

ЭНЕРГЕТИКА

С. М. САРКИСЯН

ОПТИМАЛЬНОЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЕ НАГРУЗКИ МЕЖДУ АГРЕГАТАМИ НА ТЕПЛОВЫХ ЭЛЕКТРОСТАНЦИЯХ

В отличие от существующих методов оптимального распределения суммарной нагрузки между тепловыми агрегатами, основанных на равенстве относительных приростов, в данной работе решение осуществлено по принципу оптимальности динамического программирования. Исходным материалом для определения наиболее выгодного распределения нагрузки теплостанции между турбоагрегатами являются расходные характеристики этих агрегатов, которые представляют зависимость расхода топлива от нагрузки агрегата

$$B = f(N_{\text{аг}}).$$

Расходная характеристика получается или из натурных испытаний турбоагрегата, или же по данным завода изготовителя.

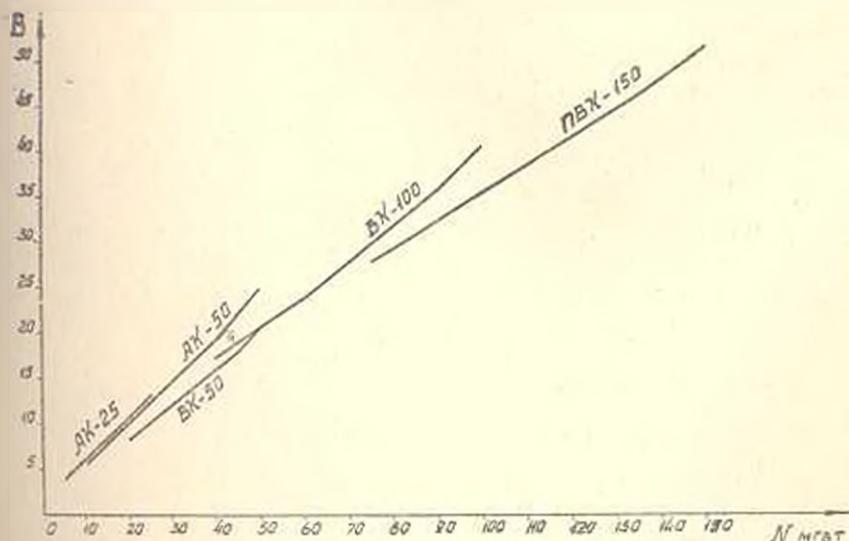


Рис. 1.

Для турбоагрегатов АК—25, ВК—50, АК—50, ВК—100 и ПВК—150 расходные характеристики показаны на рис. 1.

Так как график нагрузки теплостанции неравномерен, то в течение определенной части времени теплостанция располагает несколько

большей мощностью, чем необходимо для покрытия нагрузки. Следовательно, нагрузку теплостанции можно покрыть при различных значениях нагрузки работающих агрегатов.

Но, так как расходные характеристики турбоагрегатов различны, то от выбора того или иного распределения нагрузки между агрегатами экономичность работы станции изменяется.

Общепринятым критерием экономичности работы станции является минимум расхода топлива.

Следовательно, задача заключается в выборе такого варианта из множества возможных распределений нагрузки между турбоагрегатами, при котором расход топлива в целом по теплостанции получится минимальным.

Оптимальное распределение нагрузки между турбоагрегатами теплостанций, осуществляется посредством итерации с последовательной загрузкой агрегатов.

При решении данной задачи по схеме динамического программирования, окончательное решение несколько не зависит от порядка загрузки агрегатов теплостанции. В первой итерации исходим из предположения, что нагрузка теплостанции покрывается двумя наугад выбранными агрегатами — АК-25, АК-50. Тогда

$$N_c = N_1 + N_2 \quad (1)$$

$$0 \leq N_1 \leq 25 \text{ мвт}, \quad 15 \leq N_2 \leq 50 \text{ мвт}. \quad (1')$$

где  $N_c$  — нагрузка теплостанции;

$N_1$  — нагрузка теплоагрегата АК-25;

$N_2$  — нагрузка теплоагрегата АК-50.

