УДК 535.42

# ПРЕОБРАЗОВАНИЕ И ИЗМЕРЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ ГАУССОВСКОГО, ЛАГЕРР-ГАУССОВСКОГО И СУПЕР-ГАУССОВСКОГО ПУЧКОВ С ПОМОЩЬЮ СВЕТОВОГО ФИЛЬТРА НА ОСНОВЕ ПОГЛОЩАЮЩЕГО АКСИКОНА

### А.Е. МАРТИРОСЯН

#### Институт физических исследований НАН Армении, Аштарак

### (Поступила в редакцию 17 августа 2010 г.)

Исследованы свойства нового оптического элемента – светового фильтра на основе поглощающего аксикона. Фильтр позволяет определять параметры радиально-симметричных лазерных пучков, создавать строго-коллимированные пучки, плавно перестраивать мощность пучков. Рассмотрено преобразование в фильтре гауссовского, лагерр-гауссовского и супер-гауссовского пучков. В результате этого преобразования создаются бубликообразные и М-образные профили пучков.

### 1. Введение

Измерение параметров и преобразование профиля лазерного пучка широко применяются в экспериментальных и прикладных задачах в областях оптики, фотоники, лазерной техники и т.д. Для измерения радиуса или расходимости пучков часто обрабатывают изображения поперечного сечения [1]. Однако из-за нелинейной чувствительности детектируемых приборов точность полученных результатов может быть неопределенной. Для определения центра лазерного пучка в последние годы используются сегментированные детекторы (segmented position sensing detectors) [2]. Однако эти детекторы имеют свои недостатки: "мертвая" область между сегментами, где не производится детектирование светового сигнала; степень согласованного отклика от секций составляет несколько процентов; нецелесообразность использования при ультракоротких лазерных импульсах, т.к. время нарастания и убывания электрических детектированных импульсов составляет более 10 нс; оптимальная работа только при определенных длинах волн света. Что касается преобразования пучков [3,4], то бубликообразные пучки используются для локализации и перемещения атомов и микроскопических частиц [5,6].

В данной работе рассмотрены уникальные свойства световых фильтров на основе поглощающего аксикона. Получено экспериментальное подтверждение возможности применения поглощающих аксиконов для сглаживания и увеличения области квази-бесселевого пучка [7,8]. Эти аксиконы могут служить хорошей основой для создания фильтров с изменяющимся радиальным показа-

телем поглощения. В результате преобразования в световом фильтре можно создавать бубликообразные и М-образные профили пучков. Световой фильтр может применяться для определения таких параметров лазерного пучка, как местонахождение оси, радиуса пучка и расходимости. Ввиду того, что в последние годы создаются аксиконы [9,10] и инверсные аксиконы [11] с микрометрическими размерами, появляется реальная возможность преобразования и измерения лазерных параметров с субмикрометрической точностью.

#### 2. Фильтр на основе поглощающего аксикона

Рассмотрим распространение радиально-симметричного пучка через световой фильтр на основе поглощающего аксикона AN и прозрачного элемента – "инверсного аксикона" IA (рис.1). Согласно [12,13], если ось пучка совпадает с осью фильтра, то мощность отфильтрованного пучка минимальна. Это свойство фильтра может быть применено для определения местоположения оси, радиуса и расходимости (сходимости) радиально-симметричного лазерного излучения, а также для образования строго-коллимированных пучков.



Рис.1. Преобразование радиально-симметричного пучка в фильтре, основанном на поглощающем аксиконе. Заполненная зона соответствует поглощающему аксикону AN, который контактирует через коническую поверхность с прозрачным оптическим элементом IA с тем же коэффициентом преломления и с плоской поверхностью, параллельной плоской поверхности аксикона. Стрелки на левой стороне соответствуют падающему пучку, а на правой – отфильтрированному излучению. RD – регистрирующее устройство, Z – ось фильтра.

Радиальный профиль пропускания света g(r) в фильтре соответствует преобразованию в поглощающем аксиконе [7,8]:

$$g(r) = (1 - D)^{2} \exp[-k \tan\beta(R - r)], \qquad (1)$$

где D – коэффициент отражения света у плоских поверхностей фильтра, k – коэффициент поглощения, R – радиус и  $\beta$  – угол у основания аксикона.

