

МАШИНОСТРОЕНИЕ

К. Х. ШАХБАЗЯН, Д. А. ДЖАГАЦΙΑՆԻ

ОБ ОДНОМ АНАЛИТИЧЕСКОМ МЕТОДЕ СИНТЕЗА  
 ПРИБЛИЖЕННЫХ ПРЯМИХ

Для воспроизведения любой непрерывной плоской кривой по условию касания до пятого порядка практически можно использовать различные точки шатунной плоскости шарнирного четырехзвенника. Однако, прямое решение задачи синтеза [1, 3] с вычислением всех неизвестных параметров схемы механизма является довольно сложным, а полученные результаты могут оказаться неудовлетворительными. С этой точки зрения, решения задачи синтеза прямолинейно направляющего механизма целесообразнее вести при наперед заданных основных размерах схемы механизма; при этом оно сводится к отысканию положения шатунной точки, воспроизводящей приближенную прямую. Такое решение оказывается достаточно простым, так как подлежат определению два параметра схемы механизма, определяющие положение искомой шатунной точки.

Преимущество решения задачи синтеза в указанной постановке состоит в том, что выбор задаваемой схемы предопределяет выполнение ряда дополнительных конструктивных, кинематических и динамических требований.

С математической точки зрения имеем интерполяционную задачу с наперед заданными узлами интерполяции. Узлы интерполяции определяются точками совпадения шатунной кривой механизма с кривой заданного вида (с прямой) в заданных положениях механизма. Подобные задачи решены К. С. Ивановым [2] методом обращения движения.

Пусть задана кинематическая схема четырехзвенника  $A_0ABV$  (рис. 1) с основными размерами  $A_0A=1$ ,  $AB=l$ ,  $VB_0=r$  и  $A_0B_0=d$ . Положение чертящей точки  $M$  в плоскости шатуна определится отрезками  $m$  и  $n$ , соответственно откладываемые от центра шарнира  $A$  по оси шатуна  $AB$  и от конца отрезка  $m$  перпендикулярно ей.

Положение точки  $M$  относительно неподвижной системы координат  $uA_0x$  определяется следующими координатами (начало координатной системы совпадает с центром шарнира  $A_0$ , а ось абсцисс  $A_0x$  совпадает со стойкой  $A_0B_0$ ):

$$x = \cos\varphi + m\cos\alpha - n\sin\alpha; \quad (1)$$

$$y = \sin\varphi + m\sin\alpha + n\cos\alpha. \quad (2)$$

где

$\varphi$  — угол между звеньями  $A_0A$  и  $A_0B_0$  (обобщенная координата);

$\alpha$  — угол между звеньями  $AB$  и  $A_0B_0$  (осью  $A_0x$ ).

Уравнение прямой, на которой, при заданных положениях  $\varphi_i$ , должна находиться чертающая точка шатуна  $M$ , будет

$$y = kx + b, \quad (3)$$

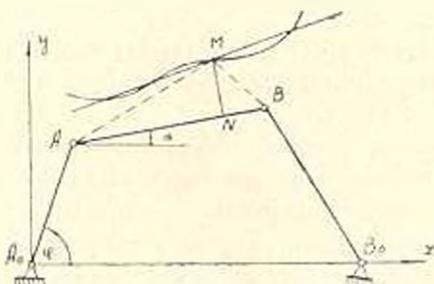


Рис. 1

Используя (1) и (2), получим:

$$\sin\varphi + m\sin\alpha + n\cos\alpha = k(\cos\varphi + m\cos\alpha - n\sin\alpha) + b. \quad (4)$$

В выражение (4) входят четыре параметра, подлежащие определению. Следовательно, задача решима при четырех заданных положениях механизма:

$$\left. \begin{aligned} \sin\varphi_1 + m\sin\alpha_1 + n\cos\alpha_1 &= k(\cos\varphi_1 + m\cos\alpha_1 - n\sin\alpha_1) + b, \\ \sin\varphi_2 + m\sin\alpha_2 + n\cos\alpha_2 &= k(\cos\varphi_2 + m\cos\alpha_2 - n\sin\alpha_2) + b, \\ \sin\varphi_3 + m\sin\alpha_3 + n\cos\alpha_3 &= k(\cos\varphi_3 + m\cos\alpha_3 - n\sin\alpha_3) + b, \\ \sin\varphi_4 + m\sin\alpha_4 + n\cos\alpha_4 &= k(\cos\varphi_4 + m\cos\alpha_4 - n\sin\alpha_4) + b. \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

Решая систему (5) путем последовательного исключения параметров  $k$ ,  $b$ ,  $m(n)$ , получим квадратное уравнение относительно  $n(m)$ . При этом корни этого уравнения обязательно должны быть совпадающими.