Условие (1) для каждого значения нагрузки теплостанции может быть удовлетворено при различных сочетаниях  $N_1$  и  $N_2$ .

Например, если  $N_c = 40 \text{ мвт}$  возможные комбинации нагрузок  $N_1$  и  $N_2$ , сумма которых равна  $N_c$ , следующие: (0,40); (5,35); (10,30); (15,25); (20,20); (25,15). Из рис. 1 соответственно этим значениям  $N_1$  и  $N_2$  определяется расход топлива на каждом агрегате, сумма которых дает расход топлива в целом на двух агрегатах при этих комбинациях  $N_1$  и  $N_2$ , т. е.

$$\begin{aligned} [f_1(0) + f_2(40)] &= 2,0 + 19,5 = 21,5 \text{ т/час} \\ [f_1(5) + f_2(35)] &= 4,0 + 17,3 = 21,3 \text{ т/час} \\ [f_1(10) + f_2(30)] &= 6,0 + 15,3 = 21,3 \text{ т/час} \\ [f_1(15) + f_2(25)] &= 8,5 + 13,0 = 21,5 \text{ т/час} \\ [f_1(20) + f_2(20)] &= 11,0 + 10,7 = 21,7 \text{ т/час} \\ [f_1(25) + f_2(15)] &= 13,5 + 8,3 = 21,8 \text{ т/час}. \end{aligned} \quad (2)$$

Наименьшему из этих величин (21,3) соответствует следующее оптимальное распределение нагрузки  $N_c = 40 \text{ мвт}$  между двумя агрегатами —  $N_1 = 10 \text{ мвт}$ ;  $N_2 = 30 \text{ мвт}$ .

Если обозначить минимум расхода топлива при определенном значении суммарной нагрузки через  $F_2(N_c)$ , то можно написать

$$F_2(N_c) = \min [f_2(N_1) + f_1(N_c - N_1)] \quad (3)$$

$$15 \leq N_1 \leq N_c$$

$$N_c \leq N_1^{\max} = 50$$

$$0 \leq N_c \leq N_2 = 25$$

При работе двух агрегатов (АК—25 и АК—50) можно покрыть суммарную нагрузку в интервале  $0 \leq N_c \leq 75$  мвт.

Для определения оптимальных значений  $N_1$  и  $N_2$  при всех значениях  $N_c$  с интервалом 5 мвт целесообразно расчеты сделать в табличной форме [табл. 1].

Таблица 1

$N$	АК—50	0	—	—	15	20	25	30	35	40	45	50
АК—25	В	2,5		—	8,3	10,7	13,0	15,3	17,3	19,5	22,5	25,0
0	2,0	4,5	—	—	10,3	12,7	15,0	17,3	19,3	21,5	24,5	27,0
5	4,0	6,5	—	—	12,3	14,7	17,0	19,3	21,3	23,5	26,5	29,0
10	6,0	8,5	—	—	14,3	16,7	19,0	21,3	23,3	25,5	28,5	31,0
15	8,5	11,0	—	—	16,8	19,2	21,5	23,8	25,8	28,0	31,0	33,5
20	11,0	13,5	—	—	19,3	21,7	24,0	26,3	28,3	30,5	33,5	36,0
25	13,5	16,0	—	—	21,8	24,2	26,5	28,8	30,8	33,0	36,0	38,5

В верхней строке таблицы приводятся нагрузки агрегата АК—50, а соответствующие им расходы топлива — из рис. 1, во второй строке, т. е. в первых двух строках переписаны данные расходной характеристики агрегата.

В первых двух столбцах слева написаны данные расходной характеристики агрегата АК—25. В самой таблице, в отдельных клетках, показаны суммарные расходы топлива при соответствующих комбинациях  $N_1$  и  $N_2$ . Как видно из таблицы при  $N_c = 40$  мвт расходы топлива для различных комбинаций  $N_1$  и  $N_2$  [приведены в (2)] расположены вдоль одной диагонали и вообще вдоль каждой диагонали табл. 1, суммарная нагрузка двух агрегатов остается постоянным. Следовательно, при каждой суммарной нагрузке по соответствующей диагонали можно определить ту комбинацию мощностей  $N_1$  и  $N_2$ , которому соответствует минимум расхода топлива, т. е. для каждого  $N_c$  можно определить  $F_2(N_c)$ .

