

## Параллельные алгоритмы для нахождения степени распознаваемости в распознающих множествах (системах)

С. М. Варданян Э. С. Иванян А. С. Микаелян  
Институт проблем информатики и автоматизации НАН РА  
e-mail seytanv@ipia.sci.am

### Аннотация

В статье рассматриваются три разновидности параллельных алгоритмов в задачах распознавания.

Рассмотрим конечное множество  $[n] = \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $n \geq 3$ . Через  $R[n]$  обозначим множество подмножеств множества  $[n]$ . Пусть  $n^*$  является подмножеством  $R[n]$ , (см. также [1, 2, 3]).

**Определение.** Будем говорить, что элемент  $i \in [n]$  распознаваем в  $n^*$ , если в  $n^*$  существуют такие подмножества множества  $[n]$  (как элементы множества  $n^*$ ), пересечение которых равняется  $\{i\}$ .

**Определение 2.** Будем говорить, что  $n^*$  является распознающим  $[n]$ , если любой элемент  $i \in [n]$  распознаваем в  $n^*$ .

В противном случае, если существуют попарно различные такие  $j_1, j_2, \dots, j_k$ , что  $k < n$  и  $j_1, j_2, \dots, j_k$  распознаваемы в  $n^*$ , а остальные - нераспознаваемы, то будем говорить, что  $n^*$  является частично распознающим  $[n]$ . А если в  $[n]$  не существует хотя бы одного элемента, распознаваемого в  $n^*$ , то будем говорить, что  $n^*$  является нераспознающим  $[n]$ . Число  $k$  называется степенью распознаваемости.

С формальной точки зрения, так как  $R[n]$  является распознающим множество  $[n]$ , то класс распознающих систем не является пустым.

В статье рассматривается задача алгоритмического нахождения числа  $k$  (считается, что  $k = n$ , если  $n^*$  является распознающей) причем рассматриваются не только классические алгоритмы, а в основном параллельные алгоритмы и проводятся временные сравнения реализаций. Алгоритм выделяет также список распознаваемых элементов. В качестве входной информации рассматривается характеристическая матрица системы  $n^*$  и ее размерности  $m$  и  $n$ . Рассматриваются три разновидности параллельных реализаций.

1. Все процессоры равноправны участвуют в реализации, в том числе и при принятии решений.
2. Один из процессоров является диспетчером: только он обеспечивает работой всех остальные процессоры, от них получает результаты, им дает команды, и только он принимает решение, в том числе формирует окончательный результат и выходной файл.
3. Процессор-диспетчер, кроме управления при распределении основной работы между остальными процессорами, часть работы берет на себя (в случае, когда число процессоров мало).

В приведенной таблице показаны некоторые параметры программной реализации, в том числе время реализации. Из таблицы видно, что увеличение числа процессоров до определенной степени приводит к сокращению времени решения задачи.

Matrix(size and known degree)	Proc. Count	I	II	III
19900x200(7180)	4	11.39	15.02	25.03
	6	9.46	10.93	18.73
	8	8.11	8.35	15.32
19900x200(19900)	4	198.169	51.04	39.64
	6	135.64	32.44	27.9
	8	101.97	24.59	22.26
124750x500(54000)	4	721.16	739.16	1218
	6	590.49	478.743	849.88
	8	456.36	366.733	657.67

### Լիտերատուրա

1. П. Эрдеш Дж. Спенсер. Вероятностные методы в комбинаторике. Москва. Мир. 1976г.
2. С. М. Варданын. Распознавание по пересечениям множеств. Математические вопросы кибернетики и вычислительной техники. том xxiv ст. 144-146. Ереван 2005.
3. S. Vardanyan. Recognizing Sets (Systems). Computer science and information technologies. Yerevan, Armenia 2005, p. 161-162.

**Չուգահեռ ալգորիթմներ ճանաչող համակարգերում ճանաչելիության աստիճանի կառուցման համար:**

Ս. Վարդանյան, Է. Իվանյան, Ա. Միրախյան

### Ամփոփում

Դիտարկված է ճանաչող համակարգերում ճանաչելիության աստիճանի ալգորիթմական կառուցման զուգահեռ իրացումների նրբ մտեցումներ: Ալյուսակով բերված են նրանց ծրագրային իրացման ժամանակային պարամետրերը: