# АСТРОФИЗИКА

**TOM 34** 

АПРЕЛЬ, 1991

ВЫПУСК 2

УДК: 524.38—36

# ХИМИЧЕСКИЙ СОСТАВ КОМПОНЕНТОВ ДВОЙНОЙ ЛИТИЕВОЙ ЗВЕЗДЫ 1 Ред

#### Л. С. ЛЮБИМКОВ, Н. С. ПОЛОСУХИНА, С. И. РОСГОПЧИН

#### Поступила 8 января 1991

Принята к лечати 6 февраля 1991

На основе развитой ранее методики исследованы индивидуальные характеристики компонентов спектрально-двойной звезды <sub>L</sub> Peg. Найдены следующие параметры:  $T_{\rm spp} = 6750$  K и lg g = 4.35 для компонента A,  $T_{\rm spp} = 5350$  K и lg g = 4.57 для компонента B. По CCD-спектрам в красной области измерены вквивалентные шарины  $W_{\rm A}$  линий каждого компонента; после их исправления определен химический состав. В целом содержание элементов в атмосферах компонентов оказалось близким к нормальному. Однако содержание Li, найденное путем расчета онитетических спектров в области линии Li I  $\lambda$ 6708, оказалось высоким: lg  $\varepsilon_A(Li) = 3.25$  я lg  $\varepsilon_B(Li) = 2.58$ . По разнице в содержании лития между компонентами получен вовраст  $V_{\rm Peg} = 170 \pm$ 80 млн. лет. Массы компонентов, оцененные по эволюционным трекам, составляют  $M_{\rm A} = 1.33 \pm 0.08$  M<sub>O</sub> и  $M_{\rm B} = 0.9 \pm 0.2$  M<sub>O</sub>.

1. Введение. Звезда 1 Ред (HR 8430 = HD 210027) известна как спектрально-двойная еще с конца прошлого века. В 1965 г. Хербиг [1] получил первые указания на присутствие в ее спектре линий второго. менее яркого компонента, причем оказалось, что оба компонента демонстрируют довольно сильную линию лития λ6708. В 1983 г. Фекел и Томкин [2] провели детальное исследование спектра г Ред в красной области на основе высококачественного наблюдательного материала, полученного с камерой Reticon на телескопе 2.7 м обсерватории Мак Дональд. Эти авторы построили надежную кривую лучевых скоростей не только для первого, но также и для второго компонента. Благодаря этому удалось существенно уточнить орбитальные элементы системы, в том числе ее период (Р = 10.2130 суток). Были получены следующие оценки для масс компонентов:  $M_A > 1.31 \pm 0.02 M_{\odot}$ ;  $M_B > 0.81 \pm 0.1 M_{\odot}$ ;  $M_A/M_B =$  $1.62 \pm 0.01$ . Отметим также, что более массивному компоненту A соответствует спектральный класс F5V, в то время как класс компонента В оценен в работе [2] как G8V.



Особое внимание Фекел и Томкин [2] уделили упомянутой линии Li l  $\lambda$ 6708. Ее анализ дал для компонента A содержание лития lg  $\varepsilon_A(Li) = 2.9$ , а для компонента B—lg  $\varepsilon_B$  (Li) = 2.6 (во втором случае указана ошибка определения  $\pm 0.6$ ). Таким образом, содержание этого элемента в атмосферах обоих компонентов оказалось довольно высоким, приближающимся к предельному значению lg  $\varepsilon$  (Li) =  $3.1 \pm 0.2$ , характерному для очень молодых звезд (см., например, [3]). Заметим, что содержание Li, как и других элементов, мы даем в обычной логарифмической шкале, где водороду соответствует значение lg  $\varepsilon$  (H) = 12.00. Для сравнения можно указать, что современная оценка для атмосферы Солнца составляет lg  $\varepsilon_0$  (Li) = 1.1-1.2 (см. [4]).

Звезда с Ред была включена в нашу программу исследования химического состава компонентов двойных систем, для которых характерны аномалии в содержании некоторых элементов. Следует отметить, что до недавнего времени при анализе химического состава двойных звезд факчасто пренебрегали, то есть определяли нехое тором двойственности «среднее» содержание. Однако, как выяснилось, такое пренебрежение могло приводить к искажению реального химического состава компонентов; это было показано на примере исследования двойной звезды π Sgr [5], а также путем моделирования спектров двойных систем [6. 7]. Разработанная в Крымской обсерватории методика [5, 7], позволяет по общему спектру двойной звезды находить раздельно параметры компонентов и их химический состав. В случае с Ред ситуация облегчается благодаря тому, что линии компонентов А и В в спектре разделяются, поэтому удается измерить эквивалентные ширины отдельно для звезд А<sub>и</sub>В.

Наша задача состояла в том, чтобы получить для  $\iota$  Peg спектральный материал высокого качества в разных фазах орбитального периода и затем проанализировать его на основе упомянутой методики [5, 7]. Определены основные параметры компонентов: их эффективные температуры  $T_{*\Phi\Phi}$ , ускорения силы тяжести g, массы M и радиусы R. Оценен возраст системы t. При анализе химического состава компонентов особое внимание уделено литию, поскольку этот элемент, существенно меняющий свое содержание уже на фазе главной последовательности, привлекает в последние годы пристальное внимание исследователей.

2. Наблюдательный материал и его обработка. Спектральные наблюдения в Ред проводились нами в период с 1985 т. по 1989 г. с помощью ССО-матрицы Хельсинского университета, установленной в фокусе куце телескопа 2.6 м Крымской обсерватории. Регистрировался ряд участков в красной области спектра, причем длина каждого участка составляла

1 1 MA

## ХИМИЧЕСКИЙ СОСТАВ ЛИТИЕВОЙ ЗВЕЗДЫ

Таблица 1

данные о наблюдениях

Дата Фаза		Экспозиция (мин).	Сисатральная область (А)	Сигнал/шум	
18-07-86	0.302	15	5396-5426	150	
08-08-86	0.359	15		120	
27-10-89	0.506	30	5655-5685	200	
06-11-89	0.485	35	- 121 1 1 1	300	
07-11-89	0.653	45	1 1 1 2 X X 1	380	
07-11-89	0.684	45		400	
08-08-86	0.369	20	6015-6045	200	
010889	0.889	30	6424-6454	180	
05-11-89	0.387	45		420	
05-11-89	0.418	40		400	
07 - 11 - 89	0.715	45	6427-6457	410	
07—11—89	0.746	45	A PARTICIPATION	400	
01-08-89	-0.859	30	6630 - 6660	270	
01-08-89	0.879	45	1010000	300	
28-10-89	0.399	40		400	
05-11-89	0.462	4()	2-1 16 10 10 20	350	
05-11-89	0.463	40		.350	
05-11-89	0.465	40	- Sumer -	350	
25-09-85	0.308	20	6692-6723	150	
18-07-86	0.209	20	N. A. A. A. S.	150 <sup>,</sup>	
08-08-86	0.258	20		150	
16-08-86	0.037	15	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	110	
16-08-86	0.039	15	1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	100	
09-08-87	0.103	25		130	
090887	0.104	25		130	
09-08-87	0.105	30		250	
11-08-87	0.299	25		230	
11-08-87	0.300	20		220	
27-06-88	0.729	20		190-	
31-07-89	0.873	45	The second second	400	
07-11-89	0.559	45	Marrie Contraction	450	
071189	0.590	45		440	
07-11-89	0.621	45		410	
	1000				

15I

около 30 А. Разрешение спектрограмм около 0.1 А (2 пиксела CCD), дисперсия 2.5 А/мм. В табл. 1 приведены некоторые данные о наблюдениях, включающие дату наблюдений, фазу орбитального периода, эксповицию, начало и конец регистрируемого участка, отношение сигнал/шум. Отметим, что данные в табл. 1 сгруппированы по спектральным интервалам, а не в хронологическом порядке. Наибольшее количество спектротрамм приходится на область линии Li I  $\lambda$ 6708.

Полученная информация обрабатывалась на ЭВМ СМ-4 с помощью пакета программ, созданного специально для обработки ССD-спектров И.В. Ильиным. Эта процедура включала в себя чистку спектров от случайных выбросов (они обусловлены космическими частицами), введение поправки за плоское поле (учет неоднородностей ССD-матрицы), учет фона неба, проведение континуума, построение нормированного спектра и фильтрацию высокочастотных шумов.

В качестве примера на рис. 1 приведен ряд обработанных спектротрамм в области линии Li I  $\lambda$ 6708 для нескольких фаз. Стрелками указаны положения линии Li I второго компонента. В фазе p = 0.25 линии компонентов сливаются, поскольку здесь лучевые скорости совпадают:  $v_r(A) = v_r(B)$ .

Спектры, полученные вблизи фазы  $\rho = 0.25$ , имеют наиболее простой вид, повтому они послужили основой при отождествлении линий. Это помогло отождествить сравнительно слабые линии компонента В, появляющиеся в других фазах. Необходимо было отделить их от линий компонента A, однако задача облегчалась благодаря тому, что мы рассматривали только красную область спектра, где линии расположены не столь густо, как, например, в синей области.

Эквивалентные ширины  $W_{\lambda}$  измерялись отдельно для каждого из компонентов в тех фазах, когда линии в спектре четко разделялись. Блендированные линии при этом обычно не учитывались. Для контроля была построена зависимость  $W_{\lambda}$  от центральной глубины линий, которая служила дополнительным критерием при отборе линий. Список линий, выбранных для анализа химического состава, приведен в табл. 2. Эдесь же указаны потенциалы возбуждения  $\chi$  их нижних уровней и силы осцилляторов gf. Были использованы следующие источники gf-величин: для Li I—[8], Ca I—[9], Ti II и Ni I—[10], Fe I—[11], Fe II—[12], для остальных влементов—[13]. О представленных в табл. 2 эквивалентных ширинах  $W_{\lambda}$  (они выражены в миллиангстремах) и соответствующих содержаниях элементов lg  $\epsilon$  будет сказано позже.

В заключение этого раздела следует отметить, что при выводе параметров T<sub>эфф</sub> и lg g компонентов A и В иопользовались эквивалентные ширины бальмеровских линий H<sub>2</sub> и H<sub>2</sub>. Они были определены по спектрограммам с дисперсией 4 и 6 А/мм, полученным фотографическим путем на том же телескопе 2.6 м.



Пикселы

Рис. 1. Обработанные CCD-спектрограммы в области линин Li I 2,6708 для нескольких фаз *п* орбитального периода. Стрелками указаны положения линии Li I второго компонента. Каждая спектрограмма сдвинута на 0.2 вниз относительно предыдущей. Числа справа соответствуют фазам *p*.

3. Эффективные температуры и ускорения силы тяжести компонентов. Как уже отмечалось, в основу нашего анализа положена методика, изложенная в работах [5, 7]. На первом втапе необходимо было определить эффективную температуру  $T_{s\phi\phi}$  и ускорение силы тяжести g каждого из компонентов. Для втого использовались следующие наблюдаемые характеристики. Во-первых, для некоторых фаз измерены суммарные эквивалентные ширины линий  $H_{\gamma}$  и  $H_{\delta}$  в общем спектре системы; получены средние значения  $W_{H\gamma} = 6.2\pm0.3$  А и  $W_{H\delta} = 7.2\pm0.5$  А. Их не следуют рассматривать как независимые, это фактически один критерий. Во-вторых, известен фотометрический индекс [ $C_1$ ] в четырехцветной системе uvby; согласно каталогу [14], для исследуемой звезды [ $C_1$ ]=0.387.