Таким образом табл. (1) дает решение уравнения (3).

Значения  $N_c$ ,  $F_2(N_c)$  и соответствующие оптимальные значения  $N_1$  и  $N_2$  записаны в табл. (1а).

После этого переходим к следующей итерации, когда суммарную нагрузку покрывают 3 агрегата: АК—25, АК—50, ВК—50.

Таблица 1а

$N_2$ AK-50	0	0	0	15	15	15	20	25	30	35	40	40	40	40	45	50
$N_1$ AK-25	0	5	10	0	5	10	10	10	10	10	10	15	20	25	25	25
$N_c$	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	65	60	70	75
$F_2(N_c)$	4,5	6,5	8,5	10,3	12,3	14,3	16,7	19,0	21,3	23,3	25,5	28,0	30,5	33,0	36,0	38,5

Так как эти агрегаты могут принять следующие значения нагрузок (с интервалом 5 *мгвт*),

AK-25—0, 5, 10, 15, 20, 25 (6 значений)

AK-50—0, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50 (9 значений)

BK-50—0, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50 (8 значений)

то для рассмотрения всех возможных комбинаций нагрузок необходимо сопоставить между собой  $6 \times 9 \times 8 = 432$  вариантов. Для значительного сокращения числа рассматриваемых вариантов применяется принцип оптимальности динамического программирования, сущность которого заключается в следующем:

„Оптимальная стратегия обладает тем свойством, что какое бы не было начальное состояние и принятое начальное решение, последующие решения должны составлять оптимальную стратегию относительно состояния, возникшего в результате первоначального решения“.

Допустим, что суммарная нагрузка  $N_c = 50$  *мгвт*. Произвольно принимаем первоначальное решение, что нагрузка агрегата  $N_2$  равна 20 *мгвт* и соответственно расход топлива—8,5 *т/час*.

В этом случае суммарная нагрузка первых двух агрегатов равна  $N_c - N_2 = 30$  *мгвт*, а так как принцип оптимальности динамического программирования требует, чтобы последующие решения составляли оптимальную стратегию, то мы должны эти 30 *мгвт* распределить между первыми двумя агрегатами оптимальным образом, что уже было сделано в таблице (1а).

Из таблицы 1а видно, что при суммарной нагрузке первых двух агрегатов 30 *мгвт* оптимальное распределение соответствует нагрузкам— $N_1 = 10$  *мгвт*;  $N_2 = 20$  *мгвт*.

При таком распределении суммарной нагрузки  $N_1 = 50$  *мгвт* между тремя агрегатами расход топлива в целом получается:

$$f_2(20) + F_2(30) = 8,5 + 16,7 = 25,2 \text{ т/час.}$$

Однако поскольку нет достаточных оснований для произвольного выделения третьему агрегату 20 *мгвт*, необходимо рассмотреть все возможные комбинации нагрузки третьего агрегата с общей нагрузкой первых двух

$$[(N_2 - N_1) + N_3] = 50 \text{ мгвт.}$$

Эти комбинации и соответствующие им расходы топлива следующие:

$$\begin{aligned}
 [f_3(50) + F_2(0)] &= 21,0 + 4,5 = 25,5 \text{ т/час} \\
 [f_3(45) + F_2(5)] &= 18,0 + 6,5 = 24,5 \text{ т/час} \\
 [f_3(40) + F_2(10)] &= 16,3 + 8,5 = 24,8 \text{ т/час} \\
 [f_3(35) + F_2(15)] &= 14,0 + 10,3 = 24,3 \text{ т/час} \\
 [f_3(30) + F_2(20)] &= 12,5 + 12,3 = 24,8 \text{ т/час} \\
 [f_3(25) + F_2(25)] &= 10,8 + 14,3 = 25,1 \text{ т/час} \\
 [f_3(20) + F_2(30)] &= 8,5 + 16,7 = 25,2 \text{ т/час} \\
 [f_3(20) + F_2(50)] &= 2,5 + 25,5 = 28,0 \text{ т/час.}
 \end{aligned}
 \tag{4}$$

Из (4) видно, что минимум расхода топлива 24,3 т/час получается при нагрузке  $N_3 = 35$  мвт и  $(N_2 + N_1) = 15$  мвт.

