

## О КОНЕЧНОЙ ВЗВЕШЕННОЙ ПЛОТНОСТИ ЧАСТИЧНО ВОДОНАСЫЩЕННОГО ГРУНТА

Проф., докт. техн. наук Г. И. ТЕР-СТЕПАНИЯН<sup>1</sup>

*Реферат.* После затопления частично водонасыщенного грунта вода постепенно вытесняет воздух из пор и взвешенная плотность грунта увеличивается. После полного замещения воздуха водой взвешенная плотность грунта будет равна  $\rho' = \rho - (1 + S_r e) \rho_w / (1 - e)$ , где  $\rho$ —плотность грунта,  $e$ —коэффициент пористости,  $S_r$ —степень водонасыщения и  $\rho_w$ —плотность воды.

Применение вытекающей из закона Архимеда формулы для определения взвешенной плотности  $\rho'$  частично водонасыщенного грунта

$$\rho' = \rho - \rho_w, \quad (1)$$

где  $\rho$ —плотность грунта и  $\rho_w$ —плотность воды, справедливо лишь для самого начального момента затопления грунта, пока еще в нем сохраняется содержащийся в порах воздух. В дальнейшем воздух из пор удаляется и замещается водой; из крупных пор воздух довольно быстро удаляется в виде пузырьков, всплывающих в водоеме, а из мелких пор—путем медленного растворения в фильтрующейся воде. В обоих случаях все поры частично водонасыщенного грунта со временем оказываются заполненными водой, вследствие чего плотность взвешенного грунта увеличивается по сравнению с плотностью, вычисляемой по уравнению (1).

Для подсчета этого увеличения обозначим:  $n$ —общая пористость грунта,  $n_w$ —объем пор, занятых водой и  $n_a$ —объем пор, занятых воздухом;  $n = n_w + n_a$ . Масса твердых частиц в единице объема равна  $(1 - n) \rho_s$ , где  $\rho_s$ —их плотность. Масса воды в том же объеме грунта равна  $(1 - n) w \rho_s$ , где  $w$ —влажность грунта; ее объем составляет  $n_w = (1 - n) w \rho_s / \rho_w$ . Отсюда объем пор, занятых воздухом, равен  $n_a = n - n_w = n - (1 - n) w \rho_s / \rho_w$ . При замещении этого объема водой плотность грунта увеличивается на  $n_a \rho_w = n \rho_w - (1 - n) w \rho_s$ . Прибавляя эту величину к взвешенной плотности  $\rho'$  в начальный момент затопления (уравнение 1), получаем  $\rho' = \rho - \rho_w + n \rho_w - (1 - n) w \rho_s$ . Производя преобразования и учитывая, что степень водонасыщения  $S_r$  грунта равна

$$S_r = \frac{w \rho_a}{e \rho_w}, \quad (2)$$

где  $e$ —коэффициент пористости грунта, получаем общее выражение для взвешенной плотности грунта

$$\rho' = \rho - \frac{1 + S_r e}{1 + e} \rho_w. \quad (3)$$

<sup>1</sup> Зав. Лабораторией геомеханики Института геологических наук АН АрмССР.

В частном случае, для полностью водонасыщенного грунта, при  $S_r=1$ , из уравнения (3) получаем выражение, тождественное с уравнением (1).

В качестве примера рассмотрим случай, когда грунт на склоне водохранилища до его заполнения имеет следующие характеристики: плотность твердых частиц  $\rho_s=2650 \text{ кг}/\text{м}^3$ , плотность грунта  $\rho=1750 \text{ кг}/\text{м}^3$  и влажность  $w=16\%$ . Отсюда находим коэффициент пористости грунта  $e=\rho_s(1+w)/\rho-1=0,756$  и степень влажности  $S_r=w\rho_s/e\rho_w=0,561$ . Пользуясь формулами (1) и (3), находим взвешенную плотность грунта в начальный момент  $\rho_n=750 \text{ кг}/\text{м}^2$  и в конечный момент  $\rho_k=940 \text{ кг}/\text{м}^2$ , т. е. увеличение на  $190 \text{ кг}/\text{м}^2$  или более чем на  $25\%$ .

### ՄԱՍՆԱԿԻ ԶՐԱՀԱԳԵՑՎԱԾ ԳՐՈՒՏԸ ՎԵՐՁՆԱԿԱՆ ԽՏՈՒԹՅԱՆ ՄԱՍԻՆ

Պրոֆ. տեխնիկ. գիտ. դրկանց ԳԵՐՈՐՔ ՏԵՐ-ՄԵՏՓԱԼԱՆ

Ո և ֆ ե ր ա տ. Մասնակի ջրահագեցված գրունտի ողողումից հետո չուրը աստիճանաբար դուրս է մղում օդը ծակութիներից, և սուզված  $\rho'$  խտությունը աճում է: Օդը ջրով լրիվ փոխարինելու դեպքում սուզված խտությունը կլինի  $\rho'=\rho-(1+S_r e)\rho_w/(1+e)$ , որտեղ  $\rho$ —գրունտի խտությունն է,  $e$ —ծակութինության գործակիցը,  $S_r$ —ջրահագեցման աստիճանը և  $\rho_w$ —ջրի խտությունը:

