УДК 538.56;539.12

# РЕНТГЕНОВСКОЕ ПЕРЕХОДНОЕ ИЗЛУЧЕНИЕ В СЛУЧАЕ ТЕЛ КОНЕЧНЫХ РАЗМЕРОВ

# М. А. АГИНЯН, А. С. АМБАРЦУМЯН, ЯН ШИ

Ереванский физический институт

(Поступила в редакцию 29 июля 1983 г.)

Исследованы угловое и частотное распределения интенсивности рентгеновского переходного излучения (РПИ), образуемого в телах конечных размеров. Уточнен критерий применимости теории возмущений. Рассмотрено образование РПИ на вакансионных порах в кристаллах.

Рентгеновское переходное излучение, образуемое при взаимодействии релятивистских заряженных частиц с малыми телами, было исследовано в работах [1—4]. В работе [5] было рассмотрено РПИ на дефектах кристаллической решетки твердого тела — вакансионных порах — с точки зрения его использования для исследования вакансионной структуры твердых тел.

В настоящей работе более подробно, чем в [4], исследованы угловое и частотное распределения интенсивности РПИ, образуемого частицей на аксиально-симметричных неоднородностях малых размеров. В качестве неоднородностей рассмотрены как тела, расположенные в вакууме, так и вакуумные поры в среде. Проведено сравнение полученных результатов с оценками работы [5].

### 1. Исходные формулы

• Будем полагать, что диэлектрическая проницаемость среды в рассматриваемой области частот определяется формулой

$$\varepsilon(\omega) = 1 - \omega_0^2 / \omega^2 \tag{1}$$

( $\omega$  — частота излучения,  $\omega_0$  — плазменная частота вещества) и, кроме того, выполняется условие применимости теории возмущений [6] (см. также [2])

$$\omega_0^2 \, \alpha_z / \omega c \ll 1 \tag{2}$$

 $(a_x - продольный размер неоднородности). Отметим, что условие (2),$ будучи достаточным, не является необходимым. Если поперечные размеры неоднородности малы, то теория возмущений может быть применимойи без выполнения (2) (подробно см. ниже, п. 4).

Рассмотрим два случая: когда траектория частицы совпадает с осью симметрии неоднородности (центральное столкновение) и когда траектория проходит вне тела параллельно его оси симметрии (нецентральное столкновение). Соответствующие частотно-угловые распределения имеют вид (ср. с формулами (15), (16) работы [2]):

$$W^{\epsilon}(\omega, \vartheta) = \frac{e^2}{2\pi c} \left(\frac{\omega_0}{\omega}\right)^4 \frac{(1-\varepsilon\beta^2)}{\varepsilon^3} |P^{\epsilon}|^2 \cos^2 \vartheta \sin \vartheta, \qquad (3)$$

$$W^{nc}(\omega, \vartheta, \varphi) = \frac{e^2}{(2\pi)^2 c} \left(\frac{\omega_0}{\omega}\right)^4 \frac{(1-\epsilon\beta^2)}{\epsilon^3} [K_1(\chi\rho_0)]^2 \times |P^{nc}|^2 (1-\sin^2\vartheta\cos^2\varphi), \qquad (4)$$

где

$$P^{c} = \frac{\omega^{2}}{[v^{2}} \int_{0}^{a} p(\rho, \lambda) f_{1}(x\rho) K_{1}(\chi\rho) \rho d\rho, \qquad (5)$$

$$P^{nc} = \frac{\omega^2}{v^*} \int_0^{a_\perp} p(\rho, \lambda) f_0(x\rho) \rho d\rho, \qquad (6)$$

$$p(\rho, \lambda) = \frac{\omega}{\upsilon} \int_{-a_z}^{a_z} \exp\left[i(\omega/\upsilon - \lambda)z\right] dz, \qquad (7)$$

$$\lambda = (\sqrt{\varepsilon}\omega/c)\cos\vartheta, \ \chi = \omega \ (1 - \varepsilon\beta^2)^{1/2}/\nu, \ \varkappa = (\sqrt{\varepsilon}\omega/c)\sin\vartheta,'$$

v — скорость заряда,  $\beta = v/c$ ,  $J_0$ ,  $J_1$  и  $K_1$  — функции Бесселя и Макдональда,  $\vartheta$  и  $\varphi$  — полярный и азимутальный углы излучения,  $\rho_0$  — прицельный параметр при нецентральном столкновении,  $a_{\perp}$  — поперечный размер неоднородности. Формулы (3)—(7) приведены для случая вакуумной поры в среде. В случае тела в вакууме необходимо в этих формулах заменить  $\varepsilon$  на 1.

Предположим, что как продольный, так и поперечный размеры неоднородности намного больше длины волны генерируемого излучения:

$$a_z \gg c/\omega, \quad a_\perp \gg c/\omega.$$
 (8)

Тогда в частотно-утловых распределениях (3) и (4) определяющую роль играют малые углы  $\vartheta$  из-за наличия функций  $J_i(\varkappa \rho)$  и  $J_o(\varkappa \rho)$  в выражениях (5) и (6) и функции  $\exp[i(\omega/\upsilon - \lambda)z]$  в выражении (7). После интегрирования по  $\rho$  и z в формулах (5), (6) и (7) будем иметь [2, 4]

$$P^{c} = p \frac{x_{1}/x_{2} + x_{1}J_{2}(x_{1})K_{1}(x_{2}) - x_{2}J_{1}(x_{1})K_{2}(x_{2})}{1 - \beta^{2}\varepsilon\cos\vartheta}, \qquad (9)$$

$$P^{nc} = p \frac{x_1 \int_1 (x_1)}{\varepsilon \sin^2 \vartheta}, \qquad (10)$$

$$p = \frac{2 \sin \left[ \left( \omega a_z / v \right) \left( 1 - \beta \sqrt{\varepsilon} \cos \vartheta \right) \right]}{1 - \beta \sqrt{\varepsilon} \cos \vartheta}, \qquad (11)$$

 $r_{Ae} x_1 = xa_{\perp}, x_2 = \chi a_{\perp}.$ 

# 2. Анализ угловых распределений и частотных спектров

Дальнейшее рассмотрение целесообразно проводить в двух предельных случаях: когда аргумент функций  $K_1$  и  $K_2$  в выражении (9) велик я когда этот аргумент мал.

Пусть х₂ ≫ 1, т. е.

$$a_{\perp} \gg (c/\omega) \ (1 - \varepsilon \beta^2)^{-1/2}. \tag{12}$$

Тогда излучение при нецентральном столкновении экспоненциально мало из-за большой величины аргумента функции  $K_1$  в (4). Для центрального столкновения это условие означает, что «радиус действия» поля мал по сравнению с поперечным размером объекта, и приводит к подробно исследованному ранее случаю пластины в вакууме (или вакуумного отсека в веществе) [7] (см. также [4]).

Пусть теперь аргументы функций К, и К, в (9) малы, т. е.

$$a_{\perp} \ll (c/\omega) \ (1 - \epsilon \beta^2)^{-1/2}.$$
 (13)

Последующий анализ частотно-угловых распределений (3) и (4) проведем для тела в вакууме (во всех формулах (3)—(13) є заменяется на 1), поскольку, как это показано ниже, для вакуумной поры в веществе качественная картина остается такой же.

Как известно, угловое распределение РПИ, образуемого на неоднородностях, имеющих неограниченные поперечные размеры (на границах раздела сред, на пластине и т. д.), имеет характерный максимум при  $\sim \gamma^{-1} (\gamma = (1 - \beta^2)^{-1/2}$  лоренц-фактор частицы) благодаря налич ию в соответствующих формулах знаменателя 1—  $\beta$ cost. Аналогичные знаменатели имеются и в (9), и в (11). Однако оказывается, что в случае ограниченных неоднородностей максимум в угловом распределении определяется также и поперечными размерами.