Значит, оптимальная общая нагрузка первых двух агрегатов при  $N_2 = 50$  мвт равна 15 мвт, которая в свою очередь должна быть распределена оптимальным образом между этими агрегатами, что определяется по таблице (1а) ( $N_2 = 15$  мвт и  $N_1 = 0$ ).

Таким образом, находим оптимальное распределение суммарной нагрузки  $N_r = 50$  мвт на 3-х агрегатах, т. е. решение уравнения.

$$F_3(50) = \min [f_3(N_3) + F_2(50 - N_3)]$$

$$\begin{aligned}
 20 < N_3 < 50 \\
 0 < (50 - N_3) < 75 \\
 N_3 &= 0,
 \end{aligned}
 \tag{5}$$

где  $F_2(50)$  — минимальный расход топлива при суммарной нагрузке:  $N_r = 50$  мвт при трех агрегатах;  $F_2(50 - N_3)$  — то же при двух агрегатах.

Нахождение оптимального распределения суммарной нагрузки между тремя агрегатами для всех значений  $N_r$  от 0 до 125 мвт осуществлено в табл. 2.

В верхней строке таблицы приводится общая нагрузка первых двух агрегатов, а соответствующие им минимальные расходы топлива во второй строке, т. е. в первых строках переписаны значения  $F_2(N_2)$  из табл. 1а.

В первых двух столбцах слева записаны данные расходной характеристики агрегата ВК—50 из рис. 1.

В самой таблице показаны суммарные расходы топлива при нагрузке  $N_3$  и  $(N_2 + N_1)$ . Из величин записанных вдоль одной диагонали с определенным  $N_r$  выбирается то сочетание  $N_3$  и  $(N_2 + N_1)$ , которому соответствует минимум расхода топлива.

Такие сочетания дают решение следующего уравнения

$$F_3(N_r) = \min [f_3(N_3) + F_2(N_r - N_3)]$$

$$\begin{aligned}
 20 < N_3 < 50 \\
 N_3 &= N_r \\
 0 < (N_r - N_3) < 75 \\
 N_3 &= 0
 \end{aligned}
 \tag{6}$$

Значения  $N_c$ ,  $F_2(N_c)$  и соответствующие оптимальные значения  $N_2$  и  $(N_2 + N_1)$  записаны в табл. 2а.

Таблица 2<sup>a</sup>

$N$	$(N_1 + N_2)$	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65	70	75
BK-50	$F_2(N_c)$	4,5	6,5	8,5	10,3	12,3	14,3	16,7	19,0	21,3	23,3	25,5	28,0	30,5	33,0	36,0	38,5
	$N_2$																
0	2,5	7,0	9,0	11,0	12,8	14,8	16,8	19,2	21,5	23,8	25,8	28,0	30,5	33,0	35,5	38,5	41,0
5	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
10	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
20	8,5	13,0	15,0	17,0	18,8	20,8	22,8	25,2	27,5	29,8	31,8	34,0	36,5	39,0	41,5	44,5	47,0
25	10,8	15,3	17,3	19,3	21,3	23,3	25,3	27,5	29,8	32,1	34,1	36,3	38,8	41,3	43,8	46,8	49,3
30	12,5	17,0	19,0	21,0	22,8	24,8	26,8	29,2	31,5	33,8	35,8	38,0	40,5	43,0	45,5	48,5	51,0
35	14,0	18,5	20,5	22,5	24,3	26,3	28,3	30,7	33,0	35,3	37,3	39,5	42,0	44,5	47,0	50,0	52,5
40	16,3	20,8	22,8	24,8	26,6	28,6	30,6	33,0	35,3	37,6	39,6	41,8	44,3	46,8	49,3	52,3	54,2
45	18,0	22,5	24,5	26,5	28,3	30,3	32,3	34,7	37,0	39,3	41,3	43,5	46,0	48,5	51,0	54,0	56,8
50	21,0	25,5	27,5	29,5	31,3	33,3	35,3	37,7	40,0	42,3	44,3	46,5	49,0	51,5	54,0	57,0	59,5

