} = 0,189$, $\sigma = 0,023$, приведен на рис. 4а, и для коэффициента сопротивления покою $W_0(y, z)$, при $\varepsilon = 35; 0$, $W_0^{CP} = \bar{X} = 0,283$; $\sigma = 0,023$ — на рис. 4б. Расхождение между теоретическими и экспериментальными значениями в этом режиме не превосходит $5-7\%$, что является вполне приемлемым.

Полученные результаты показывают, что при исследовании динамики строительных подъемников необходимо учесть эксцентричность расположения груза на платформе, так как ее увеличение приводит к росту коэффициента динамичности при опускании груза с грузонесущим органом.

что следует учитывать при расчете и проектировании строительных мачтовых подъемников больших грузоподъемностей и высот.

Рис. 4. Графики кривой распределения для коэффициентов: а) сопротивления перемещению W_d (35; 35); б) сопротивления покою W_n (35; 0).

ЕрПИ им. К Маркса

Поступило 26.III.1979

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Каралетян А. С. Динамические нагрузки в строительных мачтовых подъемниках. «Промышленность Армении», 1973, № 4.
2. Салин Г. Н., Горошко О. А. Динамика нити переменной длины (применительно к шахтным подъемникам). Киев, изд. АН УССР, 1962
3. Волков Д. П. Динамика и прочность однокошковых экскаваторов. М., «Машиностроение», 1965.
4. Каралетян А. С. Сопротивление перемещению рабочей платформы строительных подъемников. Сб. «Строительные и дорожные машины», разд. 2, вып. 3, М., ЦНИИТЭстроймаш, 1971.