УДК 537.97

## ВОЗДЕЙСТВИЕ АКУСТИЧЕСКИХ ВОЛН НА КОГЕРЕНТНОЕ ТОРМОЗНОЕ ИЗЛУЧЕНИЕ ЭЛЕКТРОНОВ С ЭНЕРГИЕЙ 20 МэВ

Э.А. МКРТЧЯН

Институт прикладных проблем физики НАН Армении, Ереван e-mail: edgar198706@mail.ru

(Поступила в редакцию 13 марта 2013 г.)

Исследовано когерентное тормозное излучение электронов с энергией 20 МэВ, движущихся под малыми углами относительно кристаллографических плоскостей монокристалла кварца при наличии акустических волн. В зависимости от параметров акустической волны и от угла падения, наличие деформации может привести как к увеличению, так и к уменьшению поперечного сечения тормозного излучения.

Когерентное тормозное излучение электронов высоких энергий в кристаллах является одним из наиболее эффективных методов генерации интенсивных пучков поляризованных монохроматических фотонов (см., например, [1-3] и приведенные там ссылки). Этим обусловлена важность исследований различных механизмов контроля параметров излучения. В качестве такого механизма в работе [4] рассмотрено воздействие гиперзвуковых волн на тормозное излучение для случая простого кристалла с одним атомом в элементарной ячейке и для синусоидального поля деформации. Для заметного воздействия акустической волны требуется генерация гиперзвука высокой частоты. Такие волны обычно возбуждаются высокочастотными электромагнитными полями с помощью пьезоэлектрического эффекта в кристаллах со сложной элементарной ячейкой. В работе [5] обобщены результаты [4] для кристаллов со сложной ячейкой и для акустических волн произвольного профиля. В настоящей работе используются результаты [5] для исследования когерентного тормозного излучения электронов с энергией 20 МэВ в пьезокристалле кварца.

При наличии внешних воздействий (например, в виде акустических волн) радиус-вектор атома в кристалле можно представить в виде  $\mathbf{r}_{n0}^{(j)} = = \mathbf{r}_{ne}^{(j)} + \mathbf{u}_n^{(j)}$ , где  $\mathbf{r}_{ne}^{(j)}$  соответствует равновесному положению атома при отсутствии деформации, а  $\mathbf{u}_n^{(j)}$  обусловлен смещением атома из-за внешнего воздействия. Для решетки со сложной ячейкой координаты атома представляются в виде  $\mathbf{r}_{ne}^{(j)} = \mathbf{R}_n + \mathbf{\rho}^{(j)}$ , где  $\mathbf{R}_n$  определяет положения атомов в одной из примитивных ячеек, а  $\mathbf{\rho}^{(j)}$  соответствуют равновесному положению других атомов внутри *n*-ой элементарной ячейки по отношению к  $\mathbf{R}_n$ .

Предположим, что деформация является периодической:  $\mathbf{u}_{n}^{(j)} = = \mathbf{u}_{0} f\left(\mathbf{k}_{s} \mathbf{r}_{ne}^{(j)}\right)$ , где  $\mathbf{u}_{0}$  и  $\mathbf{k}_{s}$  – соответственно, амплитуда и волновое число поля деформации, f(x) – произвольная функция с периодом  $2\pi$ , max f(x) = 1. В случае акустических волн зависимостью  $\mathbf{u}_{n}^{(j)}$  от времени можно пренебречь, поскольку для рассматриваемых значений

энергии характерное время изменения поля деформации намного больше времени прохождения частиц через кристалл. В дальнейшем нам понадобится Фурье-образ функции  $e^{ixf(t)}$ :

$$F_m(x) = \frac{1}{2} \int_{-\pi}^{+\pi} e^{ixf(t) - imt} dt , \qquad (1)$$

где  $m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$  Для синусоидального поля деформации,  $f(z) = \sin(z + \phi_0)$ , имеем  $F_m(z) = e^{im\phi_0} J_m(z)$ , где  $J_m(z)$  – функция Бесселя.

Обозначим через  $E_1$  и  $E_2$  энергии электрона в начальном и конечном состояниях, соответственно, а через  $\omega$  – частоту излученного фотона. Минимальный переданный импульс определяется выражением  $\delta = 1/l_c$ , где  $l_c = 2E_1E_2/\omega m_e^2$  – зона формирования тормозного излучения (используется система единиц  $\hbar = c = 1$ ).

Поперечное сечение тормозного излучения представляется в виде  $d\sigma = N_0 (d\sigma_n + d\sigma_c)$ , где  $d\sigma_n$  и  $d\sigma_c$  – соответственно, некогерентная и когерентная части сечения, отнесенные к одному атому,  $N_0$  – число атомов в кристалле. Когерентная часть поперечного сечения определяется выражением [5]

$$\frac{d\sigma_c}{d\omega} = \frac{e^2 N}{N_0 E_1^2 \Delta} \sum_{m,\mathbf{g}} G_m \left( \mathbf{g}, \omega, E_1 \right), \tag{2}$$

где  $\Delta$  и  $\mathbf{g}$  – объем элементарной ячейки и вектор обратной решетки,

$$G_{m}\left(\mathbf{g},\boldsymbol{\omega},E_{1}\right) = \frac{g_{m\perp}^{2}}{g_{m\parallel}^{2}} \left[1 + \frac{\boldsymbol{\omega}^{2}}{2E_{1}E_{2}} - 2\frac{\delta}{g_{m\parallel}}\left(1 - \frac{\delta}{g_{m\parallel}}\right)\right] \left|F_{m}\left(\mathbf{g}_{m},\mathbf{u}_{0}\right)\right|^{2} \left|S\left(\mathbf{g}_{m},\mathbf{g}\right)\right|^{2}, \quad (3)$$

и суммирование производится при условии  $g_{m\parallel} \ge \delta$ . В формуле (2) e – заряд электрона, N – число ячеек в кристалле,  $g_{m\parallel}$  и  $g_{m\perp}$  – соответственно, параллельное и перпендикулярное составляющие вектора  $\mathbf{g}_m = \mathbf{g} - m\mathbf{k}_s$  по отношению к направлению движения первичного электрона и

$$S(\mathbf{g}_m, \mathbf{g}) = \sum_j u_{\mathbf{g}_m}^{(j)} e^{-g_m^2 \overline{u}_l^{(j)/2}/2} e^{i\mathbf{g}\mathbf{p}^{(j)}}.$$
(4)

В выражении (4),  $u_{g}^{(j)}$  – Фурье-образ потенциала j-го атома,  $\overline{u}_{t}^{(j)2}$  – среднеквадратичное смещение j-го атома, обусловленное тепловыми колебаниями.

Роль когерентных эффектов в тормозном излучении существенна, когда электрон входит в кристалл под малыми углами по отношению к кристаллографическим осям. Полагая, что решетка кристалла является ортогональной, компоненты вектора обратной решетки задаются выражениями  $g_i = 2\pi n_i/a_i$ ,  $n_i = 0, \pm 1, \pm 2, ...,$  где  $a_i$  (i = 1, 2, 3) – постоянные решетки. Обозначим через  $\theta$  угол между импульсом начального электрона и кристаллографической осью z. Для параллельной составляющей вектора  $\mathbf{g}_m$  имеем выражение

$$g_{m\parallel} = g_{mz}\cos\theta + (g_{my}\cos\alpha + g_{mx}\sin\alpha)\sin\theta, \qquad (5)$$