# л. с. любимков и др.

Таблица 2

ДАННЫЕ О РАССМОТРЕННЫХ ЛИНИЯХ

λ, А Элом.				Компонент А		Компонент В			
	<b>χ</b> , əB	lg gf	₩ д наба	W <sup>ncu</sup>	lg e	W <sup>Hafa</sup>	W <sup>nen</sup>	lg s	
6707.87	Lil	0.00	+0.18	64.U	74.1	3.30	18.1	132.7	2.74
5682.64	Na I	2.09	-0.67	62.0	70.4	6 10			100
5688.22	. 4 10 -	2.10	0.42	87.4	99.3	6.11			
5665.56	Si I	4.90	-2.04	19.0	21.6	7.46			
5684.49		4.93	-1.41	55.9	63.5	7.60			
6439.08	Cal	2.51	+0.47	109.1	125.5	5.92		1.1	
6449.82	200	2.51	-0.55	64.7	74.5	6.25	14.0	106.1	5.90
6455.60	149	2.51	-1.35	24.5	28.2	6.22	5.7	43.2	5.76
6717.69		2.70	-0.61	69.6	80.6	6.57	17.0	124.6	6.30
5667.15	Sc II	1.49	-1.24	32.6	37.0	3.35			1
5669.04	-	1.49	-1.12	39.9	45.3	3.39			
5418.77	Ti II	1.57	-2.19	43.4	49.3	5.00			
5409.80	CrI	1.03	-0.72	87.3	98.6	5.74			
5410.92	Fe I	4.45	+0.12	85.1	96.2	7.41			
5415.24	1 1 1	4.37	+0.36	104.3	117.9	7.32	23.8	206.9	7.33
5424.08		4.30	+0.34				19.7	171.2	7.08
5662.52	1.1.1	4.16	-0.68	55.9	63.4	7.47			
5679.03	-	4.63	-0.97	30.6	34.8	7.62	8.0	67.0	7.62
6633.76	1.	4.54	-0.87	31.5	36.4	7.45			
6663.45		2.41	-2.48	47.0	54.4	7.60	15.8	116.4	7.72
6678.00		2.68	-1.46	75.8	87.7	7.47	20.1	148.0	7.28
6703.58	1.00	2.75	-3.16	9.0	10.4	7.48	5.2	38.3	7.37
6705.10	1200	4.59	-1.39	22.3	25.8	7.77	4.6	33.9	7.41
6713.04		4.59	-1.58	12.7	14.7	7.63			
6713.74	-	4.77	-1.63	6.4	7.4	7.47			-
6715.39	1	4.59	-1.66	10.1	11.7	7.59	3.2	23.5	7.44
6716.25	-	4.56	-1.88	4.7	5.4	7.41		-	
5425.26	Fe II	3.19	-3.63	45.8	51.8	7.78			1
6432.68		2.88	-3.93	42.6	49.1	7.73	1.8	13.6	7.34
6456.39		3.89	-2.52	66.7	76.8	7.69			
6643.64	NII	1.67	-2.13	36.8	42.5	6.03	10.3	76.3	5.74
6645.13	Eu II	1.37	+0.08	2.0:	2.3:	0.33:			

#### ХИМИЧЕСКИЙ СОСТАВ ЛИТИЕВОЙ ЗВЕЗДЫ

В-третьих, использовалось отношение потоков F(4625)/F(3625), измеренных в континууме на длинах волн 4625 и 3625 А (аналог бальмеровского скачка). Каталоги [15] и [16] дают для с Peg очень близкие значения этого отношения, в среднем же lg[F(4625)/F(3625)]=0.237. Подчеркнем, что во всех трех случаях речь идет о характеристиках суммарного спектра, поскольку получить их отдельно для компонентов А и В не удается.

Трех перечисленных критериев недостаточно для определения четырех неизвестных параметров— $T_{s\phi\phi}(A)$ , g(A),  $T_{s\phi\phi}(B)$ , g(B), Поэтому был применен еще один критерий, в основе которого лежит вывод о высоком содержании лития у  $\iota$  Peg (см. выше). Согласно современным представлениям, столь высокое содержание Li может говорить о том, что система  $\iota$  Peg очень молода. Действительно, запас этого элемента, например, в атмосфере звезды с массой  $M=1\,M_{\odot}$  довольно существенно истощается со временем (см. рис. 4 в [17]). Тогда компоненту B, имеющему приблизительно такую массу, при 1g  $\epsilon$ (Li)  $\approx 2.6$  [2] должен соответствовать возраст  $t \sim 100$  млн. лет. Иначе говоря, звезда находится в самом начале фазы ГП (главная последовательность). Путем сравнения с эволюционными расчетами можно показать, что из такого заключения следуют жесткие ограничения на значения g(A) и g(B).

Для надежности в нашей работе использованы три различных сетки зволюционных треков, рассчитанных при одном и том же исходном кимическом составе—X = 0.70, Y = 0.28, Z = 0.02 (содержание водорода, гелия и металлов соответственно). Две из них опубликованы в 1988— 1989 гг. в работах [18] и [19]; в качестве третьей применены результаты расчетов по программе STEV, разработанной в Ленинградском университете [20]. Все три источника указывают на то, что при возрасте, не превышающем нескольких сотен миллионов лет, и при ожидаемых значениях масс компонентов  $M_A \approx 1.3 - 1.4 M_{\odot}$  и  $M_B \approx 0.8 - 1.0 M_{\odot}$ ускорения силы тяжести g(A) и g(B) должны лежать в довольно узких интервалах:

$$4.3 \leq \lg g(\mathbf{A}) < 4.4, \tag{1}$$

$$4.5 \leq \lg g(B) \leq 4.6. \tag{2}$$

Исходя из условия (1), мы приняли для компонента A значение  $\log g(A) = 4.35 \pm 0.05$ . Таким образом, один из четырех неизвостных параметров найден.

Определение остальных трех параметров основано на методике [5, 7]. В частности, если линии компонентов в спектре двойной звезды не разделяются, то наблюдаемая «суммарная» эквивалентная ширина  $W_{AB}$  какой-либо линии связана с собственными ширинами WA и WB звезд A и В следующим соотношением:

$$W_{AB} = \frac{W_A + \beta_\lambda W_B}{1 + \beta_\lambda} \,, \tag{3}$$

где

$$\beta_{\lambda} = \frac{F_{B}(\lambda)}{F_{A}(\lambda)} \left(\frac{R_{B}}{R_{A}}\right)^{2}, \qquad (4)$$

 $F_{\rm A}(\lambda)$  н  $F_{\rm B}(\lambda$ —потоки в континууме, излучаемые компонентами A и B на соответствующей длине волны  $\lambda$ , а  $R_{\rm A}$  и  $R_{\rm B}$ —радиусы компонентов. Формулы (3) и (4) были применены для определения  $T_{\rm sopp}$  (A) по известным эквивалентным ширинам  $W_{\rm AB}$  линий  $H_{\rm y}$  и  $H_{\rm a}$ .