Մասնակի ջրահագեցված գրունտի  $\rho'$  խտությունը սուզված վիճակում որոշելու համար (1) բանաձևի<sup>2</sup> կիրառումը, որտեղ  $\rho$ —գրունտի խտությունն է և  $\rho_w$ —ջրի խտությունն է, արդարացված է միայն ողողման ամենասկզբնական ժամանակաշրջանում, եթե գրունտում դեռ պահպանվում է օդը: Հետագայում օդը հեռանում է ծակութիներից և փոխարինվում է ջրով. խոշոր ծակութիներից օդը հեռանում է բշտիկների ձևով, որոնք վեր են բարձրանում ջրամբարից, իսկ փոքր ծակութիներից՝ ծծանցված ջրի մեջ զանգաղ լուծման ձևով: Եթե դեպքում էլ մասնակի ջրահագեցված գրունտի բոլոր ծակութիները ժամանակի ընթացքում լցվում են ջրով, որի հետևանքով սուզված խտությունը աճում է ըստ (1) բանաձևի հաշվածի հետ համեմատ:

Այդ աճի հաշվարկի համար նշենք  $n$ —գրունտի ընդհանուր ծակութինենությունը,  $n_w$ —ջրով զրագեցված ծակութիների ծավալը,  $n_a$ —օդով զրագեցված ծակութիների ծավալը,  $n=n_w+n_a$ : Մակարի մեկ միավորում կարծր մասնիկների մասսան հավասար է  $(1-n)\rho_s$ , որտեղ  $\rho_s$ —նրանց խտությունն է:

Գրունտի նույն ծավալում ջրի մասսան հավասար է  $(1-n)\rho_s$ , որտեղ  $w$ —ջրի խոնավաթյունն է: Վաք ծավալը կլինի  $n_w=(1-n)\rho_s/\rho_w$ : Ալիսեղից օդով զրագեցրած ծակութիների ծավալը կլինի  $n_a=n-n_w=n-(1-n)\rho_s/\rho_w$ : Եթե այդ ծավալը տեղակալվում է ջրով, գրունտի խտության աճը կլինի  $n_a n_w=n\rho_w-(1-n)\rho_s$ : Ավելացնելով այդ մեծությանը  $\rho'$  սուզված խտությունը սկզբնական պահին ( $\rho$ նժ. 3), ստանում ենք  $\rho'=\rho-\rho_w+(n\rho_w-(1-n)\rho_s)$ : Զեափոխություններ կատարելով և հաշվի առնելով, որ գրունտի ջրահագեցման  $S_r$  աստիճանը արտահայտվում է (2) բանաձևով, որտեղ  $e$ —գրունտի ծակութինության աստիճանն է, ստանում ենք գրունտի սուզված վերջնական խտությունը ( $\rho$ նժ. 3): Մասնակի գեպքում, լրիվ ջրահագեցված գրունտի համար, եթե  $S_r=1$ , բանաձև (3)-ից ստանում ենք բանաձև (1)-ը:

<sup>1</sup> ՀԱՅ ԳԱ երկրաբանական գիտությունների ինստիտուտի գեոմեխանիկայի լաբորատորիայի վարիչ:

<sup>2</sup> Բանաձևերը տե՛ս էջ 147:

## ON FINAL SUBMERGED DENSITY OF A PARTIALLY SATURATED SOIL

GEORGE TER-STEPANIAN, Prof.. Dr. Sc.(Eng.)<sup>1</sup>

**SYNOPSIS.** After flooding of a partially saturated soil the air in voids is gradually replaced by water and the density of the soil is increased. After the complete replacement of the air by water the submerged density will be  $\rho' = \rho - \rho_w(1 + S_r e) / (1 + e)$ , where  $\rho$  is the density of the soil,  $e$  is the void ratio,  $S_r$  is the degree of saturation and  $\rho_w$  is the water density,

Application of the formula (1) for determination of the submerged density  $\rho'$  of a partially saturated soil<sup>2</sup>, where  $\rho$  is the density of soil and  $\rho_w$  is the water density is justifiable for the very initial moment after the flooding only, whilst still the air in voids is preserved. Subsequently the air is removed from voids and replaced by water. The air from large pores will be removed rather quickly in form of bubbles which rise to the surface of the basin and from small pores by slow dissolution in the seeping water. In both cases all pores of a partially saturated soil will be filled by water after a time and the submerged density will increase as compared with that computed from Eq. (1).

For calculation of this increase we denote:  $n$ —total porosity of soil,  $n_w$ —volume of voids occupied by water and  $n_a$ —volume of voids occupied by air;  $n = n_w + n_a$ . The mass of solid particles in one unit volume is equal  $(1-n)\rho_s$ , where  $\rho_s$  is their density. The mass of water in the same volume of soil is  $(1-n)w\rho_s$ , where  $w$  is the water content of the soil; its volume is  $n_w = (1-n)w\rho_s/\rho_w$ . Hence the volume of voids, occupied by air is equal  $n_a = n - n_w = n - (1-n)w\rho_s/\rho_w$ . When this volume will be replaced by water, the density of soil will increase by  $n_a\rho_w = n\rho_w - (1-n)w\rho_s$ . If we add this value to the submerged density  $\rho'$  in the initial moment of flooding (Eq. 1), we get  $\rho' = \rho - \rho_w + n\rho_w - (1-n)w\rho_s$ . Transforming this equation and taking into consideration that the degree of saturation  $S_r$  is expressed by Eq. (2), where  $e$  is the voids ratio, we get the general expression (3) for the final submerged density of a soil. In special case of a fully saturated soil, at  $S_r = 1$ , equation (3) turns into equation (1).

<sup>1</sup> Head, Laboratory of Geomechanics, Geological Institute, Armen. Ac. Sc.

<sup>2</sup> Formulas see pp. 147.