Введем углы

$$\vartheta_1 = (2 c/\omega a_z)^{1/2}, \quad \vartheta_2 = c/\omega a_\perp,$$
 (14)

определяющие соответственно аргументы синуса в выражении (11) и функций Бесселя в (9), (10). Из (13) ( $\varepsilon = 1$ ) следует, что  $\gamma^{-1} \ll \vartheta_2$ В случае  $\gamma^{-1} \gtrsim \vartheta_1$  интенсивность РПИ пренебрежимо мала (см., например, [4]). Если же  $\gamma^{-1} \ll \vartheta_1$ , то результат зависит от соотношения углов  $\vartheta_1$  и  $\vartheta_2$ .

1. Пусть ∂<sub>2</sub> < ∂<sub>1</sub>, т. е.

$$a_z < 2 \omega a_\perp^2 / c. \tag{15}$$

Разлагая величины (9)—(11) в интервале углов  $\vartheta < \vartheta_2 < \vartheta_1$ , имеем

$$P^{c} = \frac{\omega a_{z}}{\upsilon} \left(\frac{\omega a_{\perp}}{c}\right)^{2} \frac{\gamma \vartheta}{2}, \quad P^{nc} = \frac{\omega a_{z}}{\upsilon} \left(\frac{\omega a_{\perp}}{c}\right)^{2}. \tag{16}$$

Поэтому в этом интервале углов

$$\mathcal{K}^{c}(\omega,\vartheta) = \frac{e^{s}}{8\pi c^{7}} \omega_{0}^{4} \omega^{2} a_{z}^{2} a_{\perp}^{4} \vartheta^{3}, \qquad (17)$$

$$W^{nc}(\omega, \vartheta) = \frac{e^2}{2\pi c^5} \omega_{\theta}^4 a_z^2 a_{\perp}^4 \frac{\vartheta}{\rho_0^2}$$
(18)

Из (17) и (18) следует, что при  $\vartheta \sim \gamma^{-1} \ll \vartheta_2$  величины  $W^c$  ( $\omega$ ,  $\vartheta$ ) и  $W^{nc}(\omega, \vartheta)$  не имеют максимумов. При угле излучения порядка  $\vartheta_2$  или больше  $x_1$  есть величина порядка единицы или больше и из-за функций Бесселя в (9) и(10) величины  $W^c(\omega, \vartheta)$  и  $W^{nc}(\omega, \vartheta)$  будут иметь ряд максимумов и минимумов, обусловленных интерференцией на границах цилиндрического тела в поперечных направлениях («краях»). При увеличении угла  $\vartheta$  до значения  $\vartheta_1$  или больше появляются также экстремумы, обусловленные интерференцией на границах тела в подольном направлении («торцах»). Когда  $\vartheta_1$  и  $\vartheta_2$  отличаются друг от друга незначительно, указанные два типа интерференции смешиваются и их невозможно отделить [4].

Первые максимумы θ<sub>0</sub> в угловых спектрах излучений приходятся на, углы порядка с/ωа<sub>⊥</sub>:

$$\vartheta_0^c \approx 3.8c/\omega a_\perp, \quad \vartheta_0^{nc} \approx 1.8c/\omega a_\perp. \tag{19}$$

При дальнейшем увеличении угла излучения до значений  $\vartheta \gg \vartheta_i$ , функциями Бесселя в  $|P^c|^2$  (формула (9)) можно пренебречь, в  $|P^{nc}|^2$ (формула (10)) — заменить их квадрат на постоянную  $C_o$  — максимальное значение функции  $J_1^2$ , а квадрат синуса в величине  $p^2$  (формула (11)) — заменить на 1/2. После интегрирования (3), (4) по углам  $\vartheta$  и  $\varphi$  соответственно в пределах от 0 до  $\pi/2$  и от 0 до  $2\pi$  получаем следующие выражения для частотных спектров излучения  $W^c$  ( $\omega$ ) и  $W^{nc}$  ( $\omega$ ):

$$W^{c}(\omega) \approx \frac{e^{2}}{\pi c^{3}} \frac{\omega_{0}^{4}}{\omega^{2}} a_{z}^{2} \left[ \ln \frac{\omega a_{\perp}^{2}}{c a_{z}} + C_{1} \right], \qquad (20)$$

$$W^{nc}(\omega) \approx \frac{e^3}{\pi c^3} \frac{\omega_0^4}{\omega^2} \left(\frac{a_{\perp}}{\rho_0}\right)^2 a_z^2 C_0 \left[ \ln \frac{\omega a_{\perp}^2}{c a_z} + C_2 \right]$$
(21)

