ЭЛЕКТРОТЕХНИКА

М. А. КАРАПЕТЯН

ЗАРЯДКА ЧАСТИЦ ИОНАМИ ГАЗА ПРИ УЧЕТЕ ПЕРЕХОДНОГО ХАРАКТЕРА УСТАНОВЛЕНИЯ ЭЛЕКТРИЧЕСКОГО ПОЛЯ

Электрическое поле в неоднородной среде устанавливается не мгновенно, а после переходного процесса, длительность которого определяется формой и концентрацией инородных включений, диэлектрическими проницаемостями и удельными электропроводностями вещества компонентов [1-4]. Переходный характер установления электрического поля в системе воздух-частицы безусловно сказывается на величину зарядов последних, если длительность зарядки T частицы материала ионами газа ($T=0,01 \div 1$ сек) соизмеримо с постоянной времени τ переходного процесса.

В известной теории зарядки частиц ионами воздуха, разработанной Потенье и Балабановым [5], переходный характер установления электрического поля в окрестностях заряжаемой частицы не учтен.

Кинетику зарядки сферических частиц (радиусом $a > 2 \cdot 10^{-6}$ м, когда диффузионной зарядкой можно пренебречь) ионами газа, при учете переходного характера установления электрического поля в системе воздух-частицы, можно рассчитать по уравнению

$$\frac{\partial q}{\partial s \partial t} = k(\rho_0 e - q)[E_{2r}(t) - q/4\pi\epsilon_0 a^2], \quad (1)$$

где e — заряд иона; k — его подвижность; ρ_0 — начальная плотность ионов; ρ — плотность заряжаемых частиц; s — поверхность частицы; $q/4\pi\epsilon_0 a^2$ — напряженность собственного электрического поля частицы, обусловленного осажденным на ней, в данный момент, зарядом q ; E_{2r} — нормальная составляющая напряженности электрического поля в воздухе, на границе с частицей, обусловленного внешним полем (с напряженностью E_0) и полем поляризованных частиц.

Для лучшего понимания сущности (1) добавим, что $\rho_0 e$ — начальный заряд ионов в единице объема воздуха. Со временем этот заряд уменьшается, так как часть его $\rightarrow q$ осаждается на частицах. В квадратных скобках написана напряженность результирующего электрического поля в воздухе на границе с частицей, обуславливающего дрейф ионов к поверхности частицы.

Таким образом, правая часть (1) является потоком ионов ради-

ального направления, отнесенным к единице поверхности сферической частицы.

Согласно [2]

$$E_{2r}(t) = |1 + (2 + f)| (m_1 - n_1)e^{-\tau_1 t} + n_1| E_0 \cos \varphi = E_2(t) \cos \varphi, \quad (2)$$

где

$$\tau_1 = \frac{\varepsilon_1 + 2\varepsilon_2 - (\varepsilon_1 - \varepsilon_2)f}{\gamma_1 + 2\gamma_2 - (\gamma_1 - \gamma_2)f}, \quad (3)$$

$$m_1 = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_1 + 2\varepsilon_2 - (\varepsilon_1 - \varepsilon_2)f}; \quad n_1 = \frac{\gamma_1 - \gamma_2}{\gamma_1 + 2\gamma_2 - (\gamma_1 - \gamma_2)f}.$$

ε_1 , ε_2 и γ_1 , γ_2 — абсолютные диэлектрические проницаемости и удельные электропроводности материала частиц и воздуха соответственно; f — объемная концентрация частиц.

Во многих электротехнологических процессах объемная концентрация заряжаемых частиц f настолько мала ($f < 10^{-1}$), что взаимным влиянием полей поляризованных частиц можно пренебречь. В этих случаях в выражениях (2) и (3) следует подставлять $f = 0$.

Интегрирование (1) по параметру s можно осуществить методом Потенье, примененным также в [5].