### 3. Прохождение гауссовского пучка через фильтр

Рассмотрим случай, когда распределение интенсивности падающего излучения имеет гауссовский профиль [12]:

$$P_0(r) = \left(2F_0/\pi w^2\right) \exp\left(-2r^2/w^2\right),$$
(2)

где w – радиус, а  $F_0$  – мощность падающего пучка. С учетом (1) профиль гауссовского пучка после преобразования в фильтре описывается следующей формулой:

$$P(y,a) = (1-D)^{2} \left( 2F_{0} / \pi w^{2} \right) \exp(-Y) \exp\left(-2y^{2} / a^{2} + y\right),$$
(3)

где  $a = kw \tan \beta$  — нормированный радиус лазерного пучка,  $Y = kR \tan \beta$  — нормированный радиус фильтра,  $y = kr \tan \beta$  — нормированная радиальная координата. На рис.2 представлены профили интенсивности отфильтрованного излучения при a = 0 (пунктирная линия), a = 2.5 (сплошная линия) и a = 5 (жирная сплошная линия).



Рис.2. Профиль интенсивности отфильтрованного гауссовского пучка при a = 0 (жирная сплошная линия), a = 2.5 (сплошная линия), a = 5 (пунктирная линия). Диаметры пучков на полувысоте максимальной интенсивности составляют: 1.18*w* при a = 0, 2.40*w* при a = 2.5, 3.68*w* при a = 5.

Мощность прошедшего через фильтр пучка на кольце с радиусом r, шириной dr и поверхностью  $2\pi r dr$  описывается формулой

$$dF(y,a) = 4F_0(1-D)^2 \exp(-Y)(y/a^2) \exp(-2y^2/a^2 + y) dy, \qquad (4)$$

где  $dy = kdr \tan \beta$  – нормированная ширина кольца. Уравнение (4) может быть переписано в интегральной форме:

$$\frac{F(a)}{F_0} = (1-D)^2 \exp(-Y) \frac{4}{a^2} \int_0^Y y \exp\left(-\frac{2y^2}{a^2} + y\right) dy.$$
(5)

Уравнение (5) решается численно. Сплошная линия на рис.3 иллюстрирует изменение отфильтрованной мощности от *a* при  $D \rightarrow 0$  и Y = 2a (R = 2w).



Рис.3. Отношение отфильтрованной мощности к начальной мощности излучения  $F(a)/F_0$  от *a* при  $D \rightarrow 0$  и Y = 2a (R = 2w) в случае падающего гауссовского излучения (сплошная линия), лагерр-гауссовского излучения с нулевой радиальной модой и с n = 1 (жирная сплошная линия), супер-гауссовского излучения с p = 4 (пунктирная линия).

В случае радиального перемещения оси фильтра на нормированное расстояние *ma* относительно оси падающего излучения, отфильтрованная мощность определяется из следующего выражения:

$$\frac{F(a,m)}{F_0} = (1-D)^2 \exp(-Y) \frac{2}{\pi a^2} \int_0^{Y} \int_0^{2\pi} y \exp\left(-\frac{2y^2}{a^2} + \sqrt{y^2 + m^2 a^2 - 2yma\cos\alpha}\right) dy d\alpha, \qquad (6)$$

где  $\sqrt{y^2 + m^2 a^2 - 2} yma \cos \alpha$  — расстояние от перемещенной оси фильтра до рассматриваемой точки,  $\alpha$  — азимутальный угол, образованный направлениями *y* и радиального перемещения оси фильтра. Рис.4 показывает степень увеличения отфильтрированной мощности (в процентах) в зависимости от увеличения *a* в результате сдвига фильтра на нормированное расстояние 0.05*a*. Интересно отметить, что по этому показателю распределения гауссовского пучка, лагерргауссовского излучения с нулевой радиальной модой и с *n* = 1, а также супергауссовского излучения с *p* = 4, практически совпадают. По сути дела, данный показатель определяет точность определения оси радиально-симметричного лазерного пучка с помощью фильтра на основе поглощающего аксикона. Подчеркнем, что нормированный сдвиг 0.05*a* оси фильтра представлен для примера, а возможности методики позволяют определять сдвиги порядка ~ 0.001*a* (при больших значениях *a*). Отметим также, что поглощающий аксикон или фильтр на основе поглощающего аксикона обладает уникальной способностью определять центр также радиально несимметричных пучков [14].