Таблица 2а

$(N_1 + N_2)$	0	5	10	15	0	5	10	0	5	10	15	20	25
$N_2$	0	0	0	0	20	20	20	35	35	35	35	35	35
$N_c$	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60
$F_2(N_c)$	7,0	9,0	11,0	12,8	13,0	15,0	17,0	18,5	20,5	22,5	24,3	26,3	28,3
$(N_1 + N_2)$	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65	70	75	75
$N_2$	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	50
$N_c$	65	70	75	80	85	90	95	100	105	110	115	120	125
$F_2(N_c)$	30,3	32,3	34,7	37,0	39,3	41,3	43,5	46,0	48,5	51,0	54,0	56,5	59,5

Аналогично при четырех агрегатах получается следующее уравнение

$$F_4(N_c) = \min [f_4(N_4) + F_3(N_c - N_4)] \quad (7)$$

$$40 < N_4 < 100$$

$$N_4 < N_c$$

$$0 < (N_c - N_4) < 125$$

$$N_4 = 0$$

При учете  $n$ -го агрегата получается уравнение вида:

$$F_n(N_c) = \min [f_n(N_n) + F_{n-1}(N_c - N_n)] \quad (8)$$

$$N_n^{\min} < N_n \leq N_c$$

Аналогично таблице 2а таблица для пяти агрегатов дает возможность определить оптимальную нагрузку пятого агрегата  $N_5$  и общую

оптимальную нагрузку остальных 4-х агрегатов ( $N_1 + N_2 + N_3 + N_4$ ) при суммарной нагрузке  $N_c^{(5)} = N_1 + N_2 + N_3 + N_4 + N_5$ .

Из таблицы для 4 агрегатов определяется оптимальная нагрузка четвертого агрегата  $N_4$  и общая оптимальная нагрузка остальных трех агрегатов ( $N_1 + N_2 + N_3$ ) при суммарной нагрузке  $N_c^{(4)} = N_1 + N_2 + N_3 + N_4$ . После этого из таблицы 2а определяется оптимальная нагрузка третьего агрегата  $N_3$  и общая оптимальная нагрузка остальных двух агрегатов ( $N_1 + N_2$ ) при суммарной нагрузке  $N_c^{(3)} = N_1 + N_2 + N_3$ . Из табл. 1а определяются оптимальные нагрузки  $N_1$  и  $N_2$  при суммарной нагрузке  $N_c^{(2)} = N_2 + N_3$ .

Таким образом при суммарной нагрузке пяти агрегатов  $N_c^{(5)} = N_1 + N_2 + N_3 + N_4 + N_5$  последовательно определяются оптимальные значения  $N_5, N_4, N_3, N_2, N_1$  и минимальный расход топлива в целом по станции.

Такой расчет сделан для теплостанции с пятью агрегатами с максимальной суммарной мощностью 375 *мвт* табл. (3).

Таблица 3

$N_c$	ПБК-150 $N_5$	$N_5^{(4)}$	БК-100 $N_4$	$N_4^{(3)}$	БК-50 $N_3$	$N_3^{(2)}$	ЛК-50 $N_2$	ЛК-25 $N_1$	$\Sigma B$
0	0	0	0	0	0	0	0	0	15,5
5	0	5	0	5	0	5	0	5	17,5
10	0	10	0	10	0	10	0	10	19,5
15	0	15	0	15	0	15	0	15	21,3
20	0	20	0	20	20	0	0	0	21,5
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...
130	110	20	0	20	20	0	0	0	55,1
130	113	20	0	20	20	0	0	0	56,5
140	120	20	0	20	20	0	0	0	58,2
145	125	20	0	20	20	0	0	0	59,7
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...
375	150	225	100	125	50	75	50	25	151,3

В первом столбце табл. 3 выписаны значения суммарной нагрузки теплостанции с интервалом 5 *мвт* от 0 до максимальной мощности 375 *мвт*. В остальные столбцы внесены соответствующие оптимальные значения нагрузки отдельных агрегатов и соответствующие расходы топлива.