В дальнейшем анализе были использованы модели атмосфер Куруца [21]. В частности, этим автором вычислены эквивалентные ширины  $H_{\tau}$ и  $H_{\delta}$  в зависимости от  $T_{в\phi\phi}$  и lg g, которые необходимы для применения соотношения (3). Кроме того, в это соотношение входит величина  $\beta_{\lambda}$ , которая, согласно (4), выражается через  $(R_{\rm E}/R_{\rm A})^2$ . Учитывая, что  $M_{\rm A}/M_{\rm B} = 1.62$  [2], находим

$$\left(\frac{R_B}{R_A}\right)^2 = \frac{M_B}{M_A} \cdot \frac{g(A)}{g(B)} = 0.617 \frac{g(A)}{g(B)}.$$
 (5)

Как оказалось, основной вклад в суммарную эквивалентную ширину  $W_{AB}$  линин H<sub>1</sub> (или H<sub>6</sub>) вносит яркий компонент А. Поэтому в первом приближении при определении  $T_{*\Phi\Phi}$  (A) параметры второго компонента можно задать довольно грубо. На основании его спектрального класса G8 V мы приняли  $T_{*\Phi\Phi}$  (B)  $\approx$  5200 K и lg  $g(B) \approx$  4.5, а затем вычислили значения  $W_{AB}$  линий H<sub>1</sub> и H<sub>6</sub> при разных температурах  $T_{*\Phi\Phi}$  (A) и при lg g(A) = 4.35. Совпадение с наблюдаемыми эквивалентными ширинами было получено при  $T_{*\Phi\Phi}$  (A) = 6750 K, причем обе лиции— H<sub>1</sub> и H<sub>8</sub> —дали практически одно и то же значение.

Теперь, когда величины  $T_{\mu\phi\phi}$  (A) и lg g(A) известны, можно найти аналогичные параметры для компонента В. Для этого мы использовали суммарные характеристики спектра—индекс [ $c_1$ ], отношение потоков F(4625)/F(3625) и эквивалентные ширины линий  $H_{\gamma}$  и  $H_{z}$ . Варьируя параметры  $T_{\phi\phi\phi}$  (B) и lg g(B), необходимо добиться наилучшего согласия между теоретическими и наблюдаемыми характеристиками. Это было сделано с помощью диаграммы, приведенной на рис. 2. На ее основе окончательно приняты значения  $T_{spp}$  (B) = 5350 K и lg g(B) = 4.57. Отметим, что величина lg g(B) удовлетворяет условию (2).

Напомним, что первоначально, при определении  $T_{sop}$  (A) были заданы приближенные параметры  $T_{sop}$  (B) и lg g (B). Теперь, основываясь на найденных значениях  $T_{sop}$  (B) и lg g(B), мы попыталисьуточнить эффективную температуру компонента A, однако полученное выше значение  $T_{sop}$  (A) = 6750 К практически не изменилось. Параметры компонентов вместе с ошибками их определения представлены в табл. 3. Следует отметить, что наши оценки  $T_{sop}$  (A) и  $T_{sop}$  (B) находятся в удовлетворительном согласии с упомянутыми выше спектральными классами компонентов (F5 V и G8 V).



Рис. 2. Диаграмма для определения фундаментальных параметров компонента В. Квадратик соответствует принятым значениям T<sub>эфф</sub> я lg g.

4. Аналив микротурбулентности и химического состава. Для каждого компонента была построена модель атмосферы, соответствующая приведенным в табл. 3 величинам T<sub>вфф</sub> и lg g. В основе лежали модели атмосфер Куруца [21], причем в случае звезды А была применена интерполяция, а в случае звезды В—экстраполяция данных [21] (значение  $T_{s\phi\phi}$  (B) = 5350 K оказалось ниже минимальной эффективной температуры  $T_{s\phi\phi}$  = 5500 K в [21]).

Измеренные эквивалентные ширины W<sup>п16л</sup> отдельно для компонентов А и В представлены в табл. 2. Как показано в [5], если линии ком-*Таблица* 3

#### ЗФФЕКТИВНЫЕ ТЕМПЕРАТУРЫ, УСКОРЕНИЯ СИЛЫ ТЯЖЕСТИ И СКОРОСТИ МИКРОТУРБУЛЕНТНОСТИ В АТМОСФЕРАХ КОМПОНЕНТОВ А И В

Компонент	<i>Т</i> <sub>эфф</sub> , К	lg g	€, RM/C	
A	6750 <u>+</u> 150	4.35 <u>+</u> 0.05	1.5 <u>+</u> 0.5	
B	5350 <u>+</u> 350	4.57 <u>+</u> 0.10	1.0±0.5	

понентов в спектре разделяются, для перехода к истинным значениям W<sub>A</sub> и W<sub>B</sub> необходимо воспользоваться следующими соотношениями:

$$W_{A} = W_{A}^{\text{sm6a}} (1 + \beta_{\lambda}),$$
  

$$W_{B} = W_{B}^{\text{sm6a}} (1 + 1/\beta_{\lambda}),$$
(6)

где  $\beta_{\lambda}$  определяется с помощью равенств (4) и (5). Исправленные эквивалентные ширины  $W^{\mu\circ\sigma}$ , найденные по формулам (6), также приведены в табл. 2. Следует отметить, что если для компонента А эначения  $W^{\mu\circ\sigma}$  после исправления увеличились всего лишь на 13—16%, то для менее яркого компонента В эквивалентные ширины возросли в 7—8 раз; соответственно возросли и все случайные ошибки в  $W_{B}^{\mu\circ\sigma}$ . Отсюда можно ожидать, что точность определения содержания элементов для звезды В будет существенно ниже, чем для звезды А.

Исследованию химического состава предшествовал анализ микротурбулентности. Скорость микротурбулентности  $\xi_t$  для компонента A находилась по линиям Fe I традиционным способом: определялось содержание железа lg  $\varepsilon$ (Fe) при разных значениях  $\xi_t$  и искалась такая скорость  $\xi_t$ , при которой отсутствует ход в содержаниях lg  $\varepsilon$ (Fe) с ростом эквивалентной ширины  $W_A^{\text{nen}}$ . Таким путем было получено, что  $\xi_t(A) = 1.5 \pm \pm 0.5$  км/с.

Провести подобный анализ в случае компонента В не удается, поскольку разброс в значениях lg  $\varepsilon$ (Fe) для линий Fe I оказывается слишком большим. Эдесь скорость микротурбулентности была оценена косвенным путем. Во-первых, по температуре  $T_{200}$  и ускорению lg g компонент В достаточно близок к Солнцу (у которого  $T_{\pm} = 5770$  К и  $\lg g = 4.44$ ). Но микротурбулентность в атмосфере Солнца изучалась неоднократно, и сейчас для него можно принять  $\xi_t \approx 1$  км/с. Во-вторых, можно воспользоваться усредненной зависимостью с от  $T_{\pm}$  и  $\lg g$ , которую построил Ниссен [22] на основе изучения с у нескольких десятков *F*- и G-карликов. Из этой зависимости следует, что найденным для компонента В параметрам  $T_{sopo}$  и  $\lg g$  соответствует значение  $\xi = 0.8$  км/с (заметим, что для компонента А указанная зависимость дает величину 1.6 км/с, хорошо согласующуюся с полученной выше скоростью  $\xi_t(A) = 1.5 \pm 0.5$  км/с). Учитывая сказанное, мы приняли  $\xi_t(B) = 1.0 \pm 0.5$  км/с.

Таблица 4

Элемент	lg "A	lg s <sub>B</sub>	lg ≇⊙
Li	3.25*	2.58*	1.20
Na	6.11	21	6.28
Si	7.53		7.65
Ca	6.24	5.99	6.35
Se	3.37	1.11	3.00
Ti	5.00	- 1940 m	4.82
Cr	5.74		5.61
Fe	7.56	7.40	7.60
Ni	6 03	5.74	6.08
Eu	0.33:		0.70

ХИМИЧЕСКИЙ СОСТАВ АТМОСФЕР КОМПОНЕНТОВ

\* Содержание лития определено с помощью синтетических спектров

Имея для каждой из звезд А и В модель атмосферы и зная скорость микротурбулентности, мы могли на основе исправленных эквивалентных ширин  $W_A^{\text{neu}}$  и  $W_B^{\text{neu}}$  определить индивидуальный химческий состав. Содержания элементов lg є, полученные по отдельным линиям, представлены в табл. 2. А в табл. 4 приведены усредненные значения lg  $\varepsilon_A$  и lg  $\varepsilon_B$ , здесь же для сравнения указаны солнечные содержания lg  $\varepsilon_O$ , соответствующие принятой системе сил осцилляторов.

Подтвердился заметный избыток лития (по сравнению с Солнцем) у обоих компонентов. Анализ эквивалентных ширин линии Li I  $\lambda 6708$  привел к значениям lg  $\epsilon_A(Li) = 3.30$  и lg  $\epsilon_B(Li) = 2.74$ . Поскольку ли-

тий представляет особый интерес, мы рассмотрим его отдельно в следующем разделе, уточнив полученные содержания с помощью синтетических спектров.

Как видно из табл. 4, для компонента A наряду с литием найдены содержания еще девяти химических элементов. В целом химический состав звезды A оказался близким к солнечному. Наибольшее отклонение  $\pm 0.37$  dex обнаружилось для Sc и Eu, однако содержание этих элементов определено по малому числу линий (2 линии Sc II и 1 линия Eu II). Кроме того, рассмотренная линия Eu II слаба ( $W_{\lambda} \approx 2m$  A) и измеряется не очень точно. Для остальных элементов отклонения от солнечных значений lg  $\varepsilon_{\odot}$  составляют менее 0.2 dex.

Для компонента В, линии которого в спектре і Ред достаточно слабы, удалось, кроме лития, оценить содержания еще только трех элементов—Са, Fe и Ni. Все они показали дефицит относительно Солнца, составляющий в среднем 0.3 dex. Эти элементы оказались в дефиците и по отношению к компоненту A (0.16 dex для Fe, 0.25 dex для Са и 0.29 dex для Ni). Однако мы не можем считать реальным расхождение ~ 0.2—0.3 dex, найденное к тому же только по трем элементам. Наш анализ показал, что неточности определения параметров  $T_{\rm spop}$  и lg g компонента B (они указаны в табл. 3) вполне могут приводить к систематическим погрешностям в lg  $\varepsilon_B$  порядка 0.3 dex. Таким образом, мы приходим к заключению, что в пределах допустимых ошибок химический состав компонента B также соответствует солнечному составу.

Представляет интерес анализ спектра с Peg как одиночной звезды. Действительно, если бы плоскость орбиты была приблизительно перпензрения, мы не смогли бы обнаружить двойственность дикулярна лучу L Peg и скорее всего считали бы, что исследуем одиночную эвеэду. Возникает вопрос: не могло ли это привести к каким-либо фиктивным аномалиям химического состава? Чтобы ответить на него, мы применили к ι Peg традиционный метод анализа, игнорируя ее двойственность. В соответствии с этим были измерены эквивалентные ширины  $W_{
m AB}$  в фазах *р* ≈ 0.25, когда линии компонентов не разделяются. Получены параметры T = 6600 K, lgg = 4.1 и §t = 2.2 км/с. Химический состав остался по-прежнему близким к солнечному. Лишь для Li сохранился избыток около двух порядков; кроме того, для Са получился избыток 0.4 dex. Таким образом, в данном случае пренебрежение двойственностью не привело к большим ошибкам в определяемом содержании элементов. Однако следует подчеркнуть, что в отношении других двойных звезд такой вывод может оказаться неверным; на это указывают, как уже отмечалось, результаты исследования химического состава звезды п Sgr [5] и моделирование спектров двойных систем [6, 7].

5. Содержание лития. Содержание лития в атмосферах холодных звезд привлекает в последние годы большой интерес, о чем свидетельствуют многочисленные публикации в литературе. Исследования разных авторов показали, что литий, в отличие от многих других элементов, еще на стадии ГП может существенно понижать свою концентрацию в наружных слоях звезды. Учитывая сказанное, мы уделили этому элементу специальное внимание. Чтобы повысить точность наших оценок lg  $\varepsilon_A(Li)$  и lg  $\varepsilon_B$  (Li), были рассчитаны синтетические спектры в области линии Li I 2.6708 для каждого компонента в отдельности.

Резонансный дублет Li I  $\lambda$ 6708 является единственной линией в видимой области, по которой определяется содержание Li. В наших вычислениях была учтена сложная структура этой линии, включающая разделение по изотопам <sup>7</sup>Li и <sup>6</sup>Li. Необходимые данные о длинах волч  $\lambda$  и gf-величинах взяты из работы [23]. Принято отношение <sup>6</sup>Li/<sup>7</sup>Li = 0.08, характерное для солнечной системы (см. [24]). Это значение вполне согласуется с оценкой <sup>6</sup>Li/<sup>7</sup>Li < 0.1, полученной в [25, 26] для F- и G-карликов. Столь низкое отношение <sup>6</sup>Li/<sup>7</sup>Li означает, что основной вклад в линию Li I вносит изотоп <sup>7</sup>Li.

Вопрос о возможном блендировании дублета Li I  $\lambda$ 6708 линиями других элементов исследовала Хянни [27]. Выполненные ею тестовые расчеты синтетических спектров показали, что сколько-нибудь замстный вклад в полный профиль линии Li I могут внести только линии Fe I  $\lambda$ 6707.44 ( $\chi = 4.61$  вВ, lg gf = -2.30) и VI  $\lambda$ 6708.08 ( $\chi = 1.22$  вВ, lg gf = -2.99). Обе эти линии были учтены в наших вычислениях. Отметим, что расчеты синтетических спектров, описанные в этом разделе, выполнены по программе SYNTHEL [28].