 $(C_i, C_2 -$ числа порядка единицы). 2. Пусть теперь  $\vartheta_i < \vartheta_2$ , т. е.

$$a_z > 2 \omega a_\perp^2/c. \tag{22}$$

Анализ угловых распределений  $W^c$  ( $\omega$ ,  $\vartheta$ ) и  $W^{nc}(\omega, \vartheta)$  проводится аналогично предыдущему случаю. Разница лишь в том, что теперь группа экстремумов, обусловленных интерференцией на «торцах» тела, находится левее (при меньших углах) труппы экстремумов, обусловленных интерференцией на «краях» тела. Главные максимумы теперь приходятся на углы  $\vartheta_0$  порядка  $(c/\omega a_z)^{1/2}$ :

$$\vartheta_0^c \approx \vartheta_0^{nc} \approx (\pi c/\omega a_s)^{1/2}.$$
 (23)

Оценка спектральной интенсивности РПИ дает:

$$W^{c}(\omega) \approx \frac{e^{2}}{\pi c^{5}} \omega_{0}^{4} a_{\perp}^{4} \left[ \frac{1}{8} \ln \frac{ca_{z}}{\omega a_{\perp}^{2}} + C_{3} \right], \qquad (24)$$

$$W^{nc}(\omega) \approx \frac{3}{4} \frac{e^2}{\pi c^4} \frac{\omega_0^4}{\omega} \frac{a_{\perp}^4 a_z}{\rho_0^2} , \qquad (25)$$

где С. — число порядка единицы. 300

### 3. Численный расчет

Проведенный выше анализ углового распределения интенсивности РПИ проиллюстрирован нами численным расчетом (рис. 1 и 2) для различных значений  $a_z$  и  $a_{\perp}$  с использованием формул (3), (4), (9)—(11). Положения первых максимумов хорошо согласуются с оценками по формулам (19) и (23). Таким образом, главные максимумы в угловых рас-



пределениях РПИ при выполнении условия (13) действительно приходятся не на углы порядка  $\gamma^{-1}$ , а определяются интерференцией на границах тел, а именно, меньшим из углов  $\vartheta_1$  и  $\vartheta_2$ . Наличие интерферен-





Рис. 2.

Рис. 1. Частотно-угловое распределение интенсивности излучения для центрального столкновения при  $a_x = 10^{-2}$  мкм: сплошные кривые — тело в вакууме, штриховые — вакуумная пора в среде (кривые  $1 - a_{\perp} = 10^{-3}$ ,  $2 - 3,2 \cdot 10^{-3}$ ,  $3 - 10^{-2}$ ,  $4 - 3,2 \cdot 10^{-2}$  мкм;  $\hbar \omega = 3,2 \cdot 10^{-1}$  кэВ). Рис. 2. То же, что на рис. 1, для нецентрального столкновения при  $a_{\perp} = 10^{-3}$  мкм: кривые  $1 - a_{2} = 2,5 \cdot 10^{-3}$ ,  $2 - 6,3 \cdot 10^{-3}$ ,  $3 - 1,6 \cdot 10^{-2}$  мкм;

ционных экстремумов при углах порядка  $\vartheta_1$  и  $\vartheta_2$  хорошо известно также в теории дифракции света на тонких клиньях и круглых отверстиях или экранах (см., например, [8]).