Пользуясь этой таблицей нетрудно найти наиболее выгодное распределение нагрузки между отдельными агрегатами теплостанции при различных  $N_c$ .

Например, при суммарной нагрузке  $N_c = 140$  из соответствующей строки табл. 3 находим  $N_1 = 0$ ;  $N_2 = 0$ ;  $N_3 = 20$ ;  $N_4 = 0$ ;  $N_5 = 120$ .

Производя такое распределение для всех часов суточного графика нагрузки теплостанции (рис. 2) получаем наиболее выгодный режим работы отдельных агрегатов теплостанции.

Приведенный метод распределения нагрузки между агрегата-

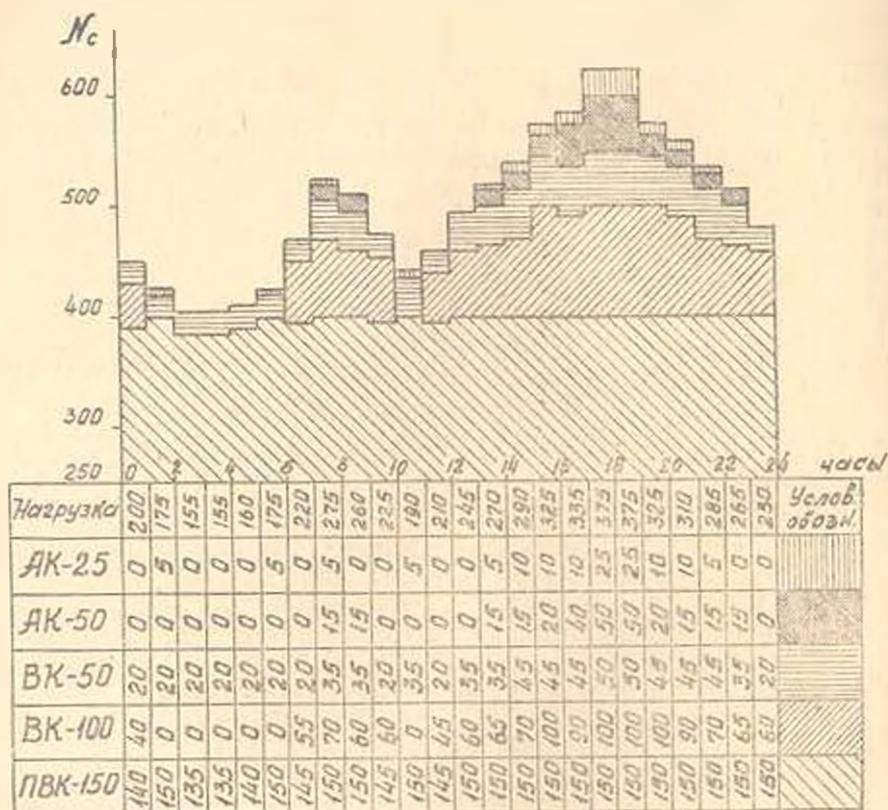


Рис. 2.

ми теплостанции имеет ряд преимуществ относительно метода равенства относительных приростов.

1. При решении посредством оптимизирующего метода динамического программирования используются только расходные характеристики без последующих преобразований. При методе же основанном на равенстве относительных приростов используются характеристики относительных приростов турбоагрегатов, которые из себя представляют дифференциальные кривые расходных характеристик.

Характеристики относительных приростов турбоагрегатов получаются посредством графического дифференцирования расходных характеристик этих агрегатов или же аппроксимацией расходных характеристик приближенным аналитическим выражением с последующим дифференцированием. Оба пути приводят к значительным ошибкам, что понижает точность расчетов оптимальных режимов.