Рис.4. Зависимость увеличения (в процентах) отфильтрованной мощности  $[F(a,m)-F(a)]/F(a) = \delta F(a)/F(a)$  от увеличения *а* в результате сдвига фильтра на нормированное расстояние 0.05*a*.

Учитывая, что  $F_f = F_0(1-D)^2 \exp(-Y)$  есть мощность сфокусированного на фильтре пучка, прошедшего через его ось, уравнение (5) принимает вид

$$\frac{F(a)}{F_f} = \frac{4}{a^2} \int_0^y y \exp\left(-\frac{2y^2}{a^2} + y\right) dy \,.$$
(7)

Уравнение (7) также решается численно. Если  $a \uparrow Y$  ( $w \uparrow R$ ), то при относительно больших *а* зависимость  $F(a)/F_{f}$  от *а* сильно нелинейна, что позволяет точно определять радиус и расходимость лазерного пучка. В этом случае, в интервале 2 < a < 8 распределение  $F(a)/F_{f}$  можно аппроксимировать  $F(a)/F_f \approx (1.8/a^{2.1})\exp(a^{1.27}).$ Зависимость функцией относительной погрешности  $\delta a/a$  от a (если отношение  $F(a)/F_{f}$ измерено с неопределенностью 1%) оценивается 2.81% при a = 0.5; 1.28% при a = 1; 0.53% при a = 2; 0.19% при a = 4; 0.09% при a = 6. Что касается погрешности радиуса  $w = a/(k \tan \beta),$ то относительная погрешность определения определения коэффициента поглощения k может составлять ~0.1% и даже меньше [15], а погрешностью измерения угла в можно пренебречь, т.к. современные методы позволяют измерять углы с точностью ~0.2" [16].

### 4. Прохождение через фильтр лагерр-гауссовского пучка с нулевой радиальной модой

Распределение интенсивности лагерр-гауссовского пучка с нулевой радиальной модой представляется следующим выражением [17]:

$$P_0(r,n) = \left(2F_0/\pi w^2\right) \left(\sqrt{2}r/w\right)^{2n} \exp\left(-2r^2/w^2\right),$$
(8)

где  $F_0$  – мощность падающего пучка, n – азимутальная мода. После прохождения через фильтр профиль пучка преобразовывается:

$$P(y,a,n) = (1-D)^{2} \exp(-Y) \left(2F_{0}/\pi w^{2}\right) \left(\sqrt{2}y/a\right)^{2n} \exp\left(-2y^{2}/a^{2}+y\right).$$
(9)

На рис.5 представлен профиль интенсивности отфильтрованного лагерргауссовского пучка с n=1 при a=0 (жирная сплошная линия), при a=2.5(сплошная линия) и при a=5 (пунктирная линия). Мощность лагерр-гауссовского пучка, прошедшего через фильтр, выражается в виде

$$\frac{F(a,n)}{F_0} = (1-D)^2 \exp(-Y) \frac{4 \times 2^n}{a^{2(n+1)}} \int_0^Y y^{2n+1} \exp\left(-\frac{2y^2}{a^2} + y\right) dy, \qquad (10)$$

или

$$\frac{F(a,n)}{F_f} = \frac{4 \times 2^n}{a^{2(n+1)}} \int_0^y y^{2n+1} \exp\left(-\frac{2y^2}{a^2} + y\right) dy.$$
(11)



Рис.5. Профиль интенсивности отфильтрованного лагерр-гауссовского пучка с n = 1 при a = 0 (жирная сплошная линия), a = 2.5(сплошная линия), a = 5 (пунктирная линия). Диаметры пучков на полувысоте максимальной интенсивности составляют 2.32w при a = 0; 3.22w при a = 2.5; 4.20w при a = 5.

Изменение  $F(a)/F_0$  от *a* при  $D \to 0$  и Y = 2a (R = 2w), в случае лагерр-гауссовского распределения пучка с нулевой радиальной модой и с n = 1, представлено на рис.3 жирной сплошной линией. Уравнение (11) также может быть представлено в приближенной форме при  $a \dagger Y$  ( $w \dagger R$ ) и n = 1 в наиболее подходящем для измерений интервале 2 < a < 8:  $F(a,n)/F_f \approx (3.5/a^{1.95}) \times \exp(a^{1.315})$ . Данные относительной погрешности  $\delta a/a$  от *a* при измерении  $F(a)/F_f$  с неопределенностью 1% ниже соответствующих показателей гауссовского пучка на 10–30%.

#### 5. Прохождение супер-гауссовского пучка через фильтр

Распределение интенсивности супер-гауссовского пучка с коэффициентом *p* представляется в виде [3]:

$$P_{0}(r,p) = \left(2^{2/p} p F_{0} / 2\pi w^{2} \Gamma(2/p)\right) \exp\left[-2(r/w)^{p}\right], \qquad (12)$$

где  $F_0$  – мощность падающего излучения. Профиль интенсивности отфильтрованного пучка описывается функцией

$$P(y,a,p) = (1-D)^{2} \exp(-Y) \left( \frac{2^{2/p}}{p} F_{0} / 2\pi w^{2} \Gamma(2/p) \right) \exp\left[ -2 \left( \frac{y}{a} \right)^{p} + y \right].$$
(13)

Распределение интенсивности отфильтрованного супер-гауссовского пучка с p = 4 при a = 0 (жирная сплошная линия), a = 2.5 (сплошная линия), a = 5 (пунктирная линия) показано рис.6. Мощность отфильтрованного супер-гауссовского пучка может быть представлена в виде

$$\frac{F(a,p)}{F_0} = (1-D)^2 \exp(-Y) \frac{2^{2/p} p}{a^2 \Gamma(2/p)} \int_0^Y y \exp\left[-2(y/a)^p + y\right] dy, \qquad (14)$$

или

$$\frac{F(a,p)}{F_f} = \frac{2^{2/p} p}{a^2 \Gamma(2/p)} \int_0^y y \exp\left[-2(y/a)^p + y\right] dy.$$
(15)



Рис.6. Профиль интенсивности отфильтрованного супер-гауссовского пучка с p = 4 при a = 0 (жирная сплошная линия), a = 2.5(сплошная линия), a = 5 (пунктирная линия). Диаметры пучков на полувысоте максимальной интенсивности составляют 1.54*w* при a = 0; 1.96*w* при a = 2.5; 2.22*w* при a = 5.

Пунктирной линией на рис.3 представлено отношение отфильтрованной мощности к начальной мощности излучения  $F(a)/F_0$  от a при  $D \to 0$  и Y = 2a (R = 2w) в случае, когда через фильтр проходит супер-гауссовский пучок с p = 4. Зависимость  $F(a)/F_f$  от a при  $a \dagger Y$  ( $w \dagger R$ ) и p = 4 может быть аппроксимирована функцией  $F(a)/F_f \approx (2/a^{1.8})\exp(a^{1.085})$  (в интервале 2 < a < 8). При измерении отношения  $F(a)/F_f$  с точностью 1% зависимость относительной погрешности  $\delta a/a$  от a равна: 3.22% при a = 0.5; 1.59% при a = 1; 0.71% при a = 2; 0.33% при a = 4; 0.18% при a = 6.

### 6. Эксперимент

В эксперименте были измерены параметры гелий-неонового ( $\lambda = 633$  нм) лазерного пучка. Световой фильтр закреплялся на столике, обеспечивающем микрометрические перемещения в горизонтальном и вертикальном направлениях. В качестве детектора использовался измеритель мощности излучения ИМО-2H. В случае, когда интенсивность прошедшего через фильтр лазерного пучка минимальна, ось пучка совпадала с осью фильтра. Были определены радиусы лазерного излучения в двух местах распространения пучка на расстоянии



Рис.7. Зависимость пропускания сфокусированного пучка g(r), прошедшего через фильтр с параметрами  $k = 1.15 \text{ мм}^{-1}$ , R = 32 мм,  $\beta = 7.5^{\circ}$ , от радиальной координаты r.