Путем численного интегрирования  $W^c(\omega, \vartheta)$  и  $W^{nc}(\omega, \vartheta)$  по углам излучения получены частотные спектры интенсивности  $W^c(\omega)$  и  $W^{nc}(\omega)$  (рис. 3, 4) при различных значениях  $a_{\perp}$ . Если в случае нецентрального столкновения спектр носит монотонный характер, то в случае центрального столкновения он может быть немонотонным со слабым максимумом при  $\omega \sim c\gamma/a_{\perp}$ . На рис. 5 приведены кривые зависимости частотной интенсивности РПИ в случае центрального столкновения от величины  $a_{\perp}$  при некоторых фиксированных частотах. Как следует из этого рисунка, при выполнении условий (13) и (22) величина  $W^c(\omega)$  пропорциональна  $a_{\perp}^4$  (формула (24)), затем в соответствии с (20) зависимость



Рис. 4. То же, что на рис. 3, для нецентрального столкновения при  $a_{\perp} = 10^{-2}$  мкм: кривые  $1 - a_{z} = 1,6 \cdot 10^{-3}, 2 - 2,5 \cdot 10^{-3}, 3 - 6,3 \cdot 10^{-3}$  мкм;

 $p_0 = 10^{-2}$  MRM.



Рис. 5. Зависимость частотного спектра излучения при центральном столкновении от  $a_{\perp}$  при  $\gamma = 10^2$ ,  $a_z = 10^{-2}$  мкм: кривые,  $1 - \hbar \omega = 0.4$ , 2 - 0.25 квВ.

нотонной. Что касается зависимостей  $W^c(\omega)$  и  $W^{nc}(\omega)$  от  $\gamma$ , то при  $\gamma \ll (\omega a_z/2 c)^{1/2}$  спектральные интенсивности малы и растут пропорционально  $\gamma^4$ , становясь затем логарифмически зависящими от  $\gamma$ , пока  $\gamma < \omega a_\perp/c$ . При дальнейшем росте  $\gamma$  спектральные интенсивности вообще перестают зависеть от  $\gamma$ . После интегрирования  $W^c(\omega)$  и  $W^{nc}(\omega)$  по  $\omega$  в широких пределах полные интенсивности оказываются очень слабо зависящими от  $\gamma$ .

i

### 4. Критерий применимости теории возмущений

Условие (2) применимости теории возмущений было получено, строго говоря, в случае бесконечных поперечных размеров тела [6]. Физически ясно, что при выполнении указанного условия теория возмущений применима и для тела с конечными поперечными размерами. Естественно поставить вопрос, применима ли теория возмущений, когда продольный размер тела не удовлетворяет условию (2), но поперечные размеры тела малы? Рассмотрим предельный случай бесконечно длинного цилиндрического тела ( $a_z \rightarrow \infty$ ). При этом будем предполагать, что величина  $a_\perp$ намного меньше «радиуса» поля заряда:

$$\sqrt{\tau^{-2} + \omega_0^2 / \omega^2} \, \omega a_\perp / c \ll 1 \tag{26}$$

(в случае вакуумного канала в среде) или

$$\mathbf{z}_{\perp} \omega/c\gamma \ll 1$$
 (27)

(в случае материального тела в важууме).

Из уравнения (1) работы [2] следует, что асимптотическое выражение для  $\mathbf{E}_{pac}^{(1)}(\mathbf{r}, \omega)$  вдали от тела ( $p \gg a_{\perp}$ ) в первом приближении теории возмущений с учетом (26) или (27) имеет вид:

$$\mathbf{E}_{\mathrm{pac}}^{(1)}(\mathbf{r},\omega) = \pm \frac{e}{\pi} \frac{\omega_0^2 \chi}{v^3} \left(\frac{\alpha_{\perp}}{2}\right)^2 \exp\left(i\omega z/v\right) \left[K_1(\chi \rho) \mathbf{e}_{\rho} + \frac{v\chi}{i\omega} K_0(\chi \rho) \mathbf{e}_z\right]$$
(28)