Рассмотрим теперь наблюдательный материал, с которым сопоставлялись результаты вычислений. Мы построили для каждого из компонентов A и B усредненные по нескольким фазам профили линии  $\lambda$ 6708. От наблюдаемых профилей необходимо было перейти к истинным, то есть нормировать их к собственным континуумам звезд A и B. Обозначим через  $r_{\lambda}$  относительную интенсивность в линии. Тогда на основе соотношений, приведенных в работе [5], нетрудно получить следующие формулы:

$$r_{\lambda}(\mathbf{A}) = r_{\lambda}^{\operatorname{mag}}(\mathbf{A}) (1 + \beta_{\lambda}) - \beta_{\lambda};$$
  

$$r_{\lambda}(\mathbf{B}) = r_{\lambda}^{\operatorname{mag}}(\mathbf{B}) (1 + 1/\beta_{\lambda}) - 1/\beta_{\lambda},$$
(7)

где  $\beta$ , по-прежнему определяется с помощью (4) и (5). Подчеркнем, что равенства (7) относятся к тому случаю, когда линии компонентов в спектре разделены.

На рис. 3 приведены наблюдаемые профили линии λ6708 (штриховые кривые), а также исправленные по формулам (7) (сплошные крибые). Видим, что истинный профиль у компонента В значительно глубже, чсм профиль, наблюдаемый в общем спектре.

В расчетах синтетических спектров учитывалось вращение. Первоначально для компонентов А и В были приняты скорости вращения  $v \sin i$ , приведенные в работе Фекела и Томкина [2]. Эти авторы получили  $v \sin i = 7 \pm 2$  км/с для эвезды А и  $v \sin i = 9 \pm 3$  км/с для звезды В (отметим, что в каталоге [29] для  $v = 9 \pm 3$  км/с для звезды В (отметим, что в каталоге [29] для  $v = 9 \pm 3$  км/с для и с sin i = 10 км/с). Наши вычисления показали, что наилучшее согласие между теоретическими и наблюдаемыми (исправленными) профилями линии  $\lambda 6708$  достигается при скоростях вращения 9 км с и 8.5 км/с соответственно для А и В.





Рис. 3. Анализ профилей линии 26708. Штриховые кривые соответствуют наблюдаемым профилям компонентов А и В в общем спектре двойной системы, сплошные кривые....всправленным профилям, точки-синтетическим спектрам.

Содержание Li в расчетах варьировалось до тех пор, пока не было получено практически полное совпадение теории с наблюдениями. Окончательный вид синтетических спектров представлен на рис. 3 точками. Ему соответствуют следующие содержания:  $\lg \varepsilon_A(Li) = 3.25$  ч  $\lg \varepsilon_B(Li) = 2.58$ ; именно эти значения приведены в табл. 4. Отметим, что на долю изотопа <sup>6</sup>Li в этих величинах приходится только 0.03 dex. Иместся неплохое согласие с оценками lg ε(Li), найденными выше по эквивалентным ширинам (3.30 и 2.74 соответственно для А и В).

Итак, содержание Li в атмосфере звезды В оказалось почти на 0.7 dex ниже, чем в атмосфере звезды A. Такое расхождение вполне согласуется с теми зависимостями Ig  $\varepsilon(Li)$  от  $T_{sov}$ . которые получены рядом авторов для карликов классов F и G. Особенно отчетливо связь с  $T_{sp\phi}$  видна у звезд сравнительно старых скоплений, например, в Гиаг дах (см. [30]). Для нас важен тот наблюдательный факт, что чем холоднее звезда, тем ниже содержание Li в ее атмосфере. Поэтому найденное нами различие в значениях Ig  $\varepsilon(Li)$  между компонентами A и B виолне может объясняться тем, что они довольно существенно отличаются по эффективным температурам ( $\Delta T_{sop} = 1400$  K, см. табл. 3). В следующем разделе мы используем этот результат для оценки возраста t Peg.

Согласно современным представлениям, чем меньше масса звезды, тем быстрее идет истощение запасов Li в ее атмосфере. Скорее всего такое истощение связано с перемешиванием между наружными и более глубокими слоями звезды на стадии ГП. Литий, попадая в результате перемешивания в более г рячие области, разрушается, и это приводит к постепенному снижению содержания Li в атмосфере. Сначала высказывалось предположение, что механизмом перемешивания может быть конвекция (внешняя конвективная зона у карликов тем мощнее, чем меньше масса M). Однако количественные оценки показали, что конвекция не может объяснить всей совокупности наблюдательных данных. Поэтому в последние годы изучаются возможности других механизмов, в частности, потери массы [31] и меридиональной циркуляции, индуцированной вращением звезды [32].

6. Массы компонентов и возраст системы. Сопоставив найденные параметры  $T_{s\phi\phi}$  и lg g с эволюционными треками, мы оценили массы  $M_A$  и  $M_B$  компонентов. Эдесь мы вновь использовали те три набора эволюционных треков, которые были применены при выводе lg g(A), то есть работы [18], [19] и расчеты по программе STEV. Такой подход позволил более объективно судить о точности рассматриваемого способа оценки массы.

Полученные значения  $M_A/M_{\odot}$  и  $M_B M_{\odot}$  приведены в табл. 5. Эдесь же указаны принятые значения  $M_A = 1.33 \pm 0.08 M_{\odot}$  и.  $M_B = 0.9 \pm 0.2 M_{\odot}$ , причем погрешности определения  $M_A$  и  $M_B$  обусловлены прежде всего ошибками в  $T_{s\phi\phi}(A)$  и  $T_{s\phi4}(B)$  (см. табл. 3). В последнем столбце представлены нижние оценки  $M_A$  и  $M_B$  согласно Фекелу и Томкину [2]. Важно, что они получены совершенно другим методом (по кривым луче-

### Л. С. ЛЮБИМКОВ И ДР.

вых скоростей), тем не менее нашн окончательные значения  $M_{\Lambda}$  и  $M_{\rm B}$ вполне согласуются с этими оценками. Отметим также, что поскольку  $M_{\Lambda}\sin^3 i = 1.31$  [2], получается, что угол *і* между перпендикуляром к плоскости орбиты и лучом эрения может быть заключен в пределах от 77° до 90°. Это означает, что луч эрения лежит почти в плоскости орбиты (наиболее благоприятный случай для разделения линий компонентов ч общем спектре).

Таблица 5

Компонент	Испол	ьзованные тр	DRH	Принятых зна-	Нижний пре- дел по [2]	
	M. M. [18]	C. G. [19]	STEV	чения		
A	1.41	1.33	1.25	1.33+0.08	>1.31	
В	0.95	0.91	0.72	0.9±0.2	>0.81	

#### ОПРЕДЕЛЕНИЕ МАСС КОМПОНЕНТОВ М/M C ПО РАЗНЫМ ЭЕОЛЮЦИОННЫМ ТРЕКАМ

Отметим еще три результата, вытекающих из полученных значений  $M_{\rm A}$  и  $M_{\rm B}$ . Во-первых, мы оценили радиусы звезд A и B и получили  $R_A = 1.28~R_{\odot}$  и  $R_{\rm B} = 0.77~R_{\odot}$ . Во-вторых, из третьего закона Кеплера, зная период P и сумму  $M_{\rm A} + M_{\rm B}$ , можно найти большую полуось орбиты a. Наши вычисления дали значение a = 0.12 a. е. Отсюда  $a/(R_{\rm A} + R_{\rm B}) = 13$ , то есть расстояние между компонентами A и B существенно превышает их размеры. В-третьих, по формуле (5) из работы [5] мы нашли разность звездных величин  $\Delta m_{\rm V} = m_{\rm V}({\rm A}) - m_{\rm V}({\rm B}) = -2.13$ , которая свидетельствует о том, что компонент A примерно на две величины ярче компонента B.

На основе эволюционных расчетов можно оценить не только массу M, но и возраст t звезды. Например, для компонента A получаются оценки t от 0 до 300 млн. лет в зависимости от того, какие треки использовать (см. выше). При этом ошибка определения t тоже может составлять 200—300 млн. лет. Однако, как сейчас мы покажем, более точную оценку t можно вывести из наших результатов по литию.

Для компонентов A и B было получено содержание лития lg  $\varepsilon(Li) = 3.25$  и 2.58 соответственно (см. табл. 4). Как уже отмечалось, разница  $\Delta lg \ \varepsilon(Li) = 0.67$  между A и B объясняется прежде всего отличием в эффективных температурах. Напомним, что  $T_{3\phi\phi}$  (A) = 6750 K и  $T_{3\phi\phi}$  (B) = 5350 K. Кроме того, величина  $\Delta lg \ \varepsilon(Li)$  зависит от возраста звезд t. Это хорошо видно на примере F- и G-карликов из скоплений разного возраста. В частности, Содерблом и др. [30] построили усредненные зависимости lg  $\varepsilon(Li)$  от  $T_{3\phi\phi}$  для звезд из скоплений

164

Гиады (t = 600 млн. лет) и Плеяды (t = 70 млн. лет). Из этих зависимостей следует, что если принять для звезды с  $T_{3\phi\phi} = 6750$  К содержание лития lg  $\varepsilon(Li) = 3.1$ , тогда для звезды с  $T_{3\phi\phi} = 5350$  К содержание Li будет ниже на 2.3 dex в случае Гиад и на 0.3 dex в случае Плеяд. Отсюда нетрудно подсчитать, какому возрасту t соответствует разница 0.67 dex, полученная для компонентов звезды t Peg. Оказалось, что обе зависимости (для Гиад и для Плеяд) приводят к очень близким оценкам t для t Peg. В среднем же можно принять  $t = 170 \pm 80$  млн. лет, причем ошибку  $\Delta t = \pm 80$  млн. лет мы оценили в предположения, что величина  $\Delta lg \varepsilon(Li)$  может содержать погрешность  $\sim \pm 0.3$  dex. Отметим, что наша оценка  $t_{Peg}$  сохраняется в пределах той же ошибки  $\Delta t$ , если вместо принятого возраста Гиад и Плеяд воспользоваться другими значеннями t, встречающимися в литературе (например, 800 млн. лет для первого скопления и 50 млн. лет для второго).

Возраст системы і Ред оказался очень малым по сравнению с временем жизни компонентов A и B на главной последовательности  $t_{\Gamma\Pi}$ (временем выгорания водорода в ядре). Из эволюционных расчетов можно оценить, что  $t_{\Gamma\Pi} \approx (2-4) \cdot 10^9$  лет для звезды A и  $t_{\Gamma\Pi} \approx 10 \cdot 10^9$  лет для звезды B. Отсюда следует, что возраст  $t_{\rm IPeg}$  составляет лишь несколько процентов от величины  $t_{\Gamma}\pi$ . Таким образом, система і Peg очень молода и ее компоненты A и B находятся в самом начале своей эволюции.

Следует отметить одно обстоятельство, которое, возможно, косвенным образом подтверждает молодость компонента А. Известно, что в распределении содержания Li по Т для карликов в отчосительно старых скоплениях наблюдается глубокий провал с центром на  $\approx 6600$  K и протяженностью  $\pm 200$  K; примером может служить скопление Гиады [33]. Однако в таких молодых скоплениях, как Плеяды, подобного провала в распределении величины lg  $\varepsilon$ (Li) нет [34]. Таким образом, для F-звезды, попадающей в указанную область  $T_{вф\phi}$ , высокое содержание лития lg  $\varepsilon$ (Li) =  $3.1\pm0.2$  может свидетельствовать о малом возрасте t. Поскольку  $T_{s\phi\phi}$  (A) =  $6750\pm150$  K и lg  $\varepsilon_A$ (Li) = 3.2, эти характеристики компонента A могут указывать на его молодость (хотя точность определения  $T_{s\phi\phi}$  (A) не исключает и другую возможность—компонент A не попадает в область депрессии Li и поэтому сохраняет исходное содержание Li в течение длительного времени).

7. Заключение. Наше исследование двойной звезды и Ред привело к следующим ревультатам.

1. Найдены эффективная температура и ускорение силы тяжести • каждого компонента:  $T_{y\phi\phi}$  (A) = 6750 К и lg g(A) = 4.35;  $T_{s\phi\phi}$  (B) = = 5350 К и lg g(B) = 4.57. 2-143 2. По ССD-спектрам в красной области исследован химический состав компонентов. Показано, что в пределах допустимых ошибок содержание элементов в их атмосферах (исключая литий) соответствует составу солнечной атмосферы.

3. Расчеты синтетических спектров в области линии Li I  $\lambda$ 6708 привели к следующим оценкам содержания лития:  $\lg \epsilon_{\Lambda}(Li) = 3.25$  и  $\lg \epsilon_{B}(Li) = 2.58$ . Таким образом, оба компонента характеризуются высоким содержанием Li, причем у компонента A оно практически совпадает с «космическим» значением  $\lg \epsilon$  (Li) = 3.1±0.2, присущим межавездной среде и молодым звездам.

4. Путем сопоставления найденных параметров  $T_{*\phi\phi}$  и lg g с эволюционными треками определены массы компонентов:  $M_A = 1.33 \pm 0.08 \ M_{\odot}$  и  $M_B = 0.9 \pm 0.2 \ M_{\odot}$ . Отсюда оценены радиусы компонентов, геометрическое расстояние между ними и разность их звездных величин (около 2<sup>*m*</sup>).

5. Возраст системы с Peg, найденный по разности в содержании лития между компонентами, составляет 170±80 млн. лет. Сделан вывод, что система очень молода и находится в самом начале своей вволюции.

Авторы выражают благодарность П. А. Денисенкову за предоставление программы STEV и помощь в расчетах эволюционных треков.

Крымская астрофизическая обсерватория

# THE CHEMICAL COMPOSITION OF THE COMPONENTS OF THE LITHIUM BINARY STAR & PEG L. S. LYUBIMKOV, N. S. POLOSUKHINA, S. I. ROSTOPCHIN

The individual properties of components of the spectroscopic binary  $\cdot$  Peg were investigated on a base of technique developed earlier. The following parameters are found:  $T_{eff} = 6750$  K and log g = 4.35 for the primary (A),  $T_{eff} = 5350$  K and log g = 4.57 for the secondary (B). Using CCD-spectra in the red region we measured equivalent widths  $W_{\lambda}$  for each component; after  $W_{\lambda}$  correction the chemical composition was determined. On the whole the metal abundance in atmospheres of both components is close to normal one. However the Li abundance based on synthetic spectrum calculations in the Lil  $\lambda 6708$  line region is high:  $\log \epsilon_A$  (Li) = 3.25 and  $\log \epsilon_B$  (Li) = 2.58. From the difference in Li abundance between components the age  $t_{iPeg} = (170 \pm 80) \cdot 10^6$  years is found. The masses of components evaluated from evolutionary tracks are  $M_A = 1.33 \pm 0.08M_{\odot}$  and  $M_B = 0.9 \pm 0.2 M_{\odot}$ 

#### λητερατλόα

- 1. G. H. Herbig. Astrophys. J., 141, 588, 1965.
- 2. F. C. Fekel, J. Tomkin. Publ. Astron. Soc. Pacif., 95, 1000, 1983.
- 3. J. A. Brown, C. Sneden, D. L. Lambert, E Datchover, Astrophys. J. Suppl. Ser., 71, 293, 1989.
- 4. Я. В. Павленко, Кинематика и физика небесных тел, 5, № 6, 55, 1989.
- 5. Л. С. Любимков, З. А. Самедов, Изв. Крым. астрофиз. обсерв., 77, 97, 1987.
- 6. Л. С. Любимков, Астрофизика, 31, 519, 1989.
- 7. Л. С. Любимков, Изв. Крым. астрофиз. обсерв. 84, 1991 (в печати).
- 8. W. L. Wiese, M. W. Smith, B. M. Glennon, Atomic Transition Probabilities, vol I. NSRDS-National Bureau of Standards 4, Washington, 1966.
- W. L. Wiese, M. W. Smith, B. M. Miles, Atomic Transition Probabilities, vol. II, NSRDS-National Bureau of Standards 22, Washington, 1969.
- 10. Р. И. Костых, Инст. Теор. физ. АН УССР, Препр. 33, 1, 1982
- 11. А.А. Боярчук, И. С. Саванов. Изв. Крым. астрофяз, обсерв., 70, 57, 1985.
- 12. А. А. Боярчук, И. С. Саванов, Изв. Крым. астрофиз. обсерв., 74, 49, 1986.
- 13. А. А. Боярчук, М. Е. Боярчук, Изв. Крым. астрофиз. обсерв., 63, 66, 1981.
- 14. B. Hauck, M. Mermilliod, Astron. and Astrophys. Suppl. Ser., 40, 1, 1980.
- 15. И. Б. Волошина, И. Н. Глушнева, В. Т. Дорошенко и др. Спектрофотометрин ярких ввезд, Наука, М., 1982.
- 16 А. В. Харитонов, В. М. Терещенко, Л. Н. Князева, Спектрофотометрический каталог звезд, Наука, Алма-Ата, 1988.
- 17. D. K. Duncan, Astrophys. J., 248, 651, 1981.
- 18. A. Maeder, G. Meynet, Astron. and Astrophys. Suppl. Ser., 76, 411, 1988.
- 19. A. Clazet, A. Gimenez, Astron. and Astrophys. Suppl. Ser., 81, 1, 1989.
- 20. П. А. Денисенков, Канд. диссертация, Ленинград, 1990.
- 21. R. L. Kurucz, Astrophys. J. Suppl. Ser., 40, 1, 1979.
- 22. P. E. Nissen, Astron. and Astrophys., 97, 145, 1981.
- 23. D. L. Lambert, S. R. Sawyer, Astrophys. J., 283, 192, 1984.
- 24. А. Д. У. Камерон, Ядерная астрофизика (под ред. Ч. Бариса и др.), Мир. М., 1986, с. 33.
- J. Andersen, B. Gustafsson, D. L. Lambert, Astron. and Astrophys., 136 65, 1984.
- R. Pillavicini, M. Cerruti-Sola, D. K. Duncan, Astron. and Astrophys., 174, 116, 1987.
- 27. Л. Ф. Хянни, Канд. диссертация, Тарту, 1986.
- 28. Л. С. Любижков, Изв. Крым. астрофив. обсерв., 74, 3, 1986.
- 29. A. Uesugi, I. Fukuda, Revised Catalogue of Stellar Rotational Velocities, Kyoto Depart. Astron. Kyoto Univ., 1982.
- D. R. Soderblom, M. S. Oey, D. R. H. Johnson, R. P. S. Stone, Astron. J., 99° 595, 1990.
- 31. L. M. Hobbs, I. Iben, C. Pilachowski, Astrophys. J., 347, 817, 1989.
- 32. P. Charbonneau, G. Michaud, C. R. Proffitt, Astrophys. J., 347, 821, 1989.
- 33. A. M. Boesgoard, M. J. Tripicco, Astrophys. J., 313, 389, 1987.
- 34. C. A. Pilachowski, J. Booth, L. M. Hobbs, Publ. Astron. Soc. Pacif., 99, 1288, 1987.