

## О стратификации множества отображений групп

Самвел Далалян

Ереванский государственный университет

Пусть  $A$  – группа с (мультиплкативной) бинарной операцией  $x \cdot y$ ,  $M$  – группа с бинарной операцией  $[a, b]$ . Упорядоченную пару из элементов  $a$  и  $b$  будем обозначать  $ab$ , а множество отображений из  $M$  в  $A$  – через  $S(M, A)$ .

**Определение.** Для произвольного  $\varphi \in S(M, A)$  элемент  $(a, b)_\varphi$  группы  $A$  однозначно определяемый соотношением

$$\varphi([a, b]) = \varphi(a) \cdot \varphi(b) \cdot (a, b)_\varphi$$

назовем правым сомножителем отклонения отображения  $\varphi$  от гомоморфности в (или для)  $ab$ . Отображение

$$\Lambda = \Lambda_\varphi : M \times M \rightarrow A, ab \rightarrow (a, b)_\varphi$$

назовем правым индикатором отклонения отображения  $\varphi$  от гомоморфности.

Образ

$$\text{Im } \Lambda_\varphi = \{(a, b)_\varphi, a, b \in M\} := F_\varphi$$

назовем правой системой факторов (= сомножителяй), порожденную ею подгруппу  $H_\varphi$  группы  $A$  – правой группой, а порожденную  $F_\varphi$  (эквивалентно,  $H_\varphi$ ) нормальную подгруппу  $N_\varphi$  группы  $A$  – правым нормальным делителем, ассоциированными с правым индикатором отклонения отображения  $\varphi$  от гомоморфизма.

Очевидно, отображение  $\varphi$  является гомоморфизмом тогда и только тогда, когда  $F_\varphi = H_\varphi = N_\varphi = E - \{e\}$ , где  $e$  – нейтральный элемент группы  $A$ .

Пусть  $F$  – некоторое подмножество группы  $A$ . Отображение  $\varphi \in S(M, A)$  назовем  $F$ -морфизмом, если  $F_\varphi = F$ . Класс всех  $F$ -морфизмов из группы  $M$  в группу  $A$  обозначим через  $[F]$ . Множество всех классов  $[F]$  задает стратификацию (разбиение на классы попарно непересекающихся подмножеств) множества  $S(M, A)$ .

Аналогично определяются  $H$ -морфизмы и  $N$ -морфизмы из группы  $M$  в группу  $A$  и подмножества  $[H]$ ,  $[N] \subset S(M, A)$  для произвольных подгрупп  $H$  и, соответственно, нормального делителя  $N$  группы  $A$ , а также соответствующие стратификации.

Очевидно, для любого  $\varphi \in S(M, A)$  имеем  $[F_\varphi] \subset [H_\varphi] \subset [N_\varphi]$ . Поэтому каждая следующая из полученных стратификаций доминирует над предыдущей. В работе дается внутреннее и внешнее описание стратов этих стратификаций.