 $(r = \rho e_{\rho} + z e_{z}, где e_{z}, e_{\rho} - единичные векторы, направленные соответ$  $ственно вдоль и поперек оси цилиндра). Знаки <math>\mp$  соответствуют случаям тела в вакууме и вакуумной поры в среде. Во втором приближении теории возмущений имеем

$$\mathbf{E}_{pac}^{(2)}(\mathbf{r}, \ \omega) = \mathbf{E}_{pac}^{(1)}(\mathbf{r}, \omega) \left[ 1 \mp \frac{\omega_{0}^{2}}{c^{2}} \left( \frac{a_{\perp}}{2} \right)^{2} \right].$$
(29)

Из формул (28) и (29) следует, что при выполнении неравенства

$$\omega_0 a_\perp/c \ll 1 \tag{30}$$

поправка во втором приближении незначительна.

Таким образом, теория возмущений применима не только при выполнении условия (2), но и при одновременном выполнении условий (26) и (30) (или (27) и (30)). Если рассмотреть область значений  $\gamma \gg \omega/\omega_{e}$ , то получим, что условие (30) также является достаточным для применимости теории возмущений.

Критерий применимости теории возмущений, полученный в работе [5] путем сравнения поля рассеянной волны с невозмущенным полем, содержит угол излучения  $\vartheta$ . Мы же сравнивали не только рассеянное поле с невозмущенным полем  $E_{sap}(\mathbf{r}, \omega)$ , но и величины поля  $E_{pac}(\mathbf{r}, \omega)$  в первом и во втором приближениях, что более правомерно. В случае вакуумных пор в среде этот критерий имеет вид

$$\min\left\{\frac{\omega_0^2 a_z}{\omega c}; \sqrt{\gamma^{-2} + \frac{\omega_0^2}{\omega^2}} \frac{\omega a_\perp}{c}\right\} \ll 1.$$
(31)

Если  $a_{\perp} \sim a_z$ , указанное условие практически сводится к условию (2).

# 5. Цепочка и решетка ваканснонных пор

Рязановым [5] было рассмотрено возникновение переходного излучения на упорядоченной системе (цепочке или решетке) вакансионных пор в кристаллах. Автор справедливо отметил, что по возникающему переходному излучению можно получить информацию о вакансионной пористости твердых тел. Кроме того, автором предлагалось использовать кристаллы с вакансионными порами в качестве источников рентгеновского излучения. Приведенная при этом оценка отношения чисел излучаемых квантов с единицы длины пути частицы через цепочку вакансионных пор и через макроскопическую стопку пластин без учета поглощения излучения была весьма оптимистической.

Необходимо заметить, что интенсивность (число квантов) переходного излучения, испускаемого из стопки пластин, существенно зависит от отношений толщины *a* пластины и размера *b* вакуумных промежутков межау пластинами к соответствующим зонам  $z_{\text{вещ}}$  и  $z_{\text{вак}}$  формирования переходного излучения в веществе и в вакууме (см. например, [9]). В области энергий квантов в несколько сотен эВ,  $\gamma \sim 10 \ z_{\text{вещ}}$  и  $z_{\text{вак}}$  составляют десятые доли мкм ( $\hbar \omega \sim 30$  эВ), т. е. по порядку величины они примерно вовпадают с расстояниями между вакансионными порами в кристаллах, в то время как макроскопическая стопка пластин с *a* и *b* порядка нескольких сотен мкм (именно с такой стопкой проводилось сравнение в [5]) является весьма «неоптимальной» с точки эрения генерации излучения в указанной области частот.

Если же рассматривать, например, область энергий квантов в десятки кэВ,  $\gamma \sim 10^3 - 10^4$ , где  $z_{\text{вещ}}$  порядка десятков мкм, а  $z_{\text{вак}}$  — сотен мкм, ситуация становится совершенно иной. Например, макроскопическая стопка более чем из 150 алюминиевых пластин с a = 20 мкм и b = 400 мкм в области  $\hbar \omega \sim 20$ —50 кэВ может излучить приблизительно один квант (длина поглощения излучения в алюминии при  $\hbar \omega = 30$  къВ составляет примерно 3000 мкм). Цепочка же вакансионных пор в алюминии с раднувом поры  $\sim 10^{-2}$  мкм и расстоянием между порами  $\sim 10^{-1}$  мкм в лучшем случае может излучить  $10^{-5} - 10^{-6}$  квантов с длины поглощения.