Механизм зарядки сферических частиц ионами газа представляется следующим образом. Под действием положительного поля (положительным будем считать направление внешнего поля с напряженностью E_0) с напряженностью

$$E_p = E_0(t) \cos \varphi - \frac{q(t)}{4\pi\varepsilon_0 a^2} > 0 \quad (4)$$

ионы газа переносятся на поверхность частицы. Однако, с ростом заряда q область поверхности частицы, соответствующей телесному углу 2φ (рис. 1), где $E_p > 0$, уменьшается. Процесс зарядки частицы заканчивается, когда E_p становится равной нулю на всей поверхности частицы. При этом $\varphi = 0$, а заряд частицы, согласно (4),

$$q(T) = 4\pi\varepsilon_0 a^2 E_2(T). \quad (5)$$

Длительность зарядки частиц T может быть как больше, так и меньше τ_1 . Если

$$T \gg \tau_1, \quad (6)$$

то предельным для $q(t)$ является заряд

$$Q_m(\infty) = 4\pi\varepsilon_0 a^2 |1 + (2 + f)n_1| E_0. \quad (7)$$

В случае

$$T < \tau_1, \quad (8)$$

Рис. 1. К кинетике зарядки сферических частиц

предельным для $q(t)$ является заряд

$$Q_m(t) = 4\pi\epsilon_0 a^2 E_2(t), \quad (9)$$

где $t = T$. $Q_m(t)$ можно называть текущим значением предельного заряда частицы.

Условие (6) всегда, независимо от величины T , имеет место для проводящих частиц. Для одиночной ($f=0$) проводящей частицы ($\gamma_1 \gg \gamma_2$) из (7) получаем

$$Q_m(\infty) = 12\pi\epsilon_0 a^2 E_0, \quad (10)$$

что совпадает с соответствующей формулой Потанье.

Условие $T \ll \tau_1$ имеет место для частиц с удельной электропроводностью $\gamma_1 < 10^{-12}$ См/м. В этом случае из (9) получаем выражение

$$Q_m(T) \approx Q_m(0) = 4\pi\epsilon_0 a^2 [1 + (2+f)m_2] E_0, \quad (11)$$

которое при $f=0$ совпадает с формулой Потанье для предельного заряда диэлектрических частиц.

Таким образом, формулы Потанье для предельных зарядов проводящих и диэлектрических частиц могут быть получены из (9) при условиях $T \gg \tau_1$ и $T \ll \tau_1$, соответственно.

Пусть в некоторый момент времени $t < T$ граница заряжаемой поверхности на сферической частице определяется углом φ_0 . Косинус этого угла, определенный из (4) (при $E_p=0$), с учетом (9) равен

$$\cos \varphi_0 = \frac{q(t)}{Q_m(t)}. \quad (12)$$

Заменяя в (1) параметр x на φ , пользуясь выражением поверхности элементарного кольца на сфере

$$ds = 2\pi a^2 \sin \varphi d\varphi, \quad (13)$$

и интегрируя (1) по φ в пределах от 0 до φ_0 , получим:

$$\frac{dq}{dt} = 2\pi a^2 k (n_0 e - \gamma q) \left[\frac{E_2(t)}{2} (1 - \cos^2 \varphi_0) - \frac{q}{4\pi\epsilon_0 a^2} (1 - \cos \varphi_0) \right]. \quad (14)$$

С учетом (9) и (12) уравнение (14) преобразуется к виду

$$\begin{aligned} \frac{dq}{dt} = & -a^2 n_0 e k E_2(t) \cdot \left[\frac{n_0 e k}{2\epsilon_0} + \pi a^2 k \gamma E_2(t) \right] q + \\ & + \left[\frac{\gamma k}{2\epsilon_0} + \frac{n_0 e k}{16\pi\epsilon_0^2 a^2 E_2(t)} \right] q^2 - \frac{\gamma k}{16\pi\epsilon_0^2 a^2 E_2(t)} q^3. \end{aligned} \quad (15)$$

Уравнение (15) решено на ЭВМ для интервала времени $0 < t \leq 0,1$ с. Кривые зависимости $q(t)$ (рис. 2) получены для следующих числовых значений параметров: $n_0 = 10^{11}$ 1/м³; $f = 10^{-1}$; $k = 2 \cdot 10^{-1} \frac{\text{мкс}}{\text{Влм}}$; $a = 5 \cdot 10^{-4}$ м;

$E_0 = 10^6$ В/м; $\epsilon_1 = 5\epsilon_0$; $\epsilon_2 = \epsilon_0$; $\gamma_2 = 10^{-14}$ См/м. Величина удельной электропроводности вещества заряжаемой частицы γ_1 варьировалась и

пределах от 0 до ∞ (по точкам: 0; 10^{-13} См/м; 10^{-11} См/м; 10^{-9} См/м; 10^{-7} См/м и ∞).