Решим систему (5) иным методом. После соответствующих преобразований и обозначений имеем:

$$\left. \begin{aligned} \sin\varphi_1 + P_0\sin\alpha_1 + P_1\cos\alpha_1 + P_2\cos\varphi_1 + P_3 &= 0; \\ \sin\varphi_2 + P_0\sin\alpha_2 + P_1\cos\alpha_2 + P_2\cos\varphi_2 + P_3 &= 0; \\ \sin\varphi_3 + P_0\sin\alpha_3 + P_1\cos\alpha_3 + P_2\cos\varphi_3 + P_3 &= 0; \\ \sin\varphi_4 + P_0\sin\alpha_4 + P_1\cos\alpha_4 + P_2\cos\varphi_4 + P_3 &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (6)$$

где

$$P_0 = m + kn; \quad P_1 = n - km; \quad P_2 = -k; \quad P_3 = -b.$$

После вычисления коэффициентов  $P_0$ ,  $P_1$ ,  $P_2$  и  $P_3$  из системы линейных уравнений (6) определяем параметры:

$$m = \frac{P_0 - P_1 k}{1 + k^2}; \quad n = \frac{P_0 k + P_1}{1 + k^2}; \quad k = -P_2; \quad b = -P_3. \quad (7)$$

Длины сторон  $AM$  и  $BM$  шатунного треугольника  $AMB$  определяются как гипотенузы прямоугольных треугольников  $AMN$  и  $BMN$ :

$$AM = \sqrt{m^2 + n^2}; \quad BM = \sqrt{(l - m)^2 + n^2}. \quad (8)$$

Длина прямолинейного участка определяется по формуле:

$$L = \sqrt{\frac{[\cos \varphi_1 - \cos \varphi_2 + m(\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2) - n(\sin \alpha_1 - \sin \alpha_2)]^2 + [\sin \varphi_1 - \sin \varphi_2 + m(\sin \alpha_1 - \sin \alpha_2) + n(\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)]^2}{1 + k^2}}. \quad (9)$$

Отклонение траектории чертящей точки  $M$  от прямолинейности в любом положении механизма определится как расстояние точки  $M$  от прямой (3):

$$\Delta = \frac{k(\cos \alpha_i + m \cos \alpha_i - n \sin \alpha_i) - \sin \varphi_i - m \sin \alpha_i - n \cos \alpha_i - b}{\sqrt{1 + k^2}}.$$

Качество воспроизводимой приближенной прямой будем характеризовать величиной

$$\Delta_{\max} = \frac{\Delta}{L}. \quad (11)$$

Шарнир  $B_0$  можно и не расположить на оси  $A_0x$ . Это обстоятельство учитывается при вычислении угла между шатуном  $AB$  и осью  $A_0x$ :

$$\alpha_i = \alpha_i + \theta, \quad \text{где } \theta = \arctg \frac{y_B}{x_B}.$$

Для иллюстрации предлагаемого аналитического метода отыскания на шатунной плоскости четырехшарнирного механизма точки, находящейся в четырех наперед заданных положениях на прямой, решим числовой пример.

Для четырехзвенного механизма [3] с параметрами  $AB = l = 1,65$ ;  $BB_0 = r = 1,283$ ;  $A_0B_0 = d = 2,16417$ ;  $x_B = 2,0656$ ;  $y_B = 0,6457$  при заданных углах поворота ( $\varphi_1 = 143^\circ 25'$ ,  $\varphi_2 = 112^\circ 07'$ ,  $\varphi_3 = 90^\circ$ ,  $\varphi_4 = 54^\circ 25'$ ) определить параметры  $m$ ,  $n$ ,  $k$ ,  $b$ .

Имея параметры схемы механизма, определение углов  $\alpha_i$ , соответствующих  $\varphi_i$ , не представляет трудности:  $\alpha_1 = 11^\circ 33'$ ,  $\alpha_2 = 22^\circ 05'$ ,  $\alpha_3 = 28^\circ 01'$ ,  $\alpha_4 = 41^\circ 25'$ .