Таким образом, приходим к выводу, что кристалл с вакансионными поради может служить источником излучения, по-видимому, только в области очень мятких рентгеновских лучей ( $\hbar \omega \sim 500-800$  »В), для которой зоны формирования имеют примерно такой же порядок, что и размеры и расстояния между порами.

Наконец рассмотрим кристалл с вакансионными порами с точки зрения детектирования релятивистских заряженных частиц. Как отмечалось в конце п. 3, интенсивность излучения, возникающего на одной отдельной поре, перестает зависеть от у при условии

$$\gamma > \max \{ \omega a_z/c, \ \omega a_\perp/c \}.$$
(32)

В случае цепочки или решетки пор ситуация является сходной, пока z<sub>вещ</sub> меньше расстояния между порами. Когда же z<sub>вещ</sub> порядка этого расстояния или больше, γ-зависимость интенсивности (числа квантов) переходного излучения весьма слаба. Если положить  $a_z \sim a_\perp \sim 10^{-2}$  мкм,  $\hbar \omega \sim 500$  »В, то из (32) следует, что интенсивность излучения зависит от у только при у < 25. Другими словами, если и возможно использование кристалла с вакансионными порами в качестве детектора заряженных частиц, то только в случае частиц не очень высоких энергий.

В заключение авторы выражают глубокую благодарность Г. М. Гарибяну за ценные обсуждения и постоянный интерес к работе.

### **ЛИТЕРАТУРА**

- 1. Бахшян Г. Г., Гарибян Г. М., Ян Ши. Астрофизика, 9, 371 (1973).
- 2. Амбарцумян А. С., Гарибян Г. М., Ян Ши. Изв. АН АрмССР, Физика, 10, 258 (1975).
- 3. Амбаруумян А. С., Ян Ши. Изв. АН АрмССР, Физика, 12, 320 (1977).
- 4. Амбариумян А. С., Ян Ши. Препринт ЕФИ-511 (54)-81, 1981.
- 5. Рязанов А. И. ЖЭТФ, 82, 34 (1982).
- 6. Гарибян Г. М., Ян Ши. ЖЭТФ, 61, 930 (1982).
- 7. Гарибян Г. М. Изв. АН СССР, сер. физ., 36, 754 (1962).
- 8. Ландсберг Г. С. Оптика. Изд. Наука, М., 1976.
- 9. Гарибян Г. М., Ян Ши. Рентгеновское переходное излучение. Изд. АН АрмССР, Ереван, 1983.

## ԴԵՆՏԳԵՆՅԱՆ ԱՆՅՈՒՄԱՅԻՆ ՃԱՌԱԳԱՅԹՈՒՄԸ ՎԵՐՋԱՎՈՐ ՉԱՓԵՐՈՎ ՄԱՐՄԻՆՆԵՐԻ ՎՐԱ

### U. U. USPLEUL, U. U. LUUPUPLPLALUSUL, SUL CP

Հետաղոտված են վերջավոր չափերով մարմինների վրա առաջացած ռենադենյան անցումա. յին ձառադայիման ինտենսիվության բաշխումները ըստ անկյան և հաճախության։ Ճշդրաված է խոտորումների տեսության կիրառելիության չափանիշը։

# X-RAY TRANSITION RADIATION IN BODIES OF FINITE DIMENSIONS

#### M. A. AGINYAN, A. S. AMBARTSUMYAN, C. YANG

The angular and frequency distributions of the intensity of X-ray transition radiation formed in bodies of finite dimensions are investigated. The criterion of the applicability of perturbation theory approximation is verified. The generation of X-ray transition radiation on the crystal vacancy holes is discussed.