На рис. 3 приведены результаты расчета $q(t)$ для частного случая $\nu=0$ ($f=0$), при котором уравнение (15) значительно упрощается. Как и предполагалось, крайние кривые рис. 3 (при $\gamma_1=0$ и $\gamma_1=\infty$, т. е. при $T \ll \tau_1$ и $T \gg \tau_1$ соответственно) совпадают с зависимостями $q(t)$, полученными по кинетике Потенье для диэлектрических и проводящих частиц.

Рассмотрение кривых рис. 2 и 3 приводит к выводу, что кинетика зарядки частиц в поле с объемным зарядом, разработанная Потенье и Балабановым [5], верна при $\gamma_1 \gg 10^{-7}$ См/м и $\gamma_1 \leq 10^{-13}$ См/м.

Рис. 2. Кинетика зарядки частиц в интервале времени $0 < t < 0,1$ с

Рис. 3. Кинетика зарядки частиц в интервале времени $0 < t < 1$ с при $f=0$ ($\nu=0$)

В случаях 10^{-8} См/м $\gamma_1 \gg 10^{-12}$ См/м кинетика зарядки сферических частиц определяется уравнением (15) (или его частным случаем при $\nu=0$), которое учитывает переходный характер установления электрического поля. Погрешность расчета $q(t)$ частицы с удельной электропроводностью $\gamma_1=10^{-10}$ См/м по одной из формул Потенье может достигать $\pm 50\%$.

Для учета влияния поверхностной проводимости частицы на кинетику ее зарядки необходимо в (15) в качестве переходной функции напряженности электрического поля в воздухе χ полюса сферы $E_2(t)$ подставить выражение [6]

$$E_2(t) = |1 + (2 - f)(m_+ - n_+)e^{-t/\tau_+} + n_+| | E_0, \quad (16)$$

где

$$\gamma_1 = \frac{\epsilon_1 + 2\epsilon_2 - (\epsilon_1 - \epsilon_2)f}{\gamma_1 + 2\gamma_2 - (\gamma_1 - \gamma_2) + 2\gamma_1(1-f)}; \quad (17)$$

$$n_1 = \frac{\gamma_1 - \gamma_2 + 2\gamma_1}{\gamma_1 + 2\gamma_2 - (\gamma_1 - \gamma_2) + 2\gamma_1(1-f)}; \quad \gamma = \frac{\gamma_s}{a} = \frac{k\gamma_1}{a};$$

$\gamma_s = k\gamma_1$ — удельная поверхностная проводимость вещества частицы;
 k — коэффициент с размерностью μ .

Поскольку $a \ll 1$, то при $k > 0,1 \mu$ и $k\gamma_1/a \gg \gamma_1 > \gamma_2$. Следовательно, при $f=0$

$$\gamma_1 = \frac{\epsilon_1 + 2\epsilon_2}{2 \frac{k\gamma_1}{a}}, \quad n_1 \approx 1. \quad (18)$$

Учет поверхностной проводимости заряжаемой частицы равносильен повышению удельной объемной проводимости частицы от величины γ_1 до $2 \frac{k}{a} \gamma_1$ (при условии $\gamma_s = 0$). Отсюда следует, что частица с удельной объемной электропроводностью $\gamma_1 = 10^{-13} \text{ См}/\mu$ и удельной поверхностной проводимостью $\gamma_s = k\gamma_1 = 1 \cdot 10^{-13} \text{ См}$ при $a = 10^{-4} \mu$ будет заряжаться в электрическом поле с объемным зарядом точно так, как заряжается частица тех же размеров при $\gamma_1 = 2 \cdot 10^{-9} \text{ См}/\mu$ и $\gamma_s = 0$.

Из вышесказанного можно сделать вывод, что влияние поверхностной проводимости частицы на кинетику зарядки зависит от ее размеров.

Учет переходного характера установления электрического поля в системе воздух-частица равносильен учету влияния проводимостей веществ (диэлектрических, полупроводящих) на кинетику зарядки этих частиц. При поляризации частицы с проводимостью отличной от нуля на ее поверхности накапливаются не только связанные, но и свободные заряды. Представляет значительный интерес определить связь между величинами поляризованного свободного заряда $q_{\text{св}}|_{t \rightarrow \infty}$ на сферической поверхности частицы в однородном электрическом поле напряженности E_0 и предельного заряда частицы Q_m в поле той же напряженности при наличии объемных зарядов.

Свободный поляризованный заряд на полусферической поверхности частицы в установившемся режиме будет:

$$q_{\text{св}}(\infty) = \pi a^2 z_0(\infty), \quad (19)$$

где $z_0(\infty)$ — максимальная плотность этих зарядов на полюсе частицы,

$$z_0(\infty) = \epsilon_2 E_2(\infty) - \epsilon_1 E_1(\infty). \quad (20)$$

Пользуясь выражениями $E_1(t)$, $E_2(t)$ из [2] и формулами (19) и (20), в частном случае одиночной частицы ($f=0$), для свободного поляризованного заряда получим:

$$q_{\text{св}}(\infty) = 3\pi\epsilon_0 a^2 \frac{K - \gamma_1}{K + 2} E_0 \quad (22)$$

где $K = \gamma_{11}/\gamma_{12}$; γ_1 — относительная диэлектрическая проницаемость вещества частицы.

Отношение предельного заряда Q_m по формуле (7) (при $f=0$) к $q_{\text{св}}(\infty)$ будет:

$$\eta = 4K/(K - \gamma_1). \quad (22)$$

При $K \gg \gamma_1$, что почти всегда имеет место, $\eta = 4$ и

$$Q_m \approx 4q_{\text{св}}(\infty) = 4\pi a^2 \epsilon_0(\infty). \quad (23)$$

Из (23) можно сделать вывод, что равномерная плотность зарядов на сферической поверхности частицы при ее зарядке в поле коронного разряда равняется (при условии $K \gg \gamma_1$) максимальной плотности свободного поляризованного заряда частицы, расположенной в электрическом поле той же напряженности, но без объемных зарядов.

Поскольку удельная электропроводность воздуха $\gamma_2 = 10^{-14} - 10^{-15}$ С.м/м, то для всех частиц с удельной электропроводностью $\gamma_1 > 10^{-12} - 10^{-13}$ С.м/м условие (23) соблюдается с высокой точностью.

Рассмотрение работы [7] приводит к выводу, что соотношение (23) верно и для эллипсоидальных частиц, если одна из осей (например, $2a$) трехосного эллипсоида направлена по внешнему полю. Здесь $\epsilon_0(\infty)$ является плотностью свободных зарядов на вершине эллипсоида по оси $2a$.

Пользуясь выражениями $E_1(t)$, $E_2(t)$ работы [3] и формулами (20) и (23), находим, что предельный заряд ориентированной эллипсоидальной частицы

$$Q_m = 4\pi bc [\epsilon_2 - \epsilon_1 + (\gamma_{11} - \gamma_{12})^{-1}] E_0, \quad (24)$$

где

$$\epsilon = \frac{\epsilon_2 + (\epsilon_1 - \epsilon_2)(1-f)N_a}{\epsilon_2 + (\gamma_{11} - \gamma_{12})(1-f)N_a}, \quad (25)$$

N_a — коэффициент деполаризации эллипсоида (с полюсами a , b , c) вдоль оси $2a$; $\epsilon_2 = \epsilon_0$.

В случае одиночной проводящей ($\gamma_{11} = \infty$) частицы

$$Q_m = 4\pi\epsilon_0 bc \frac{E_0}{N_a}, \quad (26)$$

что совпадает с $Q_{\text{ма}}$ работы [7].

После несложного преобразования, выражение (24) запишется в виде:

$$Q_m = 4\pi\epsilon_0 bc \frac{K - \gamma_1}{1 + (K - 1)(1 - f)N_a} E_0. \quad (27)$$

При $k \gg \chi_1$ и $f=0$

$$Q_m \approx 4\pi\epsilon_0 bc \frac{K}{1 + KN_a} E_0. \quad (28)$$

Для сильно вытянутых диэлектрических частиц (текстильные волокна в сухом воздухе) $KN_a \ll 1$. Тогда

$$Q_m = 4\pi\epsilon_0 bckKE_0. \quad (29)$$

В случае сплюснутой эллипсоидальной частицы с заметной проводимостью ($KN_a \gg 1$)

$$Q_m = 4\pi\epsilon_0 bc \frac{E_0}{N_a}. \quad (30)$$

Сравнивая (26), (29) и (30), можно сделать вывод, что частицы в форме сплюснутого эллипсоида с проводимостью, превышающей проводимость воздуха на 3–4 порядка ($K = 10^3 - 10^4$), в электрическом поле с объемным зарядом заряжаются как проводники. Для сохранения этой же закономерности в случае вытянутых эллипсоидов величина K должна сильно расти.

Рис. 4. Зависимость предельного (относительного) заряда эллипсоидальной частицы от удельной электропроводности γ_1 и коэффициента деполаризации вдоль полуоси $a - N_a$

На рис. 4 приводятся результаты расчета величины предельного относительного заряда эллипсоидальной частицы $Q_{m,01} = Q_m/E_0$ в зависимости от N_a и γ_1 . Расчет произведен по формуле (24) при $\epsilon_1 = \epsilon_0$, $\epsilon_2 = \epsilon_0$, $\gamma_2 = 10^{-15}$ С.м./м., $b = c = 10^{-4}$ м. Поскольку длины двух полуосей b и c эллипсоида рассматриваются здесь постоянными, то зависимость $Q_{m,01}$ от N_a фактически является зависимостью предельного заряда (относительного) от длины вытянутого эллипсоида вращения.

Если при $\gamma_1 = 10^{-14}$ С.м./м заряд эллипсоида слабо зависит от N_a , то при $\gamma_1 \geq 10^{-12}$ С.м./м эта зависимость очень сильная.

ЕрПИ им. К. Маркса

Поступило 7.XII.1973.

Մ. Ա. ԿԱՐԱՊԵՏՅԱՆ

ՄԱՍՆԻԿՆԵՐԻ ԼԻՑԻԱՎՈՐՈՒՄԸ ԳԱՋԻ ԻՈՆՆԵՐՈՎ, ԵՐԲ ՀԱՇՎԻ Է ԱՌԵՎՈՒՄ ԷԼԵԿՏՐԱԿԱՆ ԳԱՇՏԻ ՀԱՍՏԱՏՄԱՆ ԱՆՅՈՂԻԿ ԲՆՈՒՅԹԸ

Ա մ փ ո փ ո ս փ

Էլեկտրական դաշտը պազ-լիցրավորվող մասնիկներ սխտեմում հաստատվում է անցողիկ պրոցեսից հետո: Երբ մասնիկի լիցրավորման ժամանակը և հաստատվող էլեկտրական դաշտի ժամանակային հաստատունը համեմատելի մեծություններ են, ապա մասնիկի լիցրի մեծությունն անմիջապես կախված է դաշտի անցողիկ պրոցեսից:

Հողվածում ուսումնասիրվում է սֆերիկ մասնիկի լիցրավորման կինետիկան, առաջարկվում են բանաձևեր սֆերիկ և էլիպսոիդաձև մասնիկների սահմանային լիցրի հաշվարկի համար, հաշվի առնելով դաշտի հաստատման անցողիկ պրոցեսը (կամ այլ կերպ՝ մասնիկի նյութի էլեկտրական հաղորդականությունը):

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Дзюбаров Ч. М., Вейсхайзер Г. В., Штейнрайбер В. Я. Трехосный диэлектрический эллипсоид в электрическом поле при учете проводимости. «Известия АН СССР. Энергетика и транспорт», № 1, 1969.
2. Карапетян М. А., Арамян М. А. Электрическое поле в дисперсной системе со сферическими включениями. «Известия АН Арм. ССР. Физика», № 6, 1971.
3. Карапетян М. А. Перераспределение постоянного поля в дисперсной системе с эллипсоидальными включениями. «Электричество», № 10, 1971.
4. Карапетян М. А. Исследование электрического поля в дисперсной системе с включениями двух типов. «Электричество», № 11, 1972.
5. Балабанов Е. М. Зарядка частиц в электрическом поле коронного разряда при большой запыленности газа. «Электричество», № 2, 1965.
6. Карапетян М. А. Электрическое поле в дисперсной системе при учете поверхностной проводимости включений. «Электронная обработка материалов», № 4, 1973.
7. Пашич М. М. Заряд проводящего эллипсоида, находящегося в электрическом поле с объемным зарядом. Труды Московского энергетического института, вып. 64, 1965.