По выражениям (6) и (7) определяются коэффициенты  $P_0$ ,  $P_1$ ,  $P_2$ ,  $P_3$  и параметры  $m$ ,  $n$ ,  $k$ ,  $b$ :

$$\begin{aligned}
 P_0 &= -3,926506; & P_1 &= -7,431885; & P_2 &= -0,082940; \\
 P_3 &= 7,407990; & m &= -3,287575; & n &= -7,707529; \\
 k &= 0,082940; & b &= -7,407990.
 \end{aligned}$$

Координаты узловых точек (точки пересечения шатуновой кривой с прямой приближения) вычисляем по формулам (1) и (2):

$$\begin{aligned}
 x_1 &= -2,4809; & x_2 &= -0,5263; & x_3 &= 0,7180; & x_4 &= 3,2150; \\
 y_1 &= 7,6136; & y_2 &= -7,4516; & y_3 &= -7,3485; & y_4 &= -7,1415.
 \end{aligned}$$

Стороны шатунного треугольника  $ABM$  вычисляем по формуле (8):

$$AM = 8,379594; \quad BM = 9,153638.$$

Длина прямоугольного участка определится по формуле (9)

$$l = 5,778.$$

Максимальные отклонения, вычисляемые по формулам (10) и (11), траектории чертящей точки  $M$  от прямой (3), получаются:

$$\begin{aligned}
 \Delta_1 &= +0,0029; & \Delta_{1\text{отн}} &= 0,0005 \quad (\text{при } x = -1,0619; \quad y = -7,4896); \\
 \Delta_2 &= -0,0040; & \Delta_{2\text{отн}} &= 0,0007 \quad (\text{при } x = 0,3137, \quad y = -7,3779); \\
 \Delta_3 &= +0,0045; & \Delta_{3\text{отн}} &= 0,0008 \quad (\text{при } x = 1,6985; \quad y = -7,2728).
 \end{aligned}$$

Схема полученного механизма изображена на рис. 2.

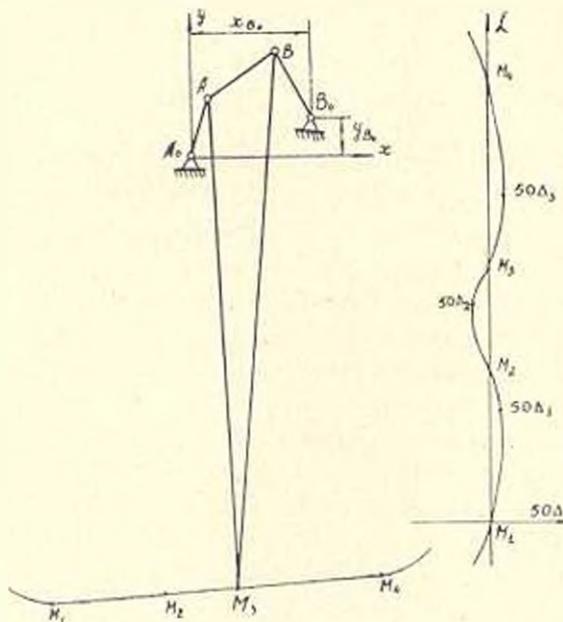


Рис. 2

Կ. Խ. ՇԱՀՐԱՋՅԱՆ, Վ. Ա. ԶԱՂԱՅՊԱՆՅԱՆ

ԼՈՏԱՎՈՐ ՈՒՂՂԱԳԻՄ — ՈՒՂՂՈՐԳ ԵՆԿԱՆԵՑՄԱՆՈՒ ՍԻՆԹԵԶԻՄԱՆ ԵՒ ԱՆԱՎԵՏԻԿ  
ՄԵԹՈՒԹԻ ԵՐԱՍԻՆ

Ա Վ Փ Ո Փ Ո Վ

Հողվածում տրված է քառոցակ հողակապային մեխանիզմի շարժաթևին պատկանող և մտաավոր ուղիղ դիժ պժող կետի դիրքի որոնման անալիտիկ մեթոդ. երբ նախապես հայտնի են մեխանիզմի հիմնական շափերն ու շորս դիրքերը: Լուծված է մասնավոր օրինակ:

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Артоболовский Н. И., Левитский Н. И., Черкудинов С. А. Синтез плоских механизмов. Физматгиз, М., 1959.
2. Назмов К. С. Метод метрического синтеза направляющих механизмов на основе обращения движения. Диссертация, Алма-Ата, 1970.
3. Таирян В. М. Синтез рычажных механизмов по положениям шатунной плоскости и критерию качества передачи сил. Диссертация, Ереван, 1970.