Рис.8. Изображение профиля отфильтрованного пучка при a = 2.5.

1 м друг от друга:  $w_1 = 10.794$  мм и  $w_2 = 11.859$  мм. Угол расходимости гелийнеонового лазерного пучка составлял  $1.77 \pm 0.08$  мрад. На рис.7 показана зависимость пропускания g(r) сфокусированного пучка, прошедшего через фильтр с параметрами k = 1.15 мм<sup>-1</sup>, R = 32 мм,  $\beta = 7.5^{\circ}$ , от радиальной координаты *r*. Изображение профиля отфильтрованного пучка представлено на рис.8.

### 7. Заключение

Таким образом, фильтр на основе поглощающего аксикона позволяет определять ось радиально-симметричных лазерных пучков, создавать строгоколлимированные пучки, осуществлять радиальное перераспределение лазерного профиля интенсивности, создавать бубликообразные и М-образные пучки, плавно перестраивать мощность пучка, измерять радиус и расходимость пучка. Среди рассмотренных радиально-симметричных пучков профиль интенсивности лагерр-гауссовского пучка обладает наибольшим перераспределением в периферийную область относительно оси фильтра. Это позволяет определять параметры этого пучка с наибольшей точностью. По этому признаку вслед за лаггер-гауссовским пучком следуют гауссовский и супер-гауссовский пучки.

Автор благодарен МНТЦ за поддержку работы (грант № А-1517).

### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Г.Хирд. Измерение лазерных параметров. М., Мир, 1970.
- http://www.osioptoelectronics.no/Cd-Content/standard-products/AE9470\_PSD\_Quadrant \_Position\_Detector.pdf.
- 3. C.Liu, S.Zhang. Design and diffractive modeling on a single lens shaper. Proc. PAC09, Vancouver, Canada, 2009:TU6RFP046.
- 4. O.Boyko, Th.A.Planchon, P.Mercere, et al. Opt. Comm., 246, 131 (2005).
- 5. T.Kuga, Y.Toni, N.Shiokawa, et al. Phys. Rev. Lett., 78, 4713 (1997).
- 6. H.He, M.E.J.Friese, et al. Phys. Rev. Lett., 75, 826 (1995).
- 7. А.Е.Мартиросян. Изв. НАН Армении, Физика, 44, 426 (2009).
- 8. A.E.Martirosyan. Optics and Lasers Tech., 42, (328) 2010.
- 9. R.Grunwald, U.Griebner, F.T.Schirschwitz, et al. Opt. Lett., 25, 981 (2000).
- 10. K.M.Tan, M.Mazilu, T.H.Chow, et al. Opt. Express, 17, 2375 (2009).
- G.M.Philip, N.K.Viswanathan. Proc. Inter. Conf. on Optics and Photonics, Chandigarh, India, CS10:2009.
- 12. A.E.Martirosyan. Optics and Lasers Tech., 43, 242 (2011).
- 13. A.E.Martirosyan. Промышленная собственность, патент РА № 2467А, 2010.
- 14. А.Е.Мартиросян. Тезисы докл. конф. «Лазерная Физика-2009», Аштарак, с.159.
- 15. Z.M.Zhang, T.R.Gentile, A.L.Migdall, R.U.Datla. Appl. Optics, 34, 8889 (1997).
- 16. G.X.Zhang, C.H.Wang, Z.Li. CIRP Annals Manufacturing Technology, 43, 457 (1994).
- 17. A.S.Kennedy, M.J.Szabo, H.Teslow, et al. Phys. Rev. A, 66, 043801 (2002).

## TRANSFORMATION AND PARAMETERS MEASUREMENT OF GAUSSIAN, LAGUERRE-GAUSSIAN AND SUPER-GAUSSIAN BEAMS BY USING A LIGHT FILTER BASED ON ABSORBING AXICON

### A.E. MARTIROSYAN

The properties of a new optical element – light filter based on absorbing axicon, are studied. The filter allows to measure parameters of laser beams with a radial symmetry, to form precisely collimated beams, to fluent tune the power of laser radiation. The transformation of Gaussian, Laguerre-Gaussian and super-Gaussian beams in the filter is considered. As a result of such transformation, doughnut-like and M-like beams are formed.