2. Приведенный метод дает возможность распределять нагрузки между агрегатами теплостанции с расходными характеристиками,

вместо изломы и разрывы, при наличии которых использование метода равенства относительных приростов вынуждает искусственное сглаживание характеристик относительных приростов.

3. Данный метод очень прост и без труда может быть применен для невыгоднейшего распределения нагрузок между параллельно работающими теплостанциями.

Применение оптимизирующего метода динамического программирования для распределения нагрузки между совместно работающей гидростанцией и теплостанцией рассмотрено в другой работе.

ЕРПИ

Поступило 10.1.1964

II. ԻՍՈՒՄՅԱԿ

ՃԵՐՄԱԷԼԵԿՏՐԱԿԱՅԱՆԻ ԲԵՌԻ ՕՊՏԻՄԱԼ ԲԱՇԽՈՒՄԷՆ ԱԳՐԵԳԱՏՆԵՐԻ ԿԵՂԵՎ

Ա. մ փ ո փ ո լ մ

Ի տարրերու թվուն զոչութուն ունեցող մեթոդները, սրունք հիմնված են շարարերտան ածի հախտարտթյան մեթոդի վրա, այս աշխատանքում ջերմակալանի բեռի օպտիմալ բաշխումը կատարվում է ղինամիկ ծրայքման օպտիմիզացիայի սկզբունքով: Հինգ ագրեգատ ունեցող ջերմաէլեկտրակալանի (նկ. 1) ագրեգատների օպտիմալ բեռները որոշվում են խտակալանների միջոցով ընդհանուր բեռը հաշորդարար բաշխելով Երկու, երեք, չորս և հինգ ագրեգատների միջև (աղյուսակային եղանակով լուծելով համապատասխանորեն (3), (6), (7), (8)-րդ հախտարտթյանը):

Երկու և երեք ագրեգատներին համապատասխանող (3) և (6) հախտարտթյան լուծումները բերված են 1, 1a և 2, 2a աղյուսակներում: Երբ ագրեգատների թիվը հախտար է հինգի, 3 հախտարման լուծումը տալիս է 2a-ին նման աղյուսակ, որից օերմաէլեկտրակալանի գումարային բեռն՝  $N_c^{(3)} = N_1 + N_2 + N_3 + N_4 + N_5$ , համապատասխան որոշվում է 3-րդ ագրեգատի օպտիմալ բեռն՝  $N_3$ , և մնացած չորս ագրեգատների բնդհանուր օպտիմալ բեռն՝  $N_1 + N_2 + N_3 + N_4$ , ըստ վերջինի, չորս ագրեգատի համար կապմված աղյուսակից, որոշվում է 4-րդ ագրեգատի օպտիմալ բեռն՝  $N_4$  և մնացած երեք ագրեգատների բնդհանուր օպտիմալ բեռն՝  $N_1 + N_2 + N_3$ :

Այնուհետև 2 աղյուսակից որոշվում է 3-րդ ագրեգատի օպտիմալ բեռն  $N_3$ -ը և վերջին երկու ագրեգատների գումարային օպտիմալ հզորութթյունը  $N_1 + N_2$ :

Վերջում 1a աղյուսակից որոշվում է առաջին և երկրորդ ագրեգատների օպտիմալ հզորութթյունները  $N_1$ -ը և  $N_2$ -ը:

Ջերմակալանի գումարային բեռի լուրը հնարավոր արմեքների համար (0-ից մինչ 375 մվա) օպտիմալ բաշխումը հինգ ագրեգատների միջև բերված է 3-րդ աղյուսակում, ըստ որի օրական բեռի գրաֆիկի լուրաքանչլուր մամին համապատասխանող պահանջվող հզորութթյան համար որոշվում են առանձին ագրեգատների օպտիմալ բեռները և վառելիքի մինիմում ծախսը (նկ. 2):

## Л И Т Е Р А Т У Р А

1. В. М. Горнштейн. Наиболее выгодное распределение нагрузок между параллельно работающими электростанциями. Госэнергоиздат, 1949.
2. Р. Беллман. Динамическое программирование. И. Л., 1960.
3. А. Вайсзонь. Научное программирование в промышленности и торговле. И. Л., 1963.