где  $\alpha$  – угол между проекцией импульса начального электрона на плоскость (x, y) и осью y. Пусть электрон входит в кристалл под малыми углами  $\theta$  и вблизи кристаллографической плоскости (x, y) (угол  $\alpha$  мал). В зависимости от значения энергии электрона следует отдельно рассмотреть два случая. При условии  $\delta \sim 2\pi\theta/a_2$  имеем  $g_{m\parallel} \approx -mk_{s\parallel} + g_y \theta \ge \delta$ , и выражение для сечения примет вид

$$\frac{d\sigma_c}{d\omega} \approx \frac{e^2 N}{2\pi N_0 E_1^2 a_2 a_3} \sum_{m,g_y} \int dg_x G_m(\mathbf{g},\omega,E_1).$$
(6)

Второй случай соответствует значениям энергии электрона, для которых  $\delta \sim 2\pi\theta\alpha/a_1$ . Теперь основной вклад в сумму дают слагаемые с  $g_{\nu} = 0$  и

$$\frac{d\sigma_c}{d\omega} \approx \frac{e^2 N}{N_0 E_1^2 \Delta} \sum_{m, g_x} G_m \left( \mathbf{g}, \omega, E_1 \right), \tag{7}$$

где  $g_{m\parallel} \approx -mk_{s\parallel} + g_x \psi$ ,  $\psi = \alpha \theta$  и  $g_{m\parallel} \ge \delta$ .



электронов с энергией 20 МэВ  $\hbar \omega / E_1$  симости от  $\hbar \omega / E_1$  для значений параметров  $\psi = 0.0021$  и  $2\pi u_0 / a_1 = 1$ . Поле деформации генерировано акустической волной S-типа с частотой  $v_s = 1.024$  ГГц.

Нами проведены численные расчеты поперечного сечения тормозного излучения электронов с энергией 20 МэВ в монокристалле SiO<sub>2</sub>. Расчеты проведены для синусоидальной поперечной акустической волны S-типа. Численные расчеты показывают, что в зависимости от значений параметров  $\theta$ ,  $\alpha$ ,  $u_0$ ,  $k_s$ , внешнее возбуждение приводит как к увеличению, так и к уменьшению поперечного сечения тормозного излучения.

На рис.1 приведена зависимость величины  $(m_e^2 \omega/e^6) d\sigma_c/d\omega$ , вычисленной по формуле (7), от отношения  $\omega/E_1$  при  $E_1 = 20$  МэВ,  $2\pi u_0/a_1 = 1$  и  $\psi = 0.0021$ . Предполагается, что поле деформации генерировано поперечной акустической волной S-типа с частотой  $v_s = 1.024$  ГГц.



Рис.2. Когерентная часть поперечного сечения тормозного излучения электронов с энергией 20 МэВ в зависимости от  $2\pi u_0/a_1 = 1$  для  $\hbar\omega/E_1 = 0.0015$ . Значения остальных параметров те же, что и для рис.1.

На рис.2 представлена зависимость величины  $(m_e^2 \omega/e^6) d\sigma_c/d\omega$  от амплитуды поля деформации,  $2\pi u_0/a_1$ , для энергии тормозного фотона, соответствующей  $\omega/E_1 = 0.0015$  ( $\omega = 30$  кэВ).

Автор выражает благодарность А.Р. Мкртчяну за полезные обсуждения.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. **М.Л.Тер-Микаелян.** Влияние среды на электромагнитные процессы при высоких энергиях. Ереван, изд. АН Арм. ССР, 1969.
- 2. А.И.Ахиезер, Н.Ф.Шульга. Электродинамика высоких энергий в веществе. М., Наука, 1993.
- P.Rullhusen, X.Artru, P.Dhez. Novel Radiation Sources Using Relativistic Electrons. World Scientific, 1998.
- A.A.Saharian, A.R.Mkrtchyan, V.V.Parazian, L.Sh.Grigoryan. Mod. Phys. Lett. A, 19, 99 (2004).
- 5. A.R.Mkrtchyan, A.A.Saharian, V.V.Parazian. Mod. Phys. Lett. B, 23, 